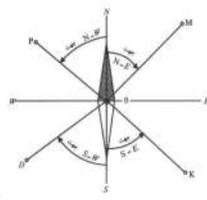
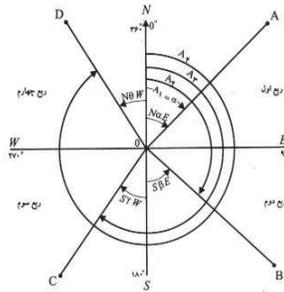


## جزوه درسی

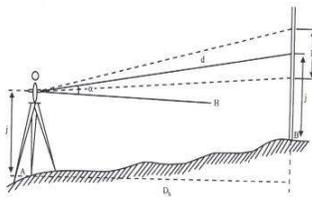
# نقشه برداری



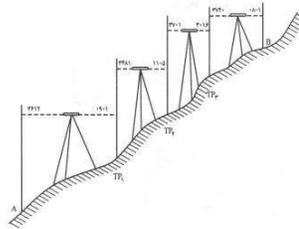
شکل ۱۱-۱ جهت ربع دایره



شکل ۱۱-۲ رابطه جهت ربع دایره و گرا



شکل ۱۱-۳ محاسبه قاصده افقی در حالتی که امتداد فرودروی بر امتداد شانهص عمود نباشد.



شکل ۱۱-۴ ترازوهای چندمرحله‌ای





و تَرَى الْجِبَالَ تَحْسَبُهَا جَامِدَةً وَ هِيَ تَمُرُّ مَرَّ السَّحَابِ  
«این کوهها را تو جامد و ساکن می بینی و حال آنکه مثل ابرها در حرکتند.»

سوره نمل آیه ۸۸

موجودات مادی، خود حرکت اند، نه موجودی که حرکت دارد؛ یعنی حرکت جوهری لازمه ذات نیست، خود ذات است.

## «نقشه برداری و عملیات»

### منابع اصلی امتحان تئوری و بخش عملیات نقشه برداری:

۱- نقشه برداری، دکتر شمس نوبخت، انتشارات دانشگاه علم و صنعت ایران

۲ جزوه درسی حاضر (٪ ۹۰ سوالات امتحانی از این منبع خواهد بود).

### معرفی برخی از منابع و مراجع معتبر درسی جهت مطالعه آزاد:

- نقشه برداری مهندسی : مهندس محمود دیانت خواه(انتشارات دانشگاه صنعتی اصفهان)
- نقشه برداری عمومی : مهندس محمد رضا عاصی(انتشارات دانشگاه صنعتی شریف)
- نقشه برداری و عملیات : مهندس سید یوسف سجادی
- نقشه برداری : دکتر ذوالفقاری
- نقشه برداری مهندسی : مهندس رضا ابن جلال
- نقشه برداری : دکتر شمس نوبخت(انتشارات دانشگاه علم و صنعت ایران)
- نقشه برداری : مهندس تمدن
- نقشه برداری : انتشارات دیباگران
- تحلیل مسائل نقشه برداری : مهندس علیرضا انتظاری
- مروری برمسائل نقشه برداری : مهدی پرنا
- تست و نکات جامع نقشه برداری : خانم مهندس حدیث صمدی علی نیا

## فهرست مطالب

صفحه	عنوان
۷	فصل اول: کلیات
۷	مفاهیم کلی و تعاریف
۸	نقشه و انواع نقشه
۱۱	تعریف نقشه برداری
۱۱	تقسیمات نقشه برداری (انواع نقشه برداری)
۱۵	مقیاس و انواع آن
۱۷	سطوح مقایسه
۱۷	شکل زمین
۱۷	بیضوی مقایسه
۱۸	سطح مبنای ارتفاعی
۲۰	مختصات جغرافیایی (طول و عرض جغرافیایی)
۲۲	سیستمهای تصویر
۲۳	انواع شمالها و چگونگی شناسایی آنها
۲۶	توجیه نقشه
۲۷	علائم قراردادی در نقشه و رنگها
۲۸	عملیات نقشه برداری
۲۹	فصل دوم: شناخت وسایل اندازه گیری و روشهای کاربردی
۳۰	آشنایی با وسایل مشخص کننده نقاط
۳۰	آشنایی با وسایل مشخص کننده امتدادهای قائم و افقی
۳۱	شیب سنج و کاربرد آن
۳۲	گونیا و کاربرد آن

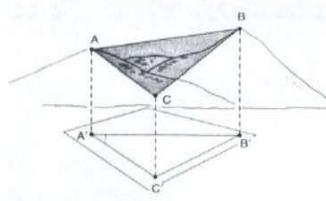
۳۳	طریقه ژالون گذاری
۳۳	اندازه گیری طول افقی در زمینهای شیبدار و مسطح
۳۴	انواع خطا و منابع آنها
۴۲	فصل سوم : شناخت دستگاههای اندازه گیری و نحوه کار با آنها
۴۳	آشنایی با دستگاه تنودولیت
۴۳	موارد کاربرد تنودولیت
۴۷	انواع ترازیابی
۵۰	طرز اندازه گیری اختلاف ارتفاع با دستگاه تراز یاب
۵۴	چگونگی اندازه گیری اختلاف ارتفاع دو نقطه به کمک وسایل ساده
۵۵	خطای مجاز و روش تصحیح خطا در تراز یابی
۶۰	فصل چهارم : روشهای مختلف برداشت
۶۰	پیمایش
۶۲	مراحل کار پیمایش
۶۳	محاسبات و خطاها
۶۳	آشنایی با مثلث بندی، درجات مختلف مثلث بندی
۶۷	معادلات شرط زاویه ای و ضلعی
۷۲	تهیه پلان به طرق مختلف
۷۵	فصل پنجم : زاویه و امتدادها
۷۵	معرفی زاویه کشها
۷۶	روش کار
۷۷	طریقه امتدادی مغناطیسی
۷۸	چگونگی سرشکن کردن خطا در پیمایش به روش ترسیم
۷۸	فصل ششم : نقشه های توپوگرافی - برداشت و ترسیم عوارض

۸۰	تهیه نقشه توپوگرافی و رسم نیمرخ
	اصول کار تهیه پلان توپوگرافی به روش شبکه‌بندی
۸۰	روشهای تهیه نیمرخ
۸۱	مراحل تهیه نقشه
۸۳	پیاده سازی و تهیه نقشه های تفکیکی ساختمانها
۹۰	منابع و مأخذ
۹۱	پیوست‌ها
۹۷	واژه‌نامه

## مفاهیم کلی و تعاریف

### تعریف نقشه :

نقشه عبارت است از تصویر افقی عوارض طبیعی یا مصنوعی بخش مشخص از زمین در مقیاس کوچک بر روی صفحه.



### انواع نقشه :

#### الف) تقسیم‌بندی نقشه‌های از نظر مقیاس

- نقشه‌های خیلی بزرگ مقیاس : مقیاسهای  $1/100$  تا  $1/500$  (نقشه‌های ساختمانی و اجزای آن)
- نقشه‌های بزرگ مقیاس : مقیاسهای  $1/500$  تا  $1/10000$  (کارهای مهندسی، ثبتی و اجرایی)
- نقشه‌های میان مقیاس : مقیاسهای  $1/10000$  تا  $1/500000$  (نقشه‌های توپوگرافی) (نقشه‌های مطالعاتی- نظامی  $1/250000$  و  $1/500000$ )
- نقشه‌های کوچک مقیاس : مقیاسهای  $1/500000$  تا  $1/2500000$  (نقشه‌های مملکتی و شهری) (نقشه آماری  $1/1000000$ )
- نقشه‌های خیلی کوچک مقیاس : از مقیاس  $1/2500000$  به بالا (نقشه‌های جغرافیایی یا اطلس‌ها)

#### ب) تقسیم‌بندی نقشه‌ها از نظر موضوع و محتوا

- نقشه‌های مسطحاتی
- نقشه‌های ارتفاعی (توپوگرافی)
- نقشه‌های زمین‌شناسی
- نقشه‌های آب‌شناسی
- نقشه‌های آماری
- نقشه‌های سیاسی
- نقشه‌های مهندسی زمین‌شناسی
- نقشه‌های اقتصادی
- نقشه‌های دریایی (کشتیرانی) (بررسی وضعیت کف دریاها و اقیانوسها و تعیین عمق آب)

## ● نقشه‌های نظامی

● ثبت املاکی - هواشناسی - شهر سازی - تاریخی و ...

### ➤ دلایل تهیه نقشه و موارد استفاده از آن

- تهیه مدلی دقیق و با قابلیت اندازه گیری از سطح زمین
- عدم نیاز به مراجعه مجدد به محیط جهت بررسی عوارض موجود
- عدم نیاز به مراجعه مجدد به محیط جهت اندازه گیری
- ثبت تغییرات در عوارض محیط با استفاده از نقشه برداریهای متوالی
- ثبت مکان و محدودهٔ املاک برای کاربردهای مختلف
- جهت ایجاد و ترسیم طرح دقیق پروژه های مختلف عمرانی
- جهت ثبت مرزهای سیاسی و عملیاتی نظامی
- ناوبری و تعیین مسیر در روی نقشه برای مقاصد مسیریابی در حمل و نقل کالا و مسافر
- نمایش روابط مکانی بین عوارض: از نقشه به دلیل محدود بودن دید انسان جهت نمایش ارتباط مکانهای دور از هم استفاده می شود.
- تجزیه و تحلیل

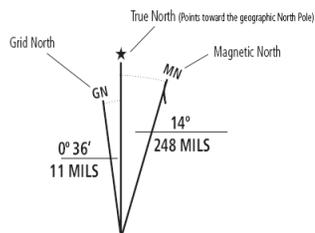
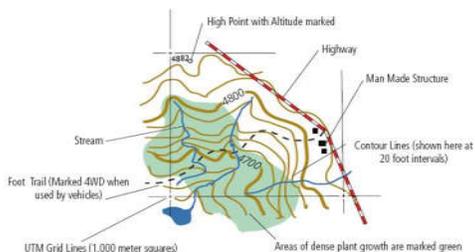
### ➤ اطلاعات ترسیمی قسمت اصلی در نقشه

- شبکه قائم الزاویه مختصات دار
- عوارض نقطه ای مانند: تیرهای برق - تلفن - ... ، چاه، کیوسک، تک درخت، ...
- عوارض خطی مانند: خطوط انتقال نیرو، دیوار، ترانشه، خطوی لوله، آبریز، مرزرها، ...
- عوارض سطحی مانند: مزارع، اماکن، رودخانه، جاده، مناطق پوشیده از آب، ...
- اطلاعات توصیفی مانند: اسم اماکن، شهرها، جاده ها، دریاها، استانها، رودخانه ها، ...
- سمبلها

### ➤ اطلاعات حاشیه ای

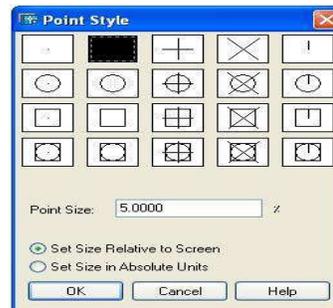
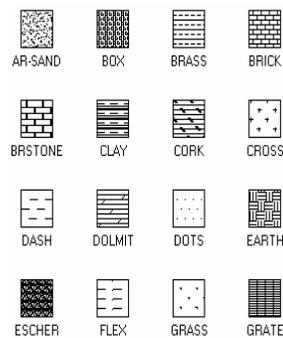
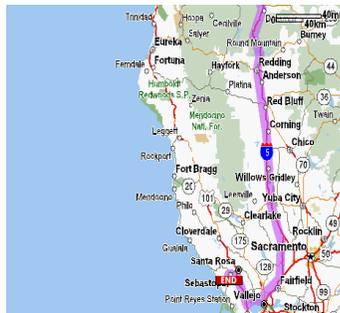
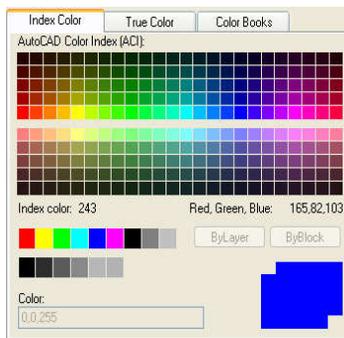
- نام نقشه که در وسط حاشیه بالا نوشته می شود.
- راهنمای علائم و سمبلهای موجود در نقشه یا لژاند نقشه شامل اسم و توضیحات درباره سمبلها و علائم استفاده شده در نقشه
- مقیاس نقشه به صورت عددی و ترسیمی

- نمودار شمالهای نقشه
- سیستم تصویر نقشه
- مبنای مسطحاتی و ارتفاعی در نقشه
- تعداد شیتهای نقشه
- راهنمای اتصال برگهای نقشه
- شماره برگ نقشه
- فاصله بین منحنیهای میزان اصلی بیانگر ارتفاعات
- مختصات شبکه قائم الزاویه قسمت اصلی نقشه
- اطلاعات عمومی در نقشه
- نام کارفرما
- نام مشاور
- نام ناظر
- تاریخ مشاهدات و ترسیمات
- ممنوعیت حق تکثیر و چاپ
- سندیت خطوط مرزی



## ➤ المانهای گرافیکی نقشه

- انواع خطوط
- انواع سمبلهای نقطه
- هاشور
- متن
- رنگ المانها
- اندازه



## تعریف نقشه برداری<sup>۱</sup>:

نقشه برداری عبارت است از تعیین شکل مسطحاتی یا ارتفاعی عوارض زمین روی صفحه افقی که شامل مراحل:

- برداشت
- محاسبه
- ترسیم

## تقسیم بندی نقشه برداری از نظر کاربرد:

(الف) نقشه برداری آبی یا آبنگاری (تعیین میزان عمق آب - تهیه نقشه های دریاوردی در کشتیرانی و بندرسازی)

(ب) نقشه برداری هوایی

(ج) نقشه برداری زیرزمینی (عملییت نقشه برداری در تونلها - معادن و تاسیسات و راههای زیرزمینی)

(د) نقشه برداری ساختمانی (تهیه نقشه ابنیه و آثار تاریخی در باستانشناسی و ...)

(ذ) نقشه برداری شهری

(ر) نقشه برداری توپوگرافی

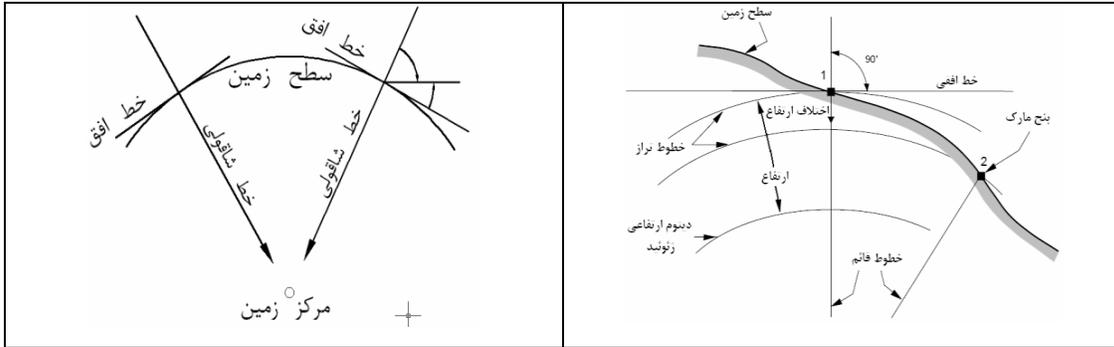
(ز) نقشه برداری پلانیمتری و ثبت املاکی (کاداستر) (تعیین حدود زمینهای شهری و تعیین مساحت آنها)

(س) نقشه برداری مسیر (طرح و پیاده کردن مسیرهای راه، راه آهن، خطوط انتقال نیرو و خطوط لوله آب و گاز و نفت)

(ش) نقشه برداری نظامی (تهیه نقشه های نظامی و تعیین نقاط استراتژیک)

➤ انواع نقشه برداری (برحسب وسعت منطقه):

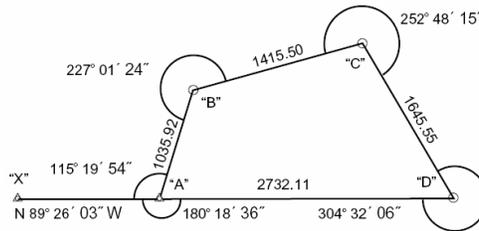
**نقشه برداری ژئودتیک:** در این شاخه از نقشه برداری، شکل واقعی زمین و انحناء آن در اندازه گیریها و محاسبات در نظر گرفته میشود. این نقشه برداری با دقت بسیار بالا در مناطق با وسعت زیاد انجام می شود.



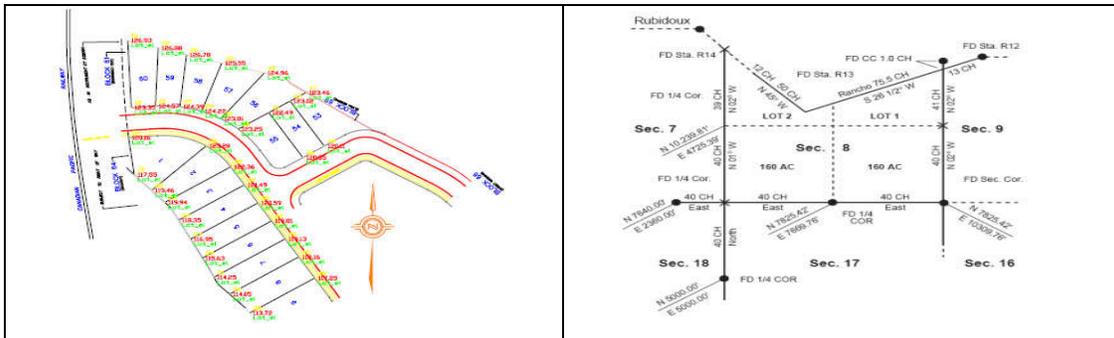
**نقشه برداری مسطحاتی:** در این شاخه از نقشه برداری، سطح متوسط زمین مسطح فرض می شود و از انحناء و کروییت زمین در مشاهدات و محاسبات صرفنظر می شود.

➤ انواع نقشه برداری (برحسب نوع عملیات):

**نقشه برداری کنترلی:** از این نقشه برداری برای ایجاد یک سری نقاط ایستگاهی (بتنی) با مختصات مسطحاتی و ارتفاعی معلوم در منطقه عملیات نقشه برداری استفاده می شود.

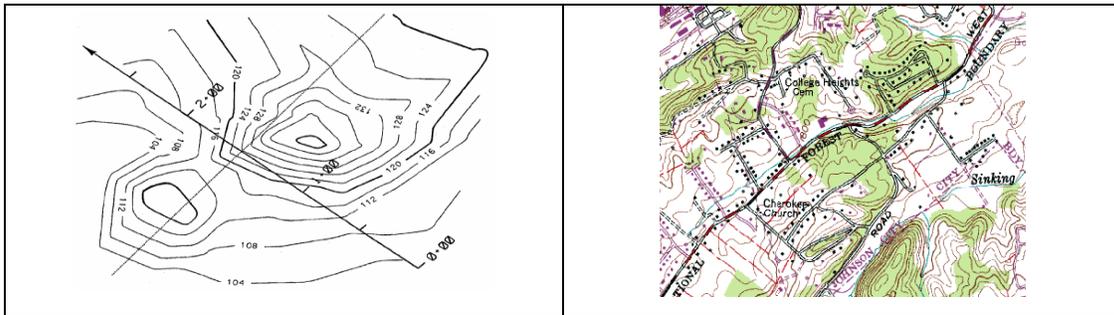


**نقشه برداری مرزهای ملکی (کاداستر):** از این نقشه برداری برای تعیین طول و امتداد خطوط و مساحت قطعات ملکی و تعیین موقعیت آنها برای کارهای ثبتی و اداری استفاده می شود.



### نقشه برداری توپوگرافی: این نقشه برداری برای

- نمایش ساختار زمین (پستی و بلندی)
- تعیین محل عوارض طبیعی (رودخانه، کوه، ...)
- تعیین محل عوارض مصنوعی (کارخانه، جاده، ...)
- تعیین ارتفاع نقاط مختلف در یک منطقه
- و نمایش ارتفاع نقاط به صورت منحنیهای میزان انجام میگردد.



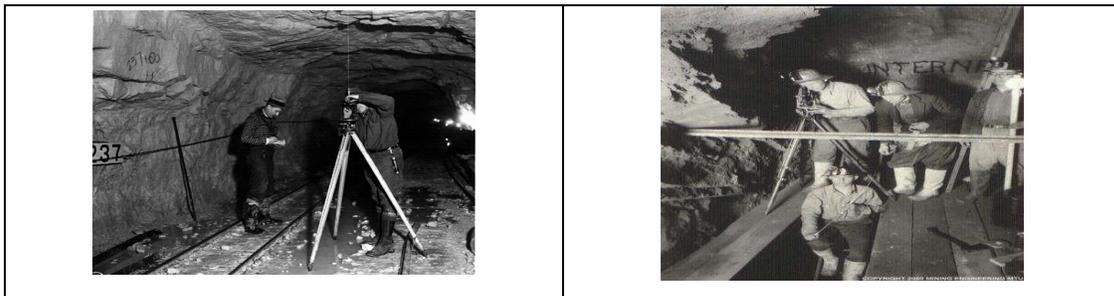
### نقشه برداری هیدروگرافی: این نقشه برداری برای تهیه نقشه مناطق پوشیده از آب، جهت ناوبری کشتیها و تهیه توپوگرافی زیر

آب، جهت ایجاد سازه های آبی و لایروبی انجام می گیرد.

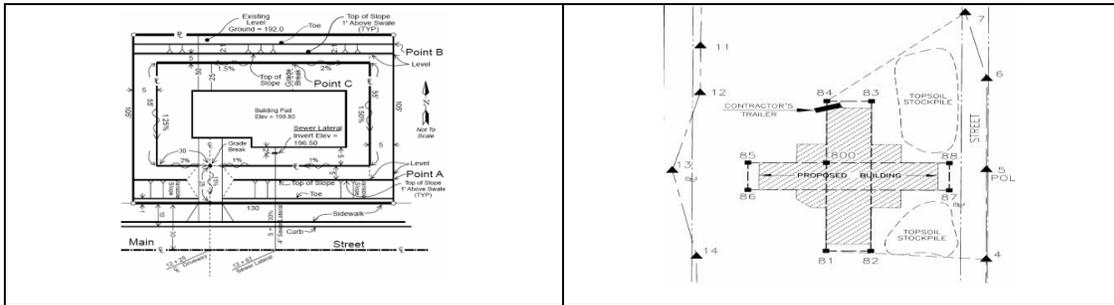


### نقشه برداری زیرزمینی: این نقشه برداری برای کنترل عملیات در زیر زمین (تونل، معدن، ...) و تهیه نقشه از مناطق زیر زمین

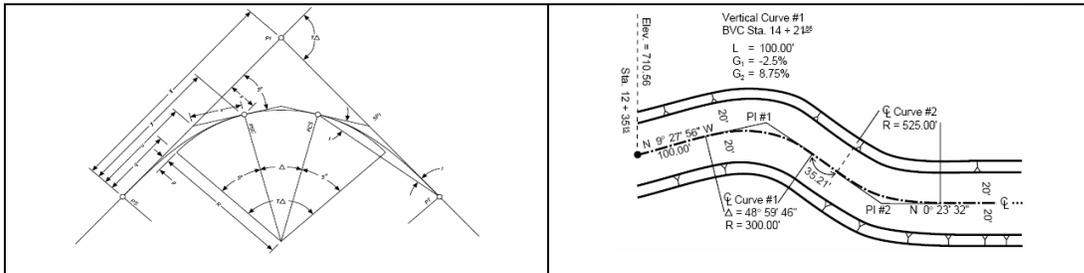
انجام می شود.



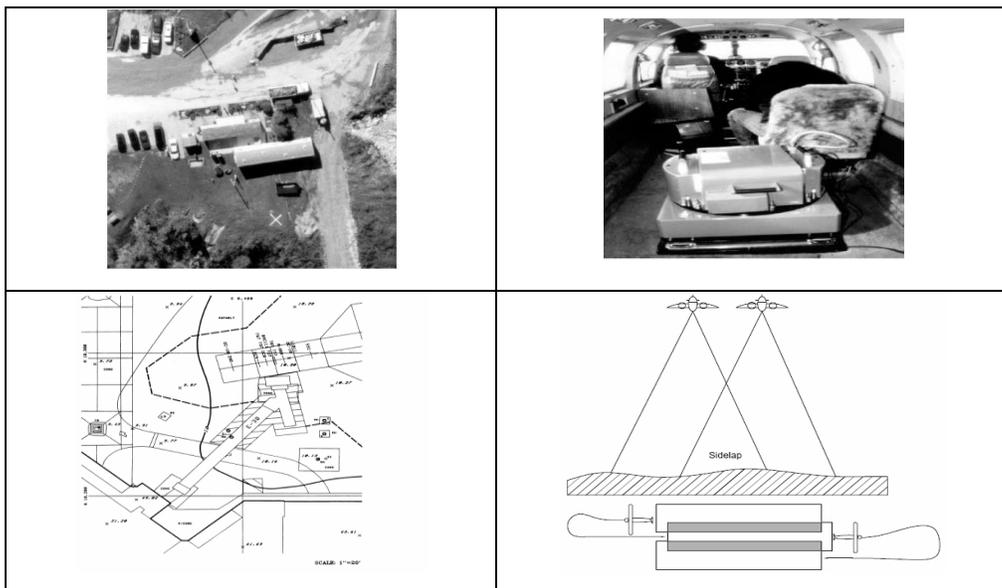
**نقشه برداری کارگاهی و ساختمانی:** این نقشه برداری برای پیاده کردن طرح‌های روی نقشه (طرح پل، شهرک، کارخانه، ...) بر روی زمین و کنترل کلی و خاص کارهای مهندسی اجرا می‌شود.



**نقشه برداری مسیر و راه:** این نقشه برداری برای ایجاد نقاط کنترل، برداشت توپوگرافی منطقه، پیاده نمودن طرح راهها، راه‌آهن، خطوط انتقال نیرو، لوله‌های نفت و گاز و آب، و کانالهای مختلف اجرا می‌شود. در واقع شامل سه نوع نقشه برداری کنترلی، توپوگرافی، و کارگاهی می‌شود.



**نقشه برداری هوایی (فتوگرامتری):** در این شاخه از نقشه برداری، از عکسهای هوایی تهیه شده توسط دوربینهای فتوگرامتری که بر روی هواپیما حمل می‌شوند، با توجه به هندسه عکسبرداری هوایی، برای اندازه‌گیری فواصل بین نقاط و زوایای بین امتدادها و تعیین موقعیت سه بعدی نقاط روی زمین استفاده می‌شود.



□ **مقیاس:** نسبت فاصله‌ای معین در روی نقشه به مقدار واقعی آن (فاصله افقی) بر روی زمین.  $(E = \frac{d}{D})$

□ **انواع مقیاس:** معمولاً مقیاس<sup>۲</sup> در نقشه‌ها را به دو صورت عددی (کسری) و ترسیمی (خطی) نشان می‌دهند.

(الف) مقیاس عددی (کسری)

(ب) مقیاس ترسیمی (خطی)

مقیاس عددی (کسری): هر میلی‌متر روی نقشه N متر بر روی زمین است:  $E = \frac{1}{N * 1000}$

مقیاس خطی یا ترسیمی عبارتست از پاره خطی که به فواصل مساوی تقسیم شده و هر قسمت از آن طول معینی از زمین را نشان می‌دهد.



- مقیاس هر نقشه با توجه به کاربرد و عواملی چون ابعاد زمین و کاغذ نقشه - دقت لازم (مسطحاتی و ارتفاعی) - امکانات موجود در زمان تهیه نقشه و جنبه‌های اقتصادی انتخاب می‌شود.
- هرچه مقیاس نقشه بزرگتر باشد، دقت اندازه‌های آن بیشتر است و به همین قیاس هزینه، صرف وقت و امکانات بیشتری را طلب می‌کند.
- از جمله مزایای مقیاس خطی به مقیاس عددی این است که عوامل محیطی (که بر اثر آنها طول و عرض کاغذ نقشه نیز تغییر میکند) بر مقیاس ترسیمی اثر گذاشته و منطبق بر ابعاد نقشه تغییر میکند.

### □ تغییر مقیاس:

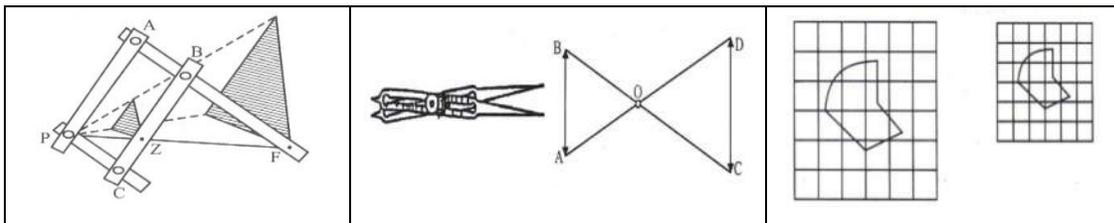
نقشه‌ها و پلانها موارد کاربرد گوناگونی دارند، لذا بر مبنای اهداف پروژه‌ها نقشه و پلان باید تغییر مقیاس داده شود.

### روش‌های تغییر مقیاس:

(الف) روش ترسیمی

(ب) روش مکانیکی

(ج) روش نوری



## تفاوت بین نقشه و عکس هوایی

- نقشه دارای دید هوایی قائم می باشد ولی عکس هوایی دارای دید پرسپکتیو است.
- مقیاس در تمام نقاط نقشه مقدار ثابتی است ولی در روی عکس با تغییر ارتفاع نقاط مختلف مقیاس ثابت نمی ماند.
- عکس هوایی تنها عوارض فیزیکی موجود در یک منطقه را نشان می دهد ولی با استفاده از نقشه می توان مشخصات انتزاعی همچون مرزهای سیاسی و مدیریتی، تراکم جمعیت، میزان رفت و آمد، میزان مهاجرت، میزان بارندگی و میزان رسوب را که در عکس قابل مشاهده نیستند نشان داد.
- نقشه به طور ذاتی دارای سیستم مختصات می باشد ولی عکس هوایی در وهله اول دارای سیستم مختصات نمی باشد.
- عوارض موجود در روی نقشه شاید در اندازه واقعی نمایش داده نشوند.
- عوارض نشان داده شده در روی نقشه کمتر از عوارض قابل رویت در روی عکس هوایی می باشد.

### نمونه مثال :

مثال	جواب
۱- در روی نقشه ای به مقیاس ۱/۲۰۰۰۰ طول جاده ای ۱۰ سانتی متر است مقدار حقیقی جاده در روی زمین چقدر است؟	$E = \frac{1}{N * 1000} = \frac{1}{20 * 1000}$ $L = 20 * 100 = 2000m = 2Km$ <p>یا</p> $E = \frac{d}{D} \Rightarrow D = \frac{d}{E} = \frac{10}{\frac{1}{20000}} = 200000Cm = 2Km$
۲- اگر مساحت قطعه دایره ای در نقشه ای که با مقیاس ۱/۵۰۰ رسم شده ۵ سانتی متر مربع باشد قطر آن در روی زمین چقدر است؟	<p>مجذور عکس مقیاس * مساحت روی نقشه = مساحت روی زمین</p> $S = s \left(\frac{1}{E}\right)^2 = 5 * 500^2 = 125 * 10^4 cm^2 = 125m^2$ $S = \frac{\pi D^2}{4} \Rightarrow D = \sqrt{\frac{4S}{\pi}} = \sqrt{\frac{4 * 125}{\pi}} \approx 12.62m$
۳- در صورتی که برای ترسیم نقشه از قلمی با ضخامت ۰.۲ میلی متر استفاده شود، در یک نقشه با مقیاس ۱/۱۰۰۰۰۰ چه سطحی از زمین زیر خطی به طول ۱ میلی متر قرار می گیرد؟	$L_1 = 0.2 \times 100000 = 20000 \text{ mm} = 20 \text{ m}$ $L_2 = 1 \times 100000 = 100000 \text{ mm} = 100 \text{ m}$ $\Rightarrow S = 20 \times 100 = 2000 \text{ m}^2$ <p>مشاهده می شود که در نقشه فوق که در محدوده نقشه های کوچک مقیاس قرار دارد، در زیر سطحی در حدود یک نقطه، زمینی در حدود ۲۰۰۰ متر مربع قرار می گیرد، لذا هرچه نقشه کوچک مقیاس تر باشد جزئیات کمتری را در بر خواهد داشت.</p>

### تمرینها:

- ۱- اگر سطح یک قطعه زمین مربع شکل در روی نقشه با مقیاسهای  $E_1$  و  $E_2$  به ترتیب  $A_1$  و  $A_2$  باشد ثابت کنید:  $\frac{E_1}{E_2} = \sqrt{\frac{A_1}{A_2}}$
- ۲- فاصله دو نقطه در یک سطح شیبدار با زاویه ۲۵ درجه برابر ۵۰۰ متر است فاصله این دو نقطه روی نقشه ای به مقیاس ۱/۱۰۰۰ چقدر خواهد بود؟
- ۳- سطح قطعه زمینی به مقیاس ۱/۳۰۰ برابر ۶۰۰ سانتی متر مربع است در صورتیکه مقیاس این نقشه سه برابر بزرگتر شود سطح و مقیاس نقشه جدید را مشخص کنید؟
- ۴- زمینی مستطیل شکل روی نقشه ای با مقیاس ۱/۲۰۰۰ با ابعاد ۲۰ در ۳۰ سانتی متر است.  
الف) مساحت این زمین چقدر است؟  
ب) اگر در هنگام استخراج اطلاعات از روی نقشه یک میلی متر خطا داشته باشیم، بیان کنید مساحت با چه دقتی به دست می آید.
- ۵- مساحت یک قطعه زمین در روی نقشه به مقیاس ۱:۲۰۰۰ معادل با ۲۰ سانتی متر مربع می باشد. مساحت روی زمین این قطعه را محاسبه نمایید.

### سطوح مقایسه

#### □ شکل زمین :

زمین بلعت پستی و بلندیهای فراوان فاقد شکل هندسی منظمی است. و باید گفت شکل هندسی زمین به یک بیضوی دورانی شبیه است(حجمی که از دوران یک نیم بیضی حول محور کوتاهش حاصل میشود) یعنی با حجمی معادل یک بیضوی است.

$$\frac{x^2 + y^2}{a^2} + \frac{z^2}{b^2} = 1$$

که در آن  $a$  و  $b$  بترتیب نصف قطر بزرگ و نصف قطر کوچک بیضی است.

#### □ بیضوی مقایسه(یا الپسوئید):

برای آنکه بتوانیم نتایج حاصل از اندازه گیریهای زمینی را روی یک شکل هندسی پیاده کنیم و از نتایج این اندازه گیریها با یک سلسله محاسبات به روابط و نتایج دیگری برسیم یک بیضوی دورانی که مرکزش بر مرکز زمین منطبق و دارای معادله ریاضی معین و مشخصی بوده و به شکل زمین نزدیک است انتخاب و عوارض زمین را بر روی آن تصویر می کنیم این بیضوی را بیضوی مرجع یا مقایسه می نامند.

#### □ انواع بیضوی مقایسه(نمونه ها):

$a = 6378249m, b = 6356515m$ $\alpha = \frac{a-b}{a} = \frac{1}{293.5}$	بیضوی مقایسه کلارک(۱۸۸۰)
$a = 6378388m, b = 6356912m$ $\alpha = \frac{1}{297}$	بیضوی مقایسه هایفورد

مقدار  $\alpha$  را ضریب فشردگی(یا ضریب خوابیدگی) می نامند که هرچه کوچکتر باشد بیضوی به کره نزدیکتر است.

سال و توسط	قطر بزرگ (a)	قطر کوچک (b)
Bessel 1841	12759794	127121360
Clarke 1866	12756602	12713168
Haysara 1909	1256776	12713824
Fischer 1960	12756310	12713546

### □ سطح مبنای ارتفاعات (ژئوئید):

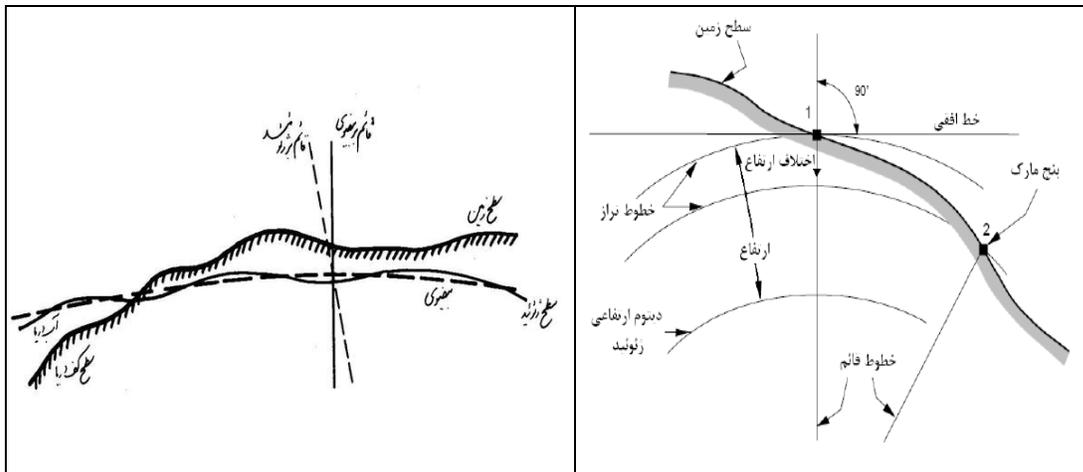
اگر سطح آب آزاد اقیانوسها و دریاها را در حالت آرام و بدون اثرات امواج و جزر و مدها در نظر بگیریم شکلی حاصل میشود که شبیه بیضوی بوده و به شکل واقعی زمین بسیار نزدیک است. این سطح را ژئوئید یا سطح تراز مبنا می نامند. (فقط تعریف فیزیکی دارد که تابع فرمول ریاضی مشخصی نبوده و بر بیضوی مقایسه که یک شکل هندسی کامل (تابع معادله ریاضی سطح) است منطبق نیست. ولی اختلاف آنها در بدترین شرایط از چندین متر تجاوز نمی کند.)

قائم بر بیضوی مقایسه و قائم بر ژئوئید (امتداد شاقولی) بر یکدیگر منطبق نیستند، این دو خط با هم زاویه کوچکی میسازند که مقدار آن به چند ثانیه گرادی (صد قسمتی) می رسد. این زاویه را انحراف نسبی قائم می گویند.

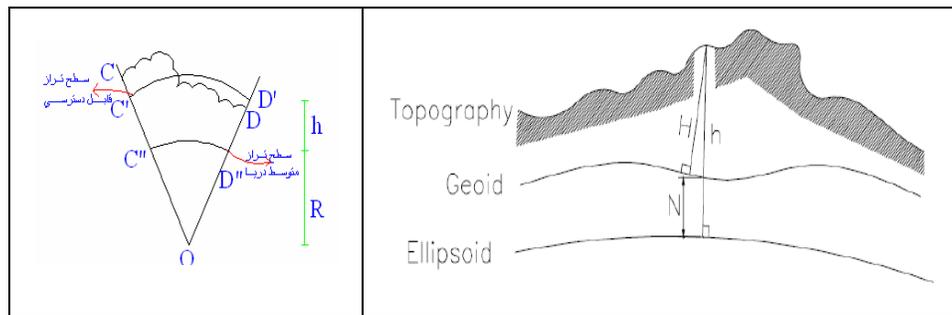
➤ **ژئوئید:** سطح مبنای ارتفاعات در نظر گرفته می شود و موقعیت هر نقطه زمینی از نظر ارتفاعی نسبت به آن سنجیده می شود. یا به عبارتی دیگر ژئوئید: سطح تراز با بهترین انطباق بر سطح آب دریاها را آزاد که بطور بسیار دقیقی از سری مشاهدات (سطح آب دریا) در یک بازه زمانی زیاد حداقل ۱۸/۶ سال تعیین می گردد را گویند. ارتفاع ژئوئید برابر با صفر میباشد.

### ➤ در نقشه برداری با سه سطح سر و کار داریم:

- ✓ سطح طبیعی زمین که اندازه گیریها روی آن انجام می شود.
- ✓ بیضوی مقایسه که محاسبات بر مبنای آن صورت می گیرد.
- ✓ ژئوئید که سطح مبنای ارتفاعات است.



- **خط قائم** : خط مماس بر امتداد بردار شتاب ثقل (خط شاقولی) در یک نقطه را خط قائم گویند.
- **صفحه افق** : صفحه عمود بر خط قائم در یک نقطه، صفحه افق آن نقطه نامیده میشود.
- **خط افق** : خط عمود بر خط قائم در یک نقطه را خط افق آن نقطه گویند.
- ✓ تمام خطوط افقی یک نقطه در روی صفحه افق آن نقطه قرار دارند.
- ✓ خطوط قائم در نقاط مختلف با هم موازی نیستند و شبیه خطوط همراست می باشند.
- **سطح تراز** : هر سطحی که در کلیه نقاطش بر امتداد برآیند نیروهای وارد بر آن نقطه (امتداد شاقولی) عمود باشد سطح تراز خوانده میشود. یا به عبارتی سطح عمود بر امتداد قائم در نقاط مختلف سطح تراز هم پتانسیل ثقل نامیده میشود.
- ژئوئید یکی از سطوح تراز است .



### ارتفاع اورتومتريک (H) :

ارتفاع اورتومتريک یک نقطه، فاصله بين ژئوئيد و سطح تراز گذرنده از نقطه مورد نظر در امتداد بردار شتاب ثقل گذرنده از همان نقطه می باشد.

### ارتفاع از بیضوی (h):

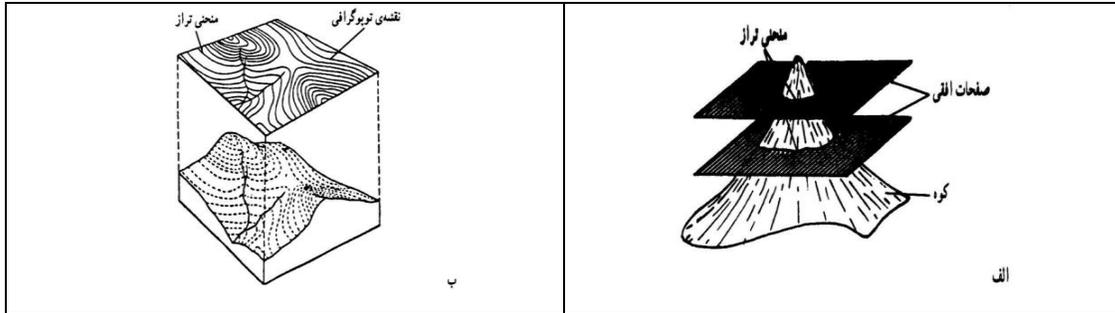
ارتفاع از بیضوی برای یک نقطه، فاصله نقطه مورد نظر از بیضوی در امتداد بردار عمود بر بیضوی (نرمال بر بیضوی) گذرنده از همان نقطه می باشد. این ارتفاع از اندازه گیریهای GPS بدست میآید.

### ارتفاع ژئوئید (N):

فاصله بين ژئوئيد و بیضوی ارتفاع ژئوئید نامیده می شود. ( $N=h-H$ )

### اختلاف ارتفاع اورتومتريک ( $\Delta H$ ):

فاصله بين دو سطح تراز گذرنده از دو نقطه در امتداد بردار شتاب ثقل را اختلاف ارتفاع دو نقطه گویند.

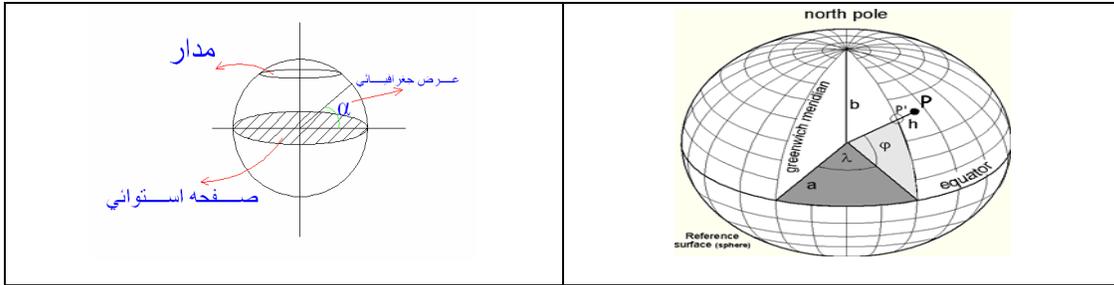


### مهم ترین مشخصات خطوط تراز عبارتند از:

- ۱- کلیه نقاطی که روی یک منحنی قرار گرفته اند، دارای ارتفاع یکسان و برابر با ارتفاع آن منحنی تراز می باشند.
- ۲- نقاطی که بین دو منحنی تراز قرار دارند ارتفاعی مابین کدهای ارتفاعی دو منحنی دارند (به استثنای خط الرأس و خط القعر افقی و قله و گودال که اختلاف ارتفاع آنها به حدی نیست که منحنی جدید رسم شود).
- ۳- در زمین های پرشیب منحنی های تراز به هم نزدیکتر و در زمین های کم شیب این منحنی ها از هم دور می شوند.
- ۴- این منحنی ها یکدیگر را قطع نمی کنند مگر در صورت وجود شیب وارونه منفی (مثلاً در وجه زیرین صخره های بیرون زده)
- ۵- با استفاده از این منحنی ها می توان پروفیل (مقطع طولی) را در یک امتداد رسم کرد.
- ۶- در زمین های شیب دار هموار، منحنی های تراز تقریباً با هم موازی اند.
- ۷- برای یک قله منحنی های تراز به صورت بسته بوده و با حرکت به سمت مرکز ارتفاع آن افزایش می یابد.
- ۸- برای یک گودال منحنی های تراز به صورت بسته بوده و با حرکت به سمت مرکز ارتفاع آن کاهش می یابد.
- ۹- ارقام ارتفاعی ذکر شده روی منحنی های میزان همواره نشانگر جهت شیب می باشند به گونه ای که سمت بالایی اعداد به طرف شیب مثبت (سربالایی) و طرف پایین آن به طرف شیب منفی (سراشیبی) است.

### □ مختصات جغرافیایی:

- ✓ محور قطبی: محوری که شامل قطر کوچک بیضوی مقایسه باشد.
- ✓ محور استوایی: محوری که شامل قطر بزرگ بیضوی مقایسه باشد.
- ✓ مدار: اگر صفحه ای قاطع عمود بر محور قطبی باشد، سطح زمین را در دوایری قطع که به آنها مدار می گوئیم. یکی از این مدارها که صفحه آن از مرکز بیضوی میگذرد و بیضوی را به دو نیمکره شمالی و جنوبی تقسیم می کند دایره (خط) استوا است.



### نصف النهار:

اگر صفحه قاطعی از محور قطبی بگذرد از تقاطع آن با سطح زمین منحنی ای دیوار مانند بوجود میآید که به هریک از آنها نصف النهار میگویند. یکی از نصف النهار که صفحه آن از رصدخانه گرینویچ انگلستان میگذرد بعنوان نصف النهار مبدا برگزیده شده است. و بیضوی را به دو نیمکره شرقی و غربی تقسیم میکند.

**سیستم مختصات کروی و مختصات جغرافیایی ( $\lambda$  و  $\Phi$  را مختصات جغرافیایی یا مختصات کروی می نامند).**

برای مشخص کردن موقعیت نقاط، سیستم مختصات کروی مورد نیاز است که بر روی آن موقعیت هر نقطه با طول و عرض جغرافیایی تعیین شود.

### طول جغرافیایی<sup>۳</sup>:

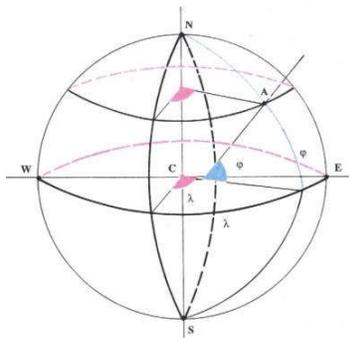
طول جغرافیایی هر نقطه عبارت است از زاویه بین نصف النهار آن نقطه و نصف النهار مبدا (نصف النهار گرینویچ).

طول جغرافیایی که با  $\lambda$  نمایش داده میشود بین ۰ تا ۱۸۰ درجه تغییر میکند و بر حسب موقعیت نقطه نسبت به نصف النهار مبدا طول شرقی یا غربی خوانده میشود.

### عرض جغرافیایی<sup>۴</sup>:

عرض جغرافیایی هر نقطه عبارت است از فاصله زاویه‌ای بین مدار آن نقطه تا خط استوا.

عرض جغرافیایی را با  $\Phi$  نشان می دهند و بین ۰ تا ۹۰ درجه تغییر می کند. و بسته به اینکه نقطه در کدام قسمتی از استوا باشد عرض شمالی یا عرض جنوبی گفته میشود.

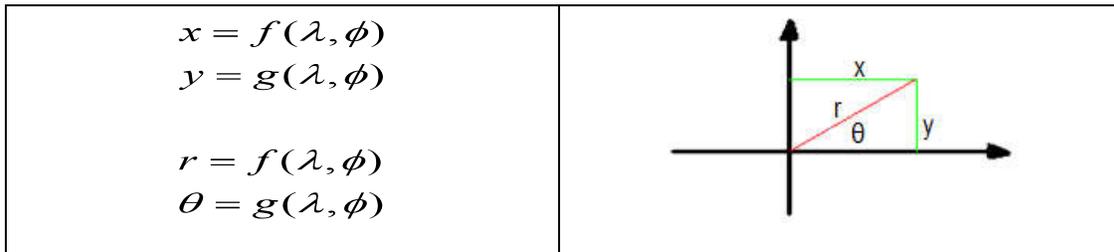


<sup>۳</sup>- Longitude  
<sup>۴</sup>- Latitude

شکل ۵-۱: طول و عرض جغرافیایی یک نقطه روی زمین

### سیستمهای تصویر: □

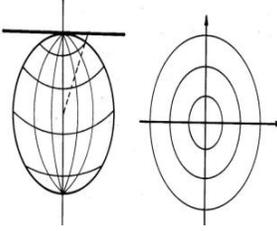
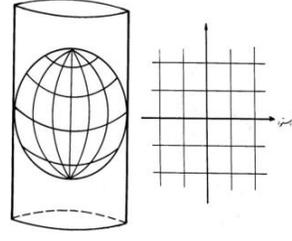
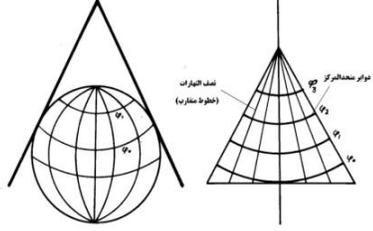
چون هدف از نقشه برداری تهیه نقشه یعنی نشان دادن جزئیات زمین بر روی صفحه تصویر است باید ترتیبی اتخاذ شود که موقعیت هر نقطه زمینی را به کمک مختصاتش در صفحه تصویر مشخص کنیم. برای نشان دادن یک نقطه روی صفحه معمولاً از یکی از دو سیستم مختصات قائم الزاویه (دکارتی)  $(x, y)$  و یا مختصات قطبی  $(r, \theta)$  استفاده میشود. در نقشه برداری ژئودتیک که منطقه وسیع است نمی توان سطوح تصویر را مسطح فرض کرد. در این حالت برای مشخص کردن نقاط در صفحه تصویر باید بین مختصات جغرافیایی و مختصات دکارتی یا قطبی نقطه بر روی صفحه تصویر رابطه ای برقرار کنیم.



- ❖ مجموعه روابط ریاضی که بین مختصات جغرافیایی یک نقطه و مختصات قائم الزاویه آن وجود دارد اساس مبحث خاصی تحت عنوان سیستمهای تصویر را تشکیل می دهند.
- ❖ بدلیل آنکه بیضوی یا کره سطوح قابل گسترشی مثل مخروط یا استوانه نیستند که بدون پارگی باز گردند و کاملاً بر صفحه تصویر منطبق شوند از حجمهای قابل گسترش بعنوان واسطه کمک می گیریم، به این ترتیب که نقاط روی بیضوی را برروی این احجام هندسی تصویر کرده و سپس این حجمها را گسترش می دهیم و بر صفحه تصویر منطبق می کنیم.
- ❖ سیستمهای تصویر معمولاً بگونه ای انتخاب می شوند که اولاً زاویه ها را تغییر ندهند و ثانیاً مقیاس تبدیل را در یک منطقه ثابت نگهدارند.
- ❖ از انواع سیستم تصویر می توان سیستم تصویر لامبرت (استفاده از مخروط مماس بر بیضوی)، سیستم تصویر مرکاتور (استفاده از استوانه مماس در طول استوا) و سیستم  $U.T.M^5$  (استفاده از استوانه مماس در طول نصف النهار) را نام برد. برای جلوگیری از تعدد استوانه های تصویری، کره را به وسیله نصف النهارات به ۶۰ قسمت که هر قسمت را یک زون<sup>۵</sup> یا قاج می نامند تقسیم نموده حول نصف النهار مرکزی هر زون، استوانه ای بر بیضوی یا کره مماس نموده اعمال مربوطه را انجام می دهند. در ضمن این تقسیم بندی طوری است که نصف النهار مرکزی قاج سی ام منطبق بر نصف النهار گرینویچ می باشد. با توجه به مطالب فوق دامنه تصویر برای هر زون نسبت به نصف النهار مرکزی مربوطه ۳ درجه در شرق و ۳ درجه در غرب نصف النهار مرکزی می باشد. چون فصل مشترک صفحه نصف النهار با کره یک دایره است، بنابراین هر دو زون متقابل دارای یک

۵ - Universal Transverse Mercator  
۶ - Zone

نصف النهار مرکزی می باشند. با توجه به شکل سیستم تصویر مشخص می شود که محور X منطبق بر استوا و محور Y منطبق بر نصف النهار مرکزی می باشد و برای اینکه X و Y منفی نداشته باشند مقدار ۵۰۰۰۰۰ متر و ۱۰۰۰۰۰۰ متر به X و Y مبدأ اضافه می نمایند. این سیستم تصویر به عنوان سیستم تصویر بین المللی انتخاب شده است. امروزه با پیدایش ماهواره و امکان انجام ژئودزی فضایی عملاً از بیضویها و سیستم W.G.S. (سیستم جهانی ژئودزی)<sup>۷</sup> استفاده می شود.

سیستم تصاویر مرکزی	سیستم تصاویر استوانه ای	سیستم تصاویر مخروطی
		

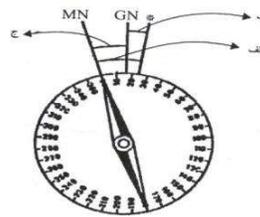
## □ انواع شمالها و چگونگی شناسایی آنها :

### انواع شمالها

- شمال جغرافیایی یا شمال حقیقی<sup>۸</sup>
- شمال مغناطیسی<sup>۹</sup>
- شمال شبکه<sup>۱۰</sup>

### چگونگی شناسایی شمالها

- انحراف مغناطیسی (الف)
- انحراف شبکه (ب)
- زاویه شبکه مغناطیسی (ج): زاویه بین شمال مغناطیسی و شمال شبکه را زاویه شبکه مغناطیسی می نامند.



شکل ۷-۱ زاویه بین شمالها

۷- Word Geodesy System: W.G.S.

۸ - True North

۹ - Magnetic North

۱۰ - Grid North

## گرای امتدادها:

### تعریف:

زاویه‌ای را که یک امتداد با یکی از شمالها در جهت حرکت عقربه‌های ساعت می‌سازد گرای (آزیموت) آن امتداد گویند.

### آزیموت یا سمت جغرافیایی یک امتداد

زاویه‌ای که امتداد شمال با امتداد مورد نظر در جهت گردش عقربه‌های ساعت می‌سازد را آزیموت<sup>۱۱</sup> یا سمت جغرافیایی آن امتداد گویند.

### ژیزمان یا گرای یک امتداد

زاویه‌ای که خط موازی با نصف النهار نجومی مرجع در نقطه ابتدایی امتداد با امتداد مورد نظر در جهت گردش عقربه‌های ساعت می‌سازد را ژیزمان<sup>۱۲</sup> امتداد می‌گویند.

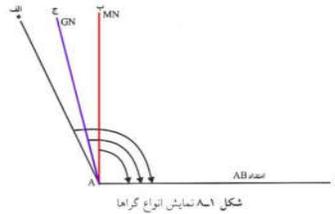
به عبارتی ژیزمان یک امتداد عبارت است از زاویه‌ای که شمال شبکه با امتداد مورد نظر در جهت گردش عقربه‌های ساعت می‌سازد.

### انواع گرا یا آزیموت:

● گرای جغرافیایی (T.N) (الف)

● گرای مغناطیسی (M.N) (ب)

● گرای شبکه (G.N) (ج)



### گرای معکوس:

### تعریف:

زاویه‌ای که هریک از شمالها با یک امتداد معین می‌سازند به نام گرای مستقیم نامیده می‌شود، چنانچه به گرای مستقیم مقدار ۱۸۰ درجه را اضافه یا کم کنیم، گرای معکوس به دست خواهد آمد.

$$G_{BA} = G_{AB} \pm 180$$

(اگر  $G_{AB}$  کمتر از ۱۸۰ درجه بود علامت + و اگر بیشتر از ۱۸۰ درجه بود علامت - به کار می‌رود.)

۱۱- Azimuth  
۱۲- Gisement

امتداد قائم : در هر نقطه از سطح زمین امتداد شاقولی در آن نقطه را امتداد قائم نقطه می گویند.

امتداد افقی : در هر نقطه از زمین خطی است که بر امتداد قائم در آن نقطه عمود باشد. در هر نقطه بی نهایت امتداد افقی قرار دارد.

### جهت یا برینگ

#### تعریف :

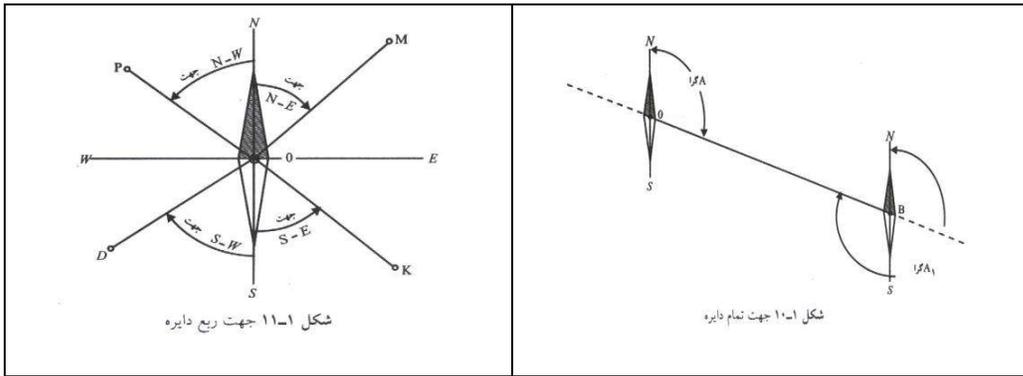
جهت (برینگ) یک امتداد عبارت است از زاویه بین آن امتداد با شمال جغرافیایی یا شمال مغناطیسی.

اندازه جهت بین ۰ تا ۹۰ درجه تغییر می کند و جهت یک امتداد را با ربعهای چهارگانه نشان می دهند.

<p>شکل ۹-۱ رابطه جهت ربع دایره و کرا</p>	$Az_{OB} = N\alpha E$	ربع اول شمال شرقی
	$Az_{OB} = 180 - S\beta E$	ربع دوم جنوب شرقی
	$Az_{OB} = 180 + S\gamma W$	ربع سوم جنوب غربی
	$Az_{OB} = 360 - N\theta W$	ربع چهارم شمال غربی

### جهت مغناطیسی :

زاویه یک راستا با امتداد شمال مغناطیسی را جهت (بیرینگ) مغناطیسی گویند.



	$Az_{AB} = \alpha_{AB}$	$\Delta E > 0$ و $\Delta N > 0$	<ul style="list-style-type: none"> <li>• ربع اول: <math>0^\circ \leq Az_{AB} &lt; 90^\circ</math></li> </ul>	<p>مثال :</p> <p>مطلوبست تعیین زاویه حامل،</p> <p>آزیموت و طول امتداد AB</p>
	$Az_{AB} = \pi - \alpha_{AB}$	$\Delta E > 0$ و $\Delta N < 0$	<ul style="list-style-type: none"> <li>• ربع دوم: <math>90^\circ \leq Az_{AB} &lt; 180^\circ</math></li> </ul>	
	$Az_{AB} = \pi + \alpha_{AB}$	$\Delta E < 0$ و $\Delta N < 0$	<ul style="list-style-type: none"> <li>• ربع سوم: <math>180^\circ \leq Az_{AB} &lt; 270^\circ</math></li> </ul>	
	$Az_{AB} = 2\pi - \alpha_{AB}$	$\Delta E < 0$ و $\Delta N > 0$	<ul style="list-style-type: none"> <li>• ربع چهارم: <math>270^\circ \leq Az_{AB} &lt; 360^\circ</math></li> </ul>	
$\alpha_{AB} = \text{Arctg} \left( \frac{\Delta E_{AB}}{\Delta N_{AB}} \right)$		$D_{AB} = \sqrt{\Delta E_{AB}^2 + \Delta N_{AB}^2}$		

$A \begin{cases} E = 1450.980 \\ N = -8976.987 \end{cases} ; B \begin{cases} E = -1276.370 \\ N = 3676.590 \end{cases}$ $\left. \begin{aligned} \Delta E_{AB} &= E_B - E_A = -1276.370 - 1450.980 = -2701.350 < 0 \\ \Delta N_{AB} &= N_B - N_A = 3676.590 - (-8976.987) = 12653.577 > 0 \end{aligned} \right\} \Rightarrow IV$ $\alpha_{AB} = \text{Arctg} \left( \left  \frac{\Delta E_{AB}}{\Delta N_{AB}} \right  \right) = \text{Arctg} \left( \left  \frac{-2701.350}{12653.577} \right  \right) = \text{Arctg} \left( \left  \frac{-2701.350}{12653.577} \right  \right)$ $\alpha_{AB} = \text{Arctg} ( -0.213485 ) = 12.050891^\circ$ $IV \Rightarrow Az_{AB} = 2\pi - \alpha_{AB} = 360^\circ - 12.050891^\circ = 347.949109^\circ$ $D_{AB} = \sqrt{\Delta E_{AB}^2 + \Delta N_{AB}^2} = \sqrt{(-2701.350)^2 + 12653.577^2} = 12938.713$	جواب
---	------

$\alpha_{AC} = \text{Arctg} \left( \left  \frac{\Delta E_{AC}}{\Delta N_{AC}} \right  \right) = \text{Arctg} \left( \left  \frac{-2248.450}{-190.400} \right  \right) = 85^\circ 09' 35''$ <p style="text-align: center;">زاویه حامل AC</p> $III \Rightarrow Az_{AC} = \pi + \alpha_{AC} = 265^\circ 09' 35'' \quad \text{ازیموت AC}$ <p style="text-align: center;">طول AC</p> $D_{AC} = \sqrt{\Delta E_{AC}^2 + \Delta N_{AC}^2} = \sqrt{(-2248.450)^2 + (-190.400)^2} = 2256.497$	مثال : مطلوبست تعیین زاویه حامل، ازیموت و طول امتداد AC را با توجه به مقادیر داده شده زیر مشخص نمایید. $\Delta N_{AC} = -190.40$ و $\Delta E_{AC} = -2248.45$
--	---

### نحوه انتقال مختصات :

$\begin{cases} \Delta E_{AB} = D_{AB} \times \sin Az_{AB} \\ \Delta N_{AB} = D_{AB} \times \cos Az_{AB} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} E_B = E_A + \Delta E_{AB} = E_A + D_{AB} \times \sin Az_{AB} \\ N_B = N_A + \Delta N_{AB} = N_A + D_{AB} \times \cos Az_{AB} \end{cases}$ $\begin{cases} \Delta E_{BC} = D_{BC} \times \sin Az_{BC} \\ \Delta N_{BC} = D_{BC} \times \cos Az_{BC} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} E_C = E_B + \Delta E_{BC} = E_B + D_{BC} \times \sin Az_{BC} \\ N_C = N_B + \Delta N_{BC} = N_B + D_{BC} \times \cos Az_{BC} \end{cases}$ $\begin{cases} \Delta E_{CD} = D_{CD} \times \sin Az_{CD} \\ \Delta N_{CD} = D_{CD} \times \cos Az_{CD} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} E_D = E_C + \Delta E_{CD} = E_C + D_{CD} \times \sin Az_{CD} \\ N_D = N_C + \Delta N_{CD} = N_C + D_{CD} \times \cos Az_{CD} \end{cases}$ $\begin{cases} E_D = E_A + \Delta E_{AB} + \Delta E_{BC} + \Delta E_{CD} = E_A + D_{AB} \times \sin Az_{AB} + D_{BC} \times \sin Az_{BC} + D_{CD} \times \sin Az_{CD} \\ N_D = N_A + \Delta N_{AB} + \Delta N_{BC} + \Delta N_{CD} = N_A + D_{AB} \times \cos Az_{AB} + D_{BC} \times \cos Az_{BC} + D_{CD} \times \cos Az_{CD} \end{cases}$

توجیه نقشه: □

● توجیه نقشه اولین قدم برای استفاده از نقشه است.

- توجیه نقشه یکی از کارهای اصلی و اساسی کار با نقشه است.
- پس از توجیه، کلیه امتدادهای روی نقشه به موازات و در جهت امتدادهای مشابه خود در طبیعت قرار می‌گیرند. در این حالت است که می‌توان به نحو صحیح از نقشه استفاده کرد.



### روشهای توجیه نقشه:

- توجیه مغناطیسی
- توجیه با امتدادهای معلوم

### □ علائم قراردادی، رنگهای نقشه و اطلاعات حاشیه‌ای

#### ■ کلیات :

در ترسیم نقشه استفاده از علائم بسیار گویاتر از نوشتن اسامی است.

### شرایط علائم قراردادی

(الف) به شکل عارضه شباهت داشته باشند.

(ب) همگانی باشند.

(ج) ابعاد آنها با مقیاس نقشه تناسب داشته باشد.

(د) به غیر از موارد یاد شده، می‌توان از رنگ‌آمیزی استفاده کرد.

### ■ نشان دادن ارتفاعات مختلف به کمک رنگ مطابق :

برای ارتفاعات ۰ تا ۱۰۰ متر	آبی سیر
برای ارتفاعات ۱۰۰ تا ۲۰۰ متر	سبز
برای ارتفاعات ۲۰۰ تا ۵۰۰ متر	زرد
برای ارتفاعات ۵۰۰ تا ۱۰۰۰ متر	قهوه‌ای روشن
برای ارتفاعات ۱۰۰۰ تا ۲۰۰۰ متر	قهوه‌ای
برای ارتفاعات ۲۰۰۰ تا ۳۰۰۰ متر	قهوه‌ای قرمز
برای ارتفاعات ۳۰۰۰ تا ۴۰۰۰ متر	قرمز قهوه‌ای
۴۰۰۰ متر به بالا	سفید

## علائم قراردادی در نقشه

DYKE		بند	TELEPHONE OR TELEGRAPH LINE		خط تلفن - تلگراف
DYKE		آب بندان	PIPE LINE		خط لوله
POOL		استخر	FOREST - THICKET		جنگل - بیشه
FLOOD WAY		مسيل	GARDEN - TREES		باغ - درختکاری
SWAMP		باتلاق	PALM GROVE		نخلستان
LAGOON		مرداب - مانداب	TEA PLANTATION		چایکاری
SPRING		چشمه	RICE PLANTATION		شالیزار
QANAT - WELL		رشته قنات - چاه	CULTIVATED LAND		زراعت
BOUNDARY		مرز	VINEYARD		ناکستان
CONTOURS		منحنی میزان	PASTURE - LAWN		مرغ - چمن
APPRXIMATE CONTOURS		منحنی میزان مفروض (واسطه)	TREE LINE		رخیف درخت
ROCK		صخره	BUSH		بوته زار
CUTTING		بریدگی - تراشه	COTTON PLANTATION		پنبه کاری
SPOT HEIGHT		نقاط ارتفاعی	TANK (oil-water-etc)		مخازن (مواد نفتی - آب - غیره)
B. M - POLYGON		بنج مارک - رئوس پیمایش	RIVER		رودخانه
PHOTO - CENTER SURVEY STATION		مرکز عکس هوایی ایستگاه نقشه برداری	CANAL		کانال
TRIG. POINT		نقاط مثلث بندی	STREAM		نهر - جوی
			AQUEDUCT		نوردان هدایت آب
			WATER COURSE		آبریز

### عملیات نقشه برداری شامل:

● عملیات صحرائی

● عملیات دفتری

قسمت عمده کار صحرائی شامل اندازه گیری پهلاست و کارهای محاسباتی و ترسیم به کار دفتری موسوم است.

### مراحل عملیات صحرائی شامل:

#### اندازه گیری:

● اندازه گیری طول (طول یابی) (اندازه گیری فاصله افقی - اندازه گیری فاصله قائم)

● اندازه گیری ارتفاع (ترازیابی)

● اندازه گیری زاویه (زاویه یابی) (اندازه گیری زاویه افقی - اندازه گیری زاویه قائم)

### وسایل و ابزار اندازه گیری:

(الف) وسایل اندازه گیری طول مانند متر و فاصله یاب (نیوو)

(ب) اندازه گیری زاویه مانند قطب نما و تئودولیت

(ج) وسایل اندازه گیری فاصله قائم یا اختلاف ارتفاع مانند شاخص و ترازیاب

### مراحل عملیات دفتری شامل:

(الف) محاسبات: تفسیر نتایج عددی اندازه گیری پهلاست.

(ب) ترسیم نقشه

## نقاط کنترل

■ **تعریف :** به نقاطی از سطح زمین که طول و عرض و ارتفاع آنها معلوم باشد نقاط کنترل می‌گویند.

### فصل دوم : شناخت وسایل اندازه‌گیری و روشهای کاربردی

#### ■ هدف کلی :

- آشنایی با وسایل مشخص کننده نقاط
- آشنایی با وسایل مشخص کننده امتدادهای قائم و افقی
- شیب‌سنج و کاربرد آن
- گونیا و کاربرد آن
- طریقه ژالون‌گذاری
- اندازه‌گیری طول افقی در زمینهای شیبدار و مسطح
- انواع خطا و منابع آنها

#### هدفهای آموزشی

##### ■ کلیات :

- وسایل مشخص کننده نقاط
- وسایل مشخص کننده امتدادهای قائم و افقی
- قسمت‌های مختلف شیب‌سنج دستی
- موارد استفاده از گونیا
- طرز ژالون‌گذاری
- اندازه‌گیری طول افقی در زمینهای مسطح و شیبدار
- خطا
- خصوصیات خطاهای اتفاقی
- خطای متوسط حسابی و هندسی و ماکزیمم
- خطای مطلق و نسبی

#### مقدمه کلی فصل :

- شناخت دستگاههای اندازه‌گیری یک کمیت
- روشهای کار با دستگاهها
- انواع اندازه‌گیریها: طول، زاویه، اختلاف ارتفاع

## آشنایی با اندازه‌گیریها:

■ اندازه‌گیریها در نقشه‌برداری شامل:

الف) اندازه‌گیری طول

ب) اندازه‌گیری زاویه

ج) اندازه‌گیری اختلاف ارتفاع

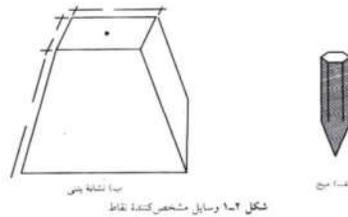
■ **نکته:** هرگاه سه کمیت طول، زاویه و اختلاف ارتفاع در یک عملیات با یک دستگاه انجام گیرد این کار را تاکنومتری می‌گویند.

## ■ وسایل مشخص‌کننده نقاط:

● میخ چوبی

● میخ آهنی

● نشانه‌های بتنی (به شکل هرم ناقص)



● **بنج مارک:** نقاط ثابتی هستند که ارتفاع آنها برای نقشه بردار معلوم است که خود چهار نوع است:

✓ بنج مارک ژئودزی

✓ بنج مارک دائمی

✓ بنج مارک اختیاری

✓ بنج مارکهای موقتی

## وسایل مشخص‌کننده امتدادهای قائم و افقی

برای مشخص کردن امتدادهای قائم از شاقول و ژالون استفاده می‌کنند. همچنین انواع ترازها که دقیق‌ترین آنها تراز لوله‌ای است برای

ایجاد امتدادهای افقی مورد استفاده قرار می‌گیرند. در ادامه به شرح این وسایل می‌پردازیم.

## ■ شاقول:

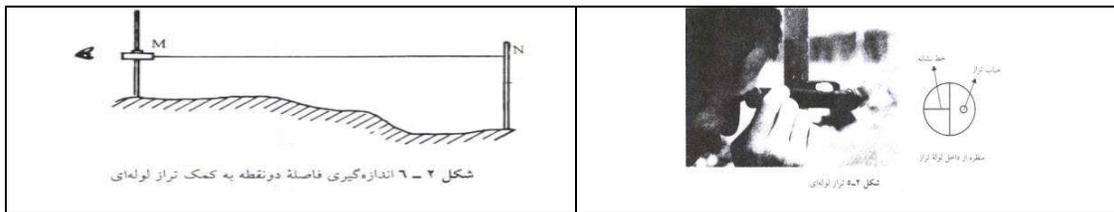


■ ژالون:



شکل ۲-۴

■ تراز لوله‌ای دستی:



■ نوارهای اندازه‌گیری فولادی:

در انواع مختلف ساخته می‌شوند و جهت اندازه‌گیری فاصله در سطوح شیب‌دار و مسطح کاربرد دارند.

■ شیب‌سنج دستی:

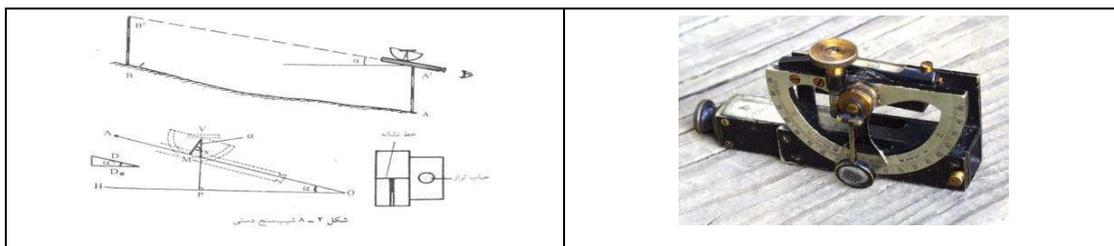
از سه قسمت تشکیل شده:

- لوله
- قوس مدرج
- تراز لوله‌ای

کاربرد:

تعیین شیب یک امتداد مطابق شکل ۸-۲

■ شیب‌سنج دستی:



## گونیا:

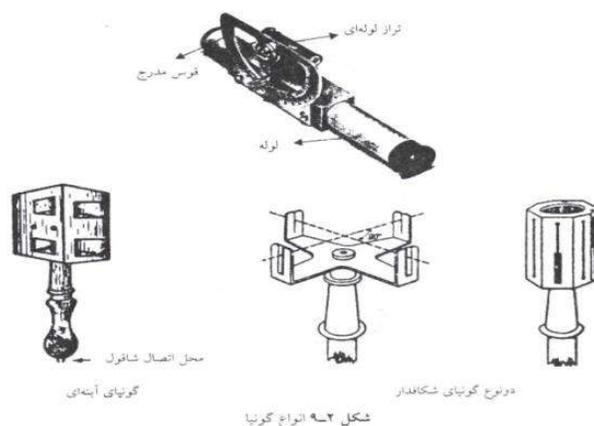
**تعریف:** گونیاها وسایلی اند که به کمک آنها می توان زوایای ۹۰ درجه و ۴۵ درجه را روی زمین تعیین کرد.

### انواع گونیا:

شکافدار

آینه‌ای

مششوری



شکل ۹-۲ انواع گونیا

### کاربرد گونیا:

<p>بر این حالت محور پای زاویه روی امتداد عمود عمود مورد نظر قرار بگیرد و منظره گونیا مششوری از داخل به صورت بالاست.</p> <p>شکل ۱۰-۲ اخراج عمود از یک نقطه واقع بر یک امتداد</p>	<p>۱- اخراج عمود از یک نقطه روی یک امتداد بر آن امتداد:</p>
<p>با زاویه در روی عمود عمود مورد نظر گرفته و منظره گونیا مششوری از داخل به صورت بالاست.</p> <p>شکل ۱۱-۲ رسم عمود به طریق اندازه گیری فواصل و رسم قوس</p>	<p>۲- اخراج عمود از یک نقطه خارج از یک امتداد بر آن امتداد:</p>

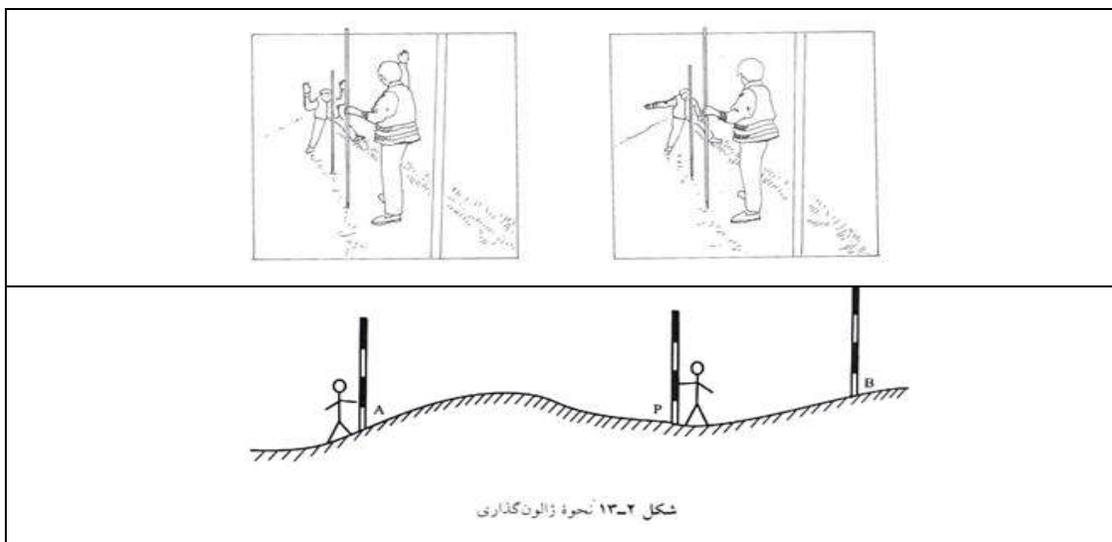
طرز ژالون گذاری یک امتداد برای اندازه گیری فاصله دو نقطه در آن امتداد

هدف از ژالون گذاری:

● تعیین یک امتداد مستقیم

● مترکشی امتداد یا مسیر

■ ژالون گذاری:



اندازه گیری طول افقی با وسایل ساده

■ اندازه گیری طول به روش مستقیم در زمین مسطح

روش کار:

● باید امتداد مورد نظر را ژالون گذاری و با میخ مشخص کرد.

● فواصل بین میخها را با نوار اندازه گیری اندازه گرفت.

■ اندازه گیری طول افقی به روش مستقیم در زمین شیبدار

روش کار:

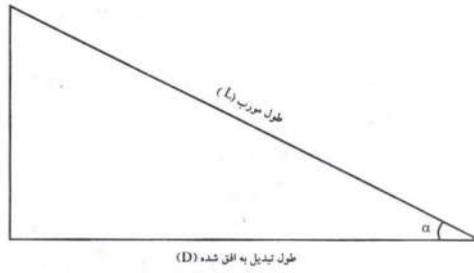
پس از ژالون گذاری، میخکوبی و استقرار متر بصورت افقی سپس فواصل میخها با متر اندازه گیری و ثبت می شود.

■ تعیین طول در سطح شیبدار با اندازه گیری طول مورب و زاویه شیب

روش کار:

ابتدا فاصله مورب بین دو نقطه را با نوار و سپس زاویه شیب بین دو نقطه را با دستگاه شیب سنج اندازه می گیرند. آنگاه، با

استفاده از رابطه  $L \cos \alpha = D$  طول افقی بین دو نقطه را محاسبه می کنند.



شکل ۱۷-۲ تعیین طول در سطح شیب‌دار با اندازه‌گیری طول مورب و زاویه شیب

### خطاها:

تمام اندازه‌گیریها برای تعیین اندازه واقعی یک کمیت انجام میگیرد. این اندازه‌گیری مطمئناً با مقادیر واقعی آن اندکی اختلاف دارد. منابع عمده این اختلاف عبارتند از:

- ✓ عوامل انسانی شامل نارسایی حواس - عدم تجربه و تسلط در کار
  - ✓ عوامل دستگاهی شامل نقص دستگاهها، تنظیم نبودن و پایین بودن ارزش تقسیمات آنها
  - ✓ عوامل جوی مثل باد، تشعشع و تغییرات دما و اثر شکست نور
- درست نبودن یک اندازه‌گیری ممکن است نتیجه یکی از علل زیر باشد:

خطای تدریجی (سیستماتیک)

خطای تصادفی (اتفاقی)

اشتباه

### انواع خطا:

الف) خطای تدریجی (سیستماتیک):

خطا در قرائت طول متر

خطا بر اثر انحراف از خط راست

خطا بر اثر گرما

خطا بر اثر خمیدگی

خطا بر اثر افقی نبودن مسیر

خطاهای سیستماتیک همگی در یک جهتند و باهم جمع می‌شوند.

برای جلوگیری از خطاهای سیستماتیک باید عامل خطا را از میان برداشت و یا میزان خطا را در اندازه‌گیری تعیین و در

نتیجه اندازه‌گیری دخالت دهیم.

ب) خطای اتفاقی (تصادفی):

این خطاها که به طور کامل نمی‌توان آنها را تعیین کرد گاهی مثبت و گاهی منفی‌اند و موارد زیر را شامل می‌شوند:

● جابه‌جا شدن میخها

● مایل قرار گرفتن ژالون

● ثبت قرائتها

✘ به خاطر ماهیت اتفاقی بودن خطاهای تصادفی برای بررسی اثرات آنها بر روی نتایج اندازه‌گیریها از قواعد آمار و احتمالات و مخصوصاً توزیع نرمال استفاده میشود. که این قواعد نتایج زیر را برای یک اندازه‌گیری بدون خطای سیستماتیک که بدفعات تکرار می‌شود بدنبال دارد:

✓ در مقابل هر خطای مثبت یک خطای منفی وجود دارد که قدر مطلقشان با هم برابر است.

✓ خطاهای کوچک بدفعات بیشتری اتفاق می‌افتند.

✓ بزرگی خطاها از یک حد معینی تجاوز نمیکند.

□ (ج) اشتباه :

وقتی که اندازه‌گیری یک کمیت تحت تأثیر بی‌توجهی، حواس‌پرتی، رعایت نکردن دستورالعملهای کار قرار می‌گیرد اندازه به دست آمده با مقدار حقیقی تفاوت زیاد دارد که آن را اشتباه می‌گویند.

روشهای تخصیص اشتباهات :

۱- تکرار اندازه‌گیریها

۲- کنترل جوابها و انجام عملیات به گونه‌ای که کنترل ممکن باشد.

۳- انجام عملیات بصورت رفت و برگشتی

✘ تفاوت خطا و اشتباه:

اشتباهات معمولاً بزرگ بوده و در اکثر موارد آنها ردیابی نمود. اشتباه را میتوان تصحیح یا حذف نمود و یا با کنترل اندازه‌گیری از وقوع مجدد آن جلوگیری بعمل آورد. در عوض خطاها مقدارشان کوچک بوده و گاهی اوقات به هیچ وجه قابل کنترل و تصحیح نیستند ولی با استفاده از تئوری خطاها و آشنایی با قوانین آن میتوان با انتخاب روش مناسبتر، تکرار اندازه‌گیری و یا با دقت به مفهوم اشتباه و استفاده از تعاریف ریاضی مقدار خطای قابل قبول را از اندازه‌گیری جدا نمود.

خطاهای اتفاقی:

با فرض اینکه اندازه حقیقی کمیت  $X$  و نتیجه حاصل از اندازه‌گیری کمیت  $L$  باشد، مقدار خطای اتفاقی برابر است با:

$$x - l = \Delta$$

مقدار خطا برحسب  $x > 1$  یا  $x < 1$ ، مثبت یا منفی خواهد بود.

■ حد خطای اتفاقی:

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\Delta_1 + \Delta_2 + \dots + \Delta_n}{n} = 0$$

### خطای متوسط حسابی (عددی):

فرض کنید نتایج حاصل از اندازه گیری یک کمیت که با یک وسیله دقیق اندازه گیری شده بترتیب  $a_1, a_2, \dots, a_n$  باشد. در این

صورت میانگین حسابی با رابطه زیر محاسبه میشود

$$\bar{a} = \frac{a_1 + a_2 + \dots + a_n}{n} = \frac{\sum a_i}{n} \quad \text{یا} \quad \bar{x} = \frac{\sum L_i}{n}$$

میانگین حاصل از  $n$  بار اندازه گیری یک کمیت را محتمل ترین مقدار کمیت مذکور می گویند.

اگر مقدار حقیقی کمیت را  $a$  و تفاضل آن را با میانگین  $\alpha$  بنامیم. تفاضل هر کمیت ( $a_i$ ) را با هریک از مقادیر میانگین و واقعی

بترتیب با  $v$  و  $e$  فرض کنیم خواهیم داشت :

$$\alpha = \bar{a} - a \quad \text{خطای میانگین}$$

$$v_i = a_i - \bar{a} \quad \text{خطای ظاهری}$$

$$e_i = a_i - a \quad \text{خطای واقعی}$$

از طرفی خطای متوسط حسابی طبق روابط  $v_a = \frac{\sum |v_i|}{n}$  تعریف میشود.

### خطای متوسط هندسی و خطای ماکزیمم

خطای متوسط هندسی را خطای معیار (یا خطای استاندارد) نیز میگویند، این خطا بیانگر معیار دقت اندازه گیریهاست و پایه اندازه گیری

خطاها در نقشه برداری است و خطای وسایل اندازه گیری با این خطا مشخص میشود.

$$\delta = \sqrt{\frac{\sum e_i^2}{n}} \quad ; \quad (e_i = a_i - a \quad \text{خطای واقعی})$$

با توجه به مطالب فوق و روابط ذکر شده روابط دیگری برای محاسبه خطای معیار بر اساس خطای میانگین بشرح زیر نتیجه میشود:

$$\delta = \sqrt{\frac{\sum v_i^2}{n-1}} \quad ; \quad (\alpha = \bar{a} - a \quad \text{خطای میانگین})$$

برای ارزشیابی درجه دقت یک سری اندازه گیری از یک کمیت، باید خطای متوسط هندسی کمیت را به دست آورد. بنابراین اگر  $E$

خطای متوسط هندسی و  $\Delta_1, \Delta_2, \Delta_3, \dots, \Delta_n$  خطاهای اتفاقی اندازه گیری باشد، خواهیم داشت:

$$E^2 = \frac{\Delta_1^2 + \Delta_2^2 + \Delta_3^2 + \dots + \Delta_n^2}{n-1} \quad \text{Or} \quad E = \pm \sqrt{\frac{\sum \Delta_n^2}{n-1}}$$

معمولاً  $2/5$  برابر خطای متوسط هندسی را خطای ماکزیمم اندازه گیریها نامند و مقدار آن برابر است با:  $E_m = 2.5E$

$$\alpha = \frac{\delta}{\sqrt{n}} \quad (\text{خطای میانگین})$$

$\bar{a} = \frac{1}{n} \sum a_i$ $\sum v_i = 0$ $e_i = a_i - a = (a_i - \bar{a}) + (\bar{a} - a)$ $e_i = v_i + \alpha$ $e_i^2 = v_i^2 + \alpha^2 + 2\alpha v_i$ $\sum_1^n e_i^2 = \sum_1^n v_i^2 + n\alpha^2 + 2\alpha \sum_1^n v_i$ $(1)\alpha^2 = \frac{\sum e_i^2 - \sum v_i^2}{n} = \delta^2 - \frac{1}{n} \sum v_i^2$ $e_i = v_i + \alpha$ $\sum e_i = \sum v_i + n\alpha = n\alpha$ $\sum_1^n e_i^2 = n^2 \alpha^2$ $(2)\alpha^2 = \frac{1}{n^2} \sum e_i^2 = \frac{1}{n} * \frac{\sum e_i^2}{n} = \frac{1}{n} \delta^2$ $\alpha = \frac{\delta}{\sqrt{n}}$ $\delta^2 - \frac{\sum v_i^2}{n} = \frac{1}{n} \delta^2$ $\delta = \sqrt{\frac{\sum v_i^2}{n-1}}$	<p><b>توضیحات:</b></p> <p>با توجه به اینکه <math>\bar{a} = \frac{1}{n} \sum a_i</math> می توان نتیجه گرفت <math>\sum v_i = 0</math> و از طرفی خطای واقعی برابر است با خطای ظاهری منهای خطای میانگین است.</p> <p>با به توان رساندن دو طرف معادله <math>e_i = v_i + \alpha</math> خواهیم داشت <math>e_i^2 = v_i^2 + \alpha^2 + 2\alpha v_i</math> و از دو طرف معادله سیگما می گیریم و معادله را بر حسب مربع خطای میانگین مرتب می نماییم رابطه (۱).</p> <p>و با توجه به رابطه خطای واقعی از دو طرف معادله سیگما می گیریم و به توان ۲ می رسانیم و با چشم پوشی از مقادیر کوچک بسط داریم <math>\sum_1^n e_i^2 = n^2 \alpha^2</math> و معادله را بر حسب مربع خطای میانگین (<math>\alpha</math>) مرتب می نماییم رابطه (۲).</p> <p>طرفهای دوم رابطه های (۱) و (۲) را با هم مساوی قرار می دهیم. و نتیجه آن <math>\delta = \sqrt{\frac{\sum v_i^2}{n-1}}</math> خواهد بود.</p>
--	---

با استفاده از روابط بالا میتوان نتیجه گرفت که :

اگر کمیته به N قسمت مساوی تقسیم شود و توسط یک نفر و یک دستگاه اندازه گیری شود در نتیجه مقدار خطای هر قسمت با هم

$$\delta = \pm \alpha \sqrt{N} \text{ : برابر خواهد بود و خواهیم داشت:}$$

$$\delta = \pm \alpha \sqrt{\frac{N}{M}} \text{ : اگر کمیته M مرتبه اندازه گیری شود خطای متوسط هندسی برابر خواهد بود:}$$

و همانطور که ملاحظه میشود چنانچه تعداد اندازه گیریها بسیار زیاد شود مقدار خطای میانگین به سمت صفر میل خواهد کرد و در این صورت میانگین اندازه گیریها به مقدار واقعی کمیت نزدیک خواهد شد.

**مثال:**

مطلوبست محاسبه خطاهای معیار ماکزیمم و متوسط حسابی برای طولی که ۱۰ مرتبه اندازه گیری شده و نتایج حاصل از آن بشرح زیر است. ضمنا اندازه هایی که باید از فهرست اندازه گیریها حذف شوند را نیز مشخص کنید؟

$$L_1 = 251.45 \quad ; \quad L_2 = 251.46 \quad ; \quad L_3 = 251.47 \quad ; \quad L_4 = 251.44 \quad ; \quad L_5 = 251.44$$

$$L_6 = 251.51 \quad ; \quad L_7 = 251.48 \quad ; \quad L_8 = 251.44 \quad ; \quad L_9 = 251.48 \quad ; \quad L_{10} = 251.49$$

جواب :

$$\bar{L} = \frac{\sum L_i}{n} = 251.466$$

$$v_1 = -0.016 \quad v_2 = -0.006 \quad v_3 = +0.004$$

$$v_4 = -0.026 \quad v_5 = -0.026 \quad v_6 = +0.044$$

$$v_7 = +0.014 \quad v_8 = -0.026 \quad v_9 = +0.014$$

$$v_{10} = +0.024$$

$$\delta = \sqrt{\frac{\sum v_i^2}{n-1}} = \delta = \sqrt{\frac{0.00524}{9}} = 0.024$$

$$e_M = 2.5\delta = 2.5 * 0.024 = 0.060$$

$$e_a = \frac{\sum |v_i|}{10} = \frac{0.2}{10} = 0.02$$

مثال :

اگر با یک زاویه یاب بتوان زاویه ای را با خطای ۳۰ ثانیه اندازه گیری کنیم چنانچه اندازه یک زاویه را از میانگین ۴ بار اندازه گیری با آن بدست آوریم چه خطایی خواهیم داشت؟

$$\delta = \pm \alpha \sqrt{\frac{N}{M}} = \pm 30 * \sqrt{\frac{1}{4}} = \pm 15''$$

مثال:

اگر با یک تتودولیتی که خطای اندازه گیری زاویه آن ۱۰ ثانیه است زاویه ای را با خطای ۵ ثانیه بخواهیم اندازه گیری کنیم چند بار باید عملیات تکرار شود؟

$$\delta = \pm \alpha \sqrt{\frac{N}{M}} \Rightarrow \pm 5 = \pm 10 \sqrt{\frac{1}{M}} \Rightarrow M = \frac{100}{25} = 4$$

محاسبه خطای معیار در اندازه گیریهای غیر مستقیم :

فرض می کنیم کمیتی مثل A از طریق اندازه گیری از چند کمیت دیگر که مقادیرشان X و Y و Z است با رابطه ای بصورت  $A = F(x, y, z)$  بدست آمده باشد. با یک سری محاسبات ریاضی و در صورتیکه  $\delta_x, \delta_y, \delta_z$  بترتیب خطای معیار کمیت‌های X و Y و Z باشند داریم:

$$\delta_A = \sqrt{\left(\frac{\partial F}{\partial x} * \delta_x\right)^2 + \left(\frac{\partial F}{\partial y} * \delta_y\right)^2 + \left(\frac{\partial F}{\partial z} * \delta_z\right)^2}$$

حالت‌های خاص:

خطای مجموع:

$$s = x + y + z$$

$$\delta_s = \sqrt{\delta_x^2 + \delta_y^2 + \delta_z^2}$$

خطای تفاضل :

$$d = x - y$$

$$\delta_s = \sqrt{\delta_x^2 + \delta_y^2}$$

خطای حاصلضرب :

$$q = x * y * z$$

$$\delta_q = \sqrt{(y * z * \delta_x)^2 + (x * z * \delta_y)^2 + (x * y * \delta_z)^2} = q * \sqrt{\left(\frac{\delta_x}{x}\right)^2 + \left(\frac{\delta_y}{y}\right)^2 + \left(\frac{\delta_z}{z}\right)^2}$$

خطای خارج قسمت :

$$p = x / y$$

$$\delta_p = p * \sqrt{\left(\frac{\delta_x}{x}\right)^2 + \left(\frac{\delta_y}{y}\right)^2}$$

**مثال:**

مطلوبست محاسبه خطای اندازه گیری یک مسافت ۴۵۰ متری که با یک نوار فلزی ۵۰ متری اندازه گیری شده است در صورتی که خطای متوسط هر دهانه ۲ میلیمتر باشد؟

$$s = x + y + z$$

$$\delta_s = \sqrt{\delta_x^2 + \delta_y^2 + \delta_z^2} \xrightarrow{\delta_x = \delta_y = \delta_z = \delta} \delta_s = \delta \sqrt{n}$$

$$n = 450 / 50 = 9$$

$$\delta = 2 * \sqrt{9} = 6 \text{ mm}$$

**مثال:**

مطلوبست تعیین خطای مساحت مستطیلی که طول و عرض آن به ترتیب ۱۲۰ متر و ۸۰ متر و خطای معیار آنها بترتیب ۳ و ۱ سانتیمتر است؟

$$A = x * y$$

$$\delta_A = \sqrt{(y * \delta_x)^2 + (x * \delta_y)^2} = A * \sqrt{\left(\frac{\delta_x}{x}\right)^2 + \left(\frac{\delta_y}{y}\right)^2}$$

$$\delta_A = 9600 * \sqrt{\left(\frac{0.03}{120}\right)^2 + \left(\frac{0.01}{80}\right)^2} = 2.68 \text{ m}^2$$

**مثال:**

فاصله افقی و اختلاف ارتفاع بین دو نقطه A و B به ترتیب ۱۵۰ و ۱۲ متر است هرگاه خطای معیار فاصله افقی ۲۰ سانتیمتر و خطای معیار اختلاف ارتفاع ۵ سانتیمتر باشد خطای شیب AB چقدر است ؟

$$p = y / x = 12 / 150 = 0.08 = 8\%$$

$$\delta_p = p * \sqrt{\left(\frac{\delta_x}{x}\right)^2 + \left(\frac{\delta_y}{y}\right)^2} = 0.08 * \sqrt{\left(\frac{0.2}{150}\right)^2 + \left(\frac{0.05}{12}\right)^2} = 0.000351 \cong 0.03\%$$

### میانگین وزن دار اندازه گیریها:

اگر اندازه یک کمیت از روشهای و یا با وسایل مختلفی بدست آمده باشد به نحوی که هر یک از روشها و یا وسایل دارای دقتهای متفاوتی در اندازه گیری باشند میانگین کل اندازه گیریها از رابطه مربوط به اندازه گیریهای وزن دار حاصل میشود که صورت کلی آن:

$$\bar{a} = \frac{p_1 a_1 + p_2 a_2 + \dots + p_n a_n}{p_1 + p_2 + \dots + p_n}$$

میباشد. در این رابطه  $a$  میانگین اندازه هایی است که در هر کدام با روش و یا بوسیله جداگانه ای بدست آمده است و ضرایب  $p$  متناسب با مربع معکوس خطای معیار هر کدام از اندازه گیریها انتخاب میشود.

**مثال:** طول یک خط توسط دو گروه اندازه گیری شد. نتایج حاصل به شرح زیر است:

میانگین گروه اول ۱۴۹.۷۸ متر و خطای معیار آن ۰.۰۳۷ متر

میانگین گروه دوم ۱۴۹.۷۷ متر و خطای معیار آن ۰.۰۴۷ متر

نزدیکترین مقدار طول این خط را بدست آورید؟

جواب:

$$p_1 = \frac{1}{\delta_1^2} = \frac{1}{0.037^2} \cong 730$$

$$p_2 = \frac{1}{\delta_2^2} = \frac{1}{0.047^2} \cong 453$$

$$\bar{a} = \frac{p_1 a_1 + p_2 a_2}{p_1 + p_2} = \frac{730 * 149.78 + 453 * 149.77}{730 + 453} = 149.776$$

### منحنی نمایش خطاها (منحنی گوس):

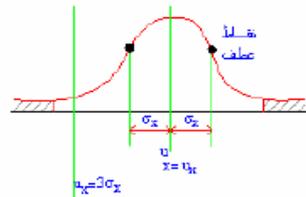
نحوه توزیع خطاهای تصادفی را میتوان بوسیله یک فرمول و یا یک منحنی تعیین کرد که آنرا تابع توزیع خطا و یا منحنی توزیع نرمال میگویند.

$$F(x) = \frac{1}{\sqrt{2-n}\sigma_x} e^{-\frac{(x-u_x)^2}{2\sigma_x^2}}$$

$$\sigma_x, u_x = \text{اعداد ثابت}$$

$$u_x = u_{mean} = \text{میانگین}$$

$$\sigma_x = \text{انحراف استاندارد معیار پراکندگی}$$



که رابطه فوق را می توان بصورت کلی به شکل تابع  $y = k * e^{-h^2 x^2}$  نمایش داد.

## خطای مطلق و نسبی

تعریف :

مقدار خطای حاصل از یک اندازه‌گیری را خطای مطلق می‌نامند.

از نظر کلی خطای مطلق به تفاضل مقدار واقعی و مقدار اندازه‌گیری شده کمیت گفته می‌شود. این تعریف در مورد خطاهای تصادفی به خطای معیار و در مورد خطاهای تدریجی به قدر مطلق تفاضل اطلاق می‌شود. ولی این خطا در بیشتر مواقع نمیتواند به تنهایی دقت اندازه‌گیری را بیان نماید از این رو برای بیان دقت از خطای نسبی استفاده می‌شود. خارج قسمت خطا بر مقدار کمیت را خطای نسبی می‌نامند:

رابطه تعریف شده	تعریف خطای نسبی
$e_r = \frac{\delta}{l}$	$\text{خطای مطلق} = \frac{\text{خطای نسبی}}{\text{مقدار کمیت}}$

خطای نسبی میزان دقت در عملیات اندازه‌گیری را معین میکند. برای مثال یک خطای ۵ سانتی متری روی یک فاصله ۵ متری زیاد است ولی روی یک فاصله ۵۰۰ متری نشان دهنده دقت زیاد می‌باشد.

$$e_r = \frac{5}{5 * 100} = 1/100$$

$$e_r = \frac{5}{500 * 100} = 1/10000$$

در صورت معلوم بودن دقت نسبی (حداکثر خطای نسبی مجاز) حد خطای مجاز در عملیات معلوم می‌شود تا حدود به کار بردن وسایل نقشه برداری و نیز روشهای اندازه‌گیری را معلوم کنیم.

### منابع خطاها:

الف) خطای دستگاهی، مانند خطای حاصل از اندازه‌گیری با نوار نادرست.

ب) خطای انسانی، مانند عدم دقت در قرائت دقیق زاویه با تئودولیت.

ج) خطای طبیعی، مانند خطای ناشی از انکسار، نور، باد، دما و ...

### مثال:

مسافتی برابر ۵۰۰۰ متر را با یک نوار فلزی ۵۰ متری که خطای متوسط هر دهنه آن برابر  $\pm 5$  میلی‌متر است می‌خواهیم اندازه‌گیری کنیم برای دستیابی به دقت  $1/50000$  این مسافت را چند بار باید اندازه‌گیری کنیم؟

$$\frac{1}{50000} = \frac{e_M}{5000 * 1000} \Rightarrow e_M = 100mm$$

$$\delta = \frac{e_M}{2.5} = \frac{100}{2.5} = 40mm$$

$$N = 5000 / 50 = 100$$

$$\delta = \pm \alpha \sqrt{\frac{N}{M}} = \pm 5 * \sqrt{\frac{100}{M}} \Rightarrow M = 2$$

تمرین ۱: برای تهیه یک نقشه توپوگرافی به مقیاس ۱/۵۰۰۰ در صورتیکه خطای ترسیم ۰.۲ میلیمتر باشد حداکثر خطای قابل قبول در اندازه‌گیری طول در صحرا چند متر است؟

تمرین ۲: خطای مطلق یک اندازه‌گیری  $\pm 5$  سانتی متر و میانگین حسابی کمیت ۵۵۰ متر است، دقت نسبی چه مقدار است؟

تمرین ۳: در اندازه‌گیری یک مسافت ۲۵۰ متری با نوار فلزی ۳۰ متری چند مرتبه اندازه‌گیری را باید تکرار کرد در صورتیکه دقت نسبی مورد نظر ۱/۱۰۰۰۰ و خطای قرائت هر طرف نوار ۱ سانتیمتر باشد؟

تمرین ۴: در اندازه‌گیری ابعاد زمینی که به شکل مستطیل است اعداد زیر بدست آمده است:

$$a = 245.68m$$

$$b = 195.28m$$

اگر اندازه‌گیری طول زمین با خطای  $\pm 5$  cm و اندازه‌گیری عرض آن با خطای  $\pm 3$  cm همراه باشد خطای اندازه‌گیری محیط و مساحت زمین را تعیین کنید؟

## فصل سوم: شناخت دستگاههای اندازه‌گیری و نحوه کار با آنها

### هدف کلی:

- آشنایی با دستگاه تئودولیت
- موارد کاربرد تئودولیت
- طرز اندازه‌گیری اختلاف ارتفاع با دستگاه ترازباب
- انواع ترازبابی
- چگونگی اندازه‌گیری اختلاف ارتفاع دو نقطه به کمک وسایل ساده

### هدفهای آموزشی

- اجزای دستگاه تئودولیت و ترازباب
- چگونگی مستقر کردن دستگاههای تئودولیت و ترازباب
- طرز اندازه‌گیری زاویه افقی و قائم با تئودولیت
- اندازه‌گیری و محاسبه فاصله افقی با دستگاه تئودولیت
- نقاط ثابت ارتفاعی و منظور از ارتفاع یک نقطه
- ترازباب و کاربرد
- اندازه‌گیری اختلاف ارتفاع با دستگاه ترازباب
- ترازبابی تدریجی و خطی

## مقدمه کلی فصل :

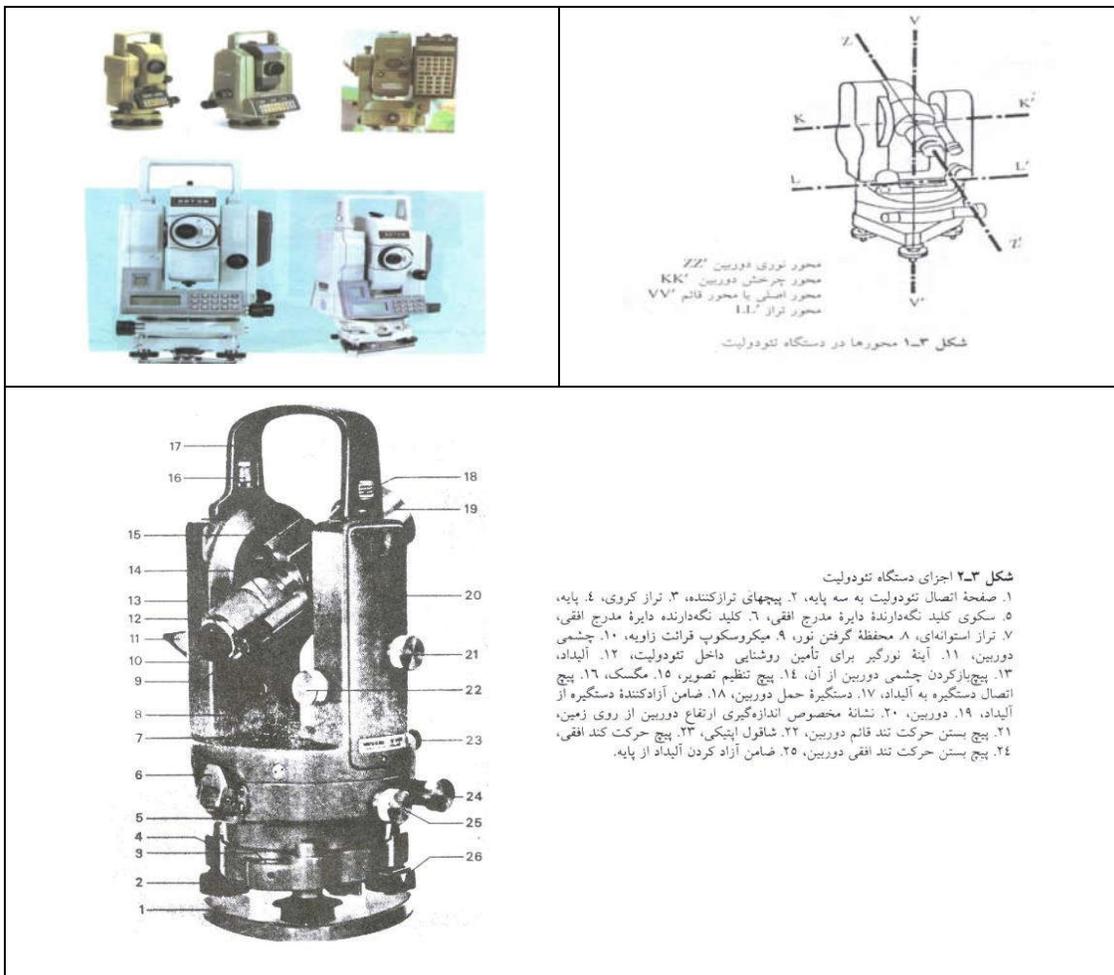
- آشنایی با مفاهیم ارتفاع و سطح مبنا ارتفاعات
- آشنایی با قسمتهای مختلف دستگاه تئودولیت
- چگونگی کار با تئودولیت
- دستگاه تراز یاب و روش کار با آن

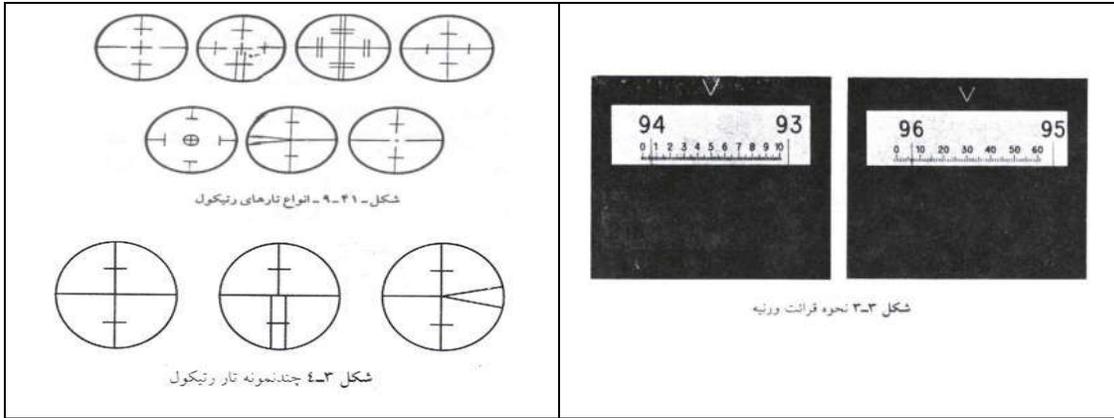
## تئودولیت:

### کاربرد:

- اندازه‌گیری زوایای افقی و قائم
- اندازه‌گیری فاصله
- اندازه‌گیری اختلاف ارتفاع

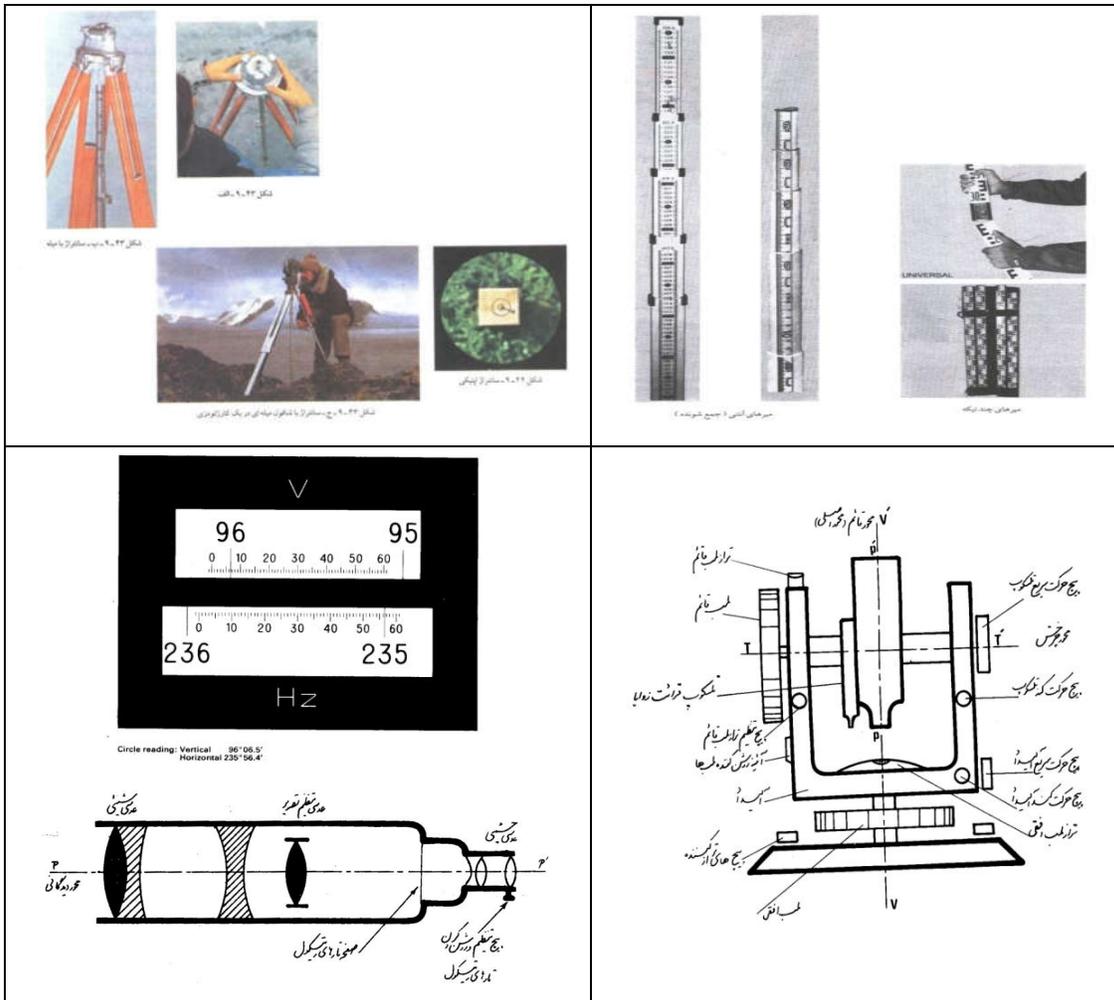
## انواع تئودولیت



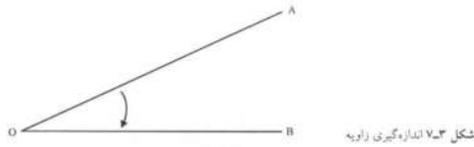


### ■ مستقر کردن تئودولیت در نقطه‌ای مشخص

- استقرار دستگاه روی ایستگاه
- تراز کردن دستگاه
- سانتراژ یا شاقول میله‌ای در یک کار ژئودزی



طرز اندازه‌گیری زاویه افقی با تئودولیت



شکل ۷-۳ اندازه‌گیری زاویه

$$\hat{AOB} = R_B - R_A$$

■ اگر لمب افقی از درجه صفر ، گذشته باشد در این صورت مقدار زاویه برابرست با:

$$\hat{AOB} = R_B + 360^\circ - R_A$$

$$\hat{AOB} = R_B + 400^\circ - R_A$$

خطاهای اندازه‌گیری زوایای افقی و قائم با تئودولیت

■ انواع خطاها:

● دستگاهی

● عملیاتی

■ مهم‌ترین خطاهای عملیاتی:

الف) خطای قائم نبودن محور اصلی

ب) خطای استقرار دستگاه بر روی نقطه (خطای ایستگاه‌گذاری)

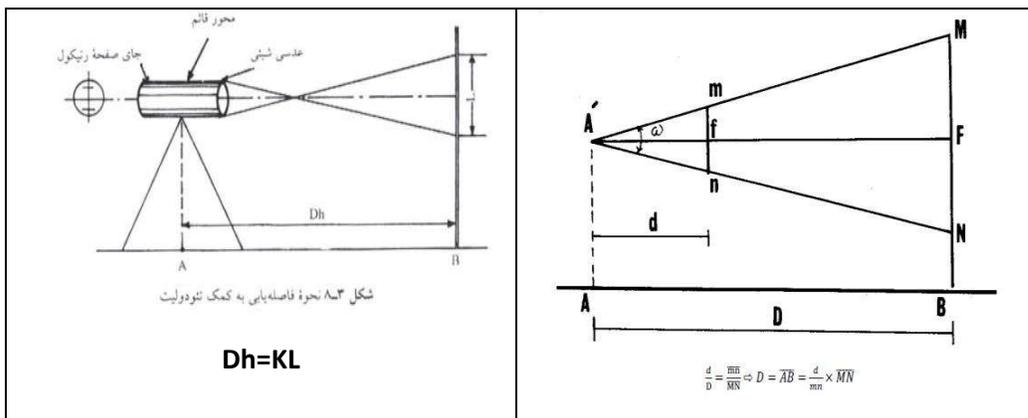
ج) خطای ثابت نبودن دستگاه در موقع اندازه‌گیری

د) خطای نشانه‌روی

هـ) خطای قرائت

■ نکته: حذف خطاهای دستگاهی با روش کوپل

طرز اندازه‌گیری فاصله با تئودولیت (استادیمتری):



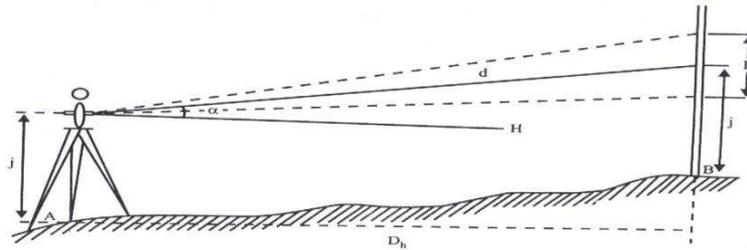
$$Dh = KL$$

$$\frac{d}{D} = \frac{m}{MN} \Rightarrow D = \frac{d}{m} \times MN$$

## تذکر مهم:

شرط استفاده از رابطه  $Dh=100L$  آن است که امتداد شاخص بر امتداد نشانه روی عمود باشد. اگر شاخص در حالت افقی بودن دوربین دیده نشود فرمول فاصله در سطح شیبدار عبارتست از:

$$Dh=100l \cos^2 \alpha$$



شکل ۱۱-۳ محاسبه فاصله افقی در حالتی که امتداد قراولروی بر امتداد شاخص عمود نباشد.

## مبنای تعیین ارتفاع نقاط

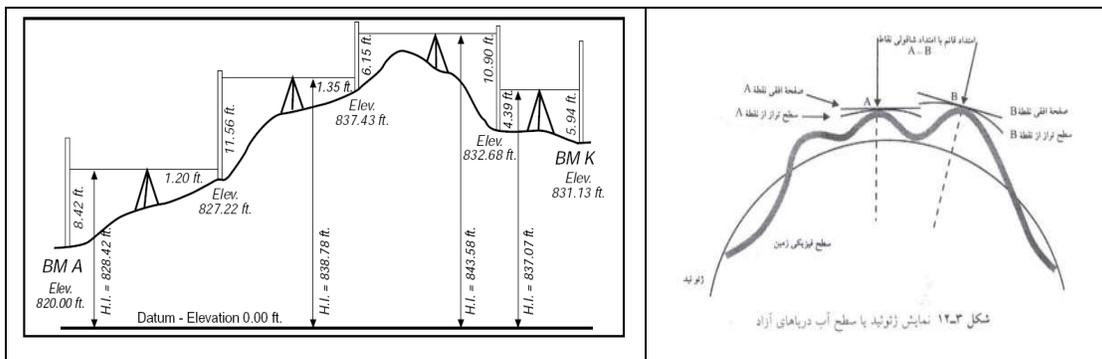
سطح مبنای ارتفاعات: سطح آب دریاها یا آزاد یا ژئوئید را گویند.

ارتفاع و اختلاف ارتفاع:

فاصله قائم (شاقولی) بین هر نقطه و سطح مبنای ارتفاعی (ژئوئید) را ارتفاع می نامند.

با این تعاریف تمام نقاطی که روی سطح تراز قرار دارند دارای یک ارتفاع برابرند و کلیه نقاط روی سطح ژئوئید ارتفاعشان برابر صفر است.

## نقاط ثابت ارتفاعی



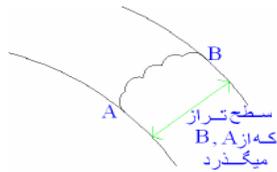
## ارتفاع:

تعریف:

منظور از ارتفاع نقطه فاصله قائم آن نقطه تا سطحی است که سطح مبنای ارتفاعات انتخاب شده است، مثلاً وقتی می گوئیم

ارتفاع مرکز آموزشی مان از سطح دریا ۲۰۰۰ متر است، تعیین فاصله قائم این مرکز از سطح دریا ۲۰۰۰ متر است.

- ترازبایی : به عمل تعیین اختلاف ارتفاع نقاط نسبت به هم ترازبایی<sup>۱۳</sup> یا نیولمان<sup>۱۴</sup> گویند.



فاصله دو سطح تراز که از دو نقطه مورد نظر می گذرد را

اختلاف ارتفاع دو نقطه می نامند.

- سطح تراز : سطحی که در تمام نقاط خود بر امتداد نیروی ثقل عمود باشد. بدیهی است که کلیه خطوط واقع بر روی این صفحه خطوط هم تراز میباشند.

- صفحه افقی : صفحه ای است که در یک نقطه (مثلاً نقطه استقرار دوربین) بر سطح تراز مماس باشد.

- صفحه قائم : صفحه ای است که از امتداد شاقولی هر نقطه بگذرد و لذا در یک نقطه بی نهایت صفحه قائم خواهیم داشت.

- سطح مبنا : سطح ترازبست که ارتفاع هر نقطه نسبت به آن سنجیده میشود.

- ارتفاع نقطه : فاصله قائم نقطه نسبت به سطح مبنا را گویند.

- نقاط ترازبایی : نقاطی اند که شاخص روی آنها نگه داشته شده و توسط قرائت های روی شاخص ارتفاع آنها مشخص می گردد.

- بنچ مارک<sup>۱۵</sup> (BM) : نقاط ثابتی هستند که مختصات و ارتفاع آنها برای نقشه بردار معلوم است یا توسط عملیات پیمایش و

ترازبایی مشخص می گردد.

### □ انواع ترازبایی:

ترازبایی بنا به دقت مورد نظر و سرعت لازم ممکن است به یکی از ۳ روش زیر انجام میشود:

۱) ترازبایی با فشار سنجی ( بارومتریک )

۲) ترازبایی غیر مستقیم ( مثلثاتی )

۳) ترازبایی مستقیم ( هندسی )

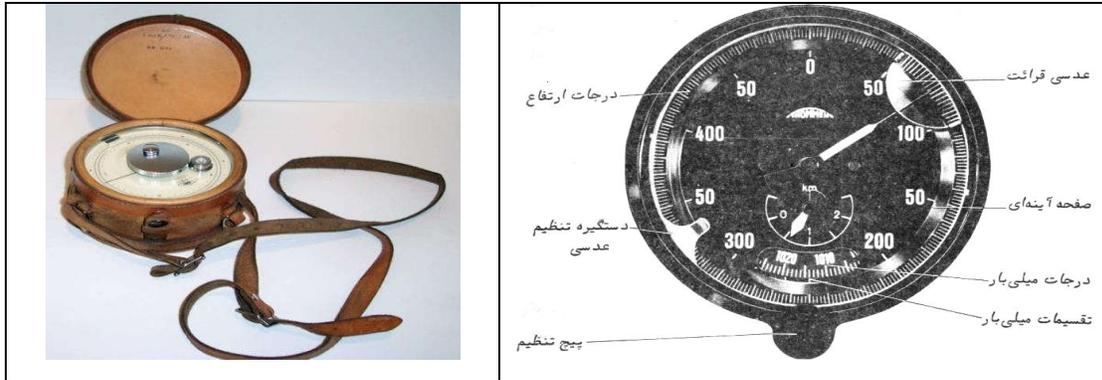
### □ ترازبایی بارومتریک یا فشار سنجی :

این نوع ترازبایی را آلتیمتری<sup>۱۶</sup> نیز میگویند. در مواقعی که سرعت عمل زیاد و دقت کم مورد نظر باشد از این روش استفاده می شود.

اساس این روش بر پایه پیدا کردن اختلاف ارتفاع دو نقطه مانند A و B از روی فشار هوا و درجه حرارت و میزان رطوبت موجود در دو

نقطه استوار است و در حالت معمولی از رابطه زیر استفاده میشود:

۱۳ - Levelling  
 ۱۴ - Nivellement  
 ۱۵ - Bench Mark:BM  
 ۱۶ - Altimetrie



$$H_2 - H_1 = \Delta h = C(1 + \alpha t) \cdot \text{Log} \frac{P_1}{P_2}$$

$$t = \frac{t_A + t_B}{2}$$

$$\alpha = \frac{1}{273}$$

یا

$$\Delta H = H_2 - H_1 = 18400.7 \frac{1 + \alpha t}{1 + 164 \left( \frac{F_1}{P_1} - \frac{F_2}{P_2} \right)} \left( 1 + 0.00264 \phi_m \right)$$

$$\times \left( 1 + \frac{3.1}{10^7} \times \frac{H_1 + H_2}{2} \right) \log \frac{P_1}{P_2}$$

$C$  ضریبی است که مقدار آن در سیستم متریک ۱۸۴۰۰ است.

$P_i$  فشار نقطه

$H_i$  ارتفاع نقطه

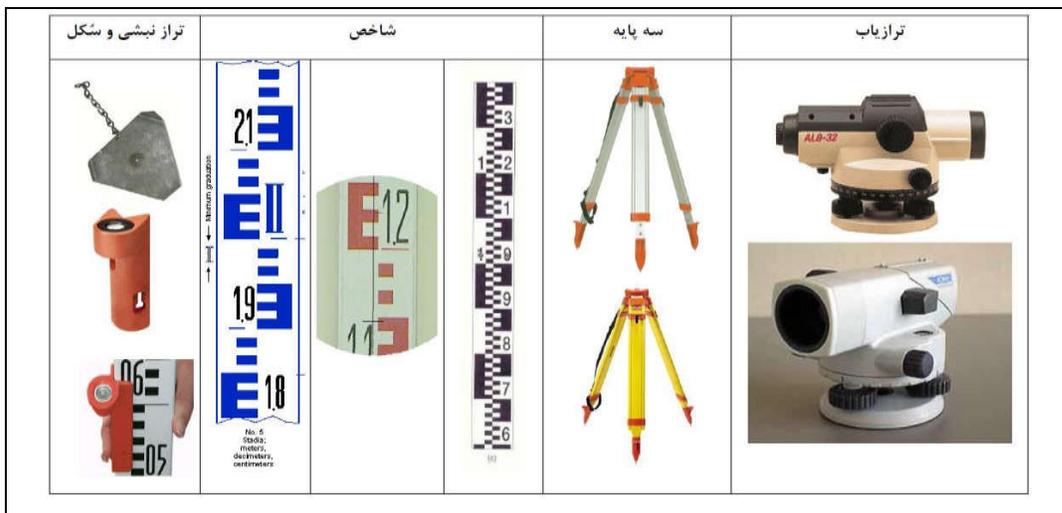
$t$  میانگین درجه حرارت دو نقطه (دما)

$\phi_m$ : عرض متوسط جغرافیایی دو نقطه ۱ و ۲

$F_1, F_2$ : فشار حاصل از بخار آب در نقطه ۱ و ۲

### انواع تراز یاب

از نمونه های تراز یابهای ساختمانی می توان از دستگاههای Ni۴ (زایس)، N۰ (ویلد) و C۴O (سوکیا) نام برد. در مورد تراز یابهای مهندسی N۱ و NA۲، Ni۲، C۳A قابل ذکرند. تراز یابهای N۳، Ni۱، PL۱ از نوع تراز یابهای دقیق هستند.

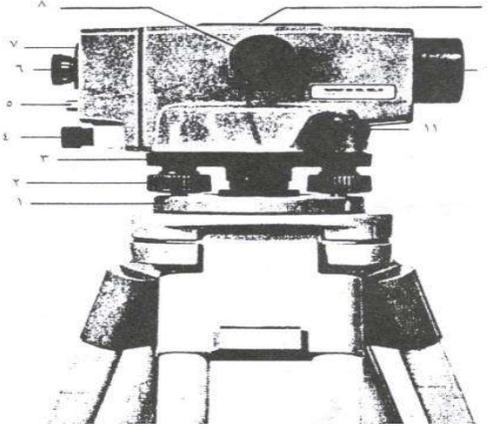


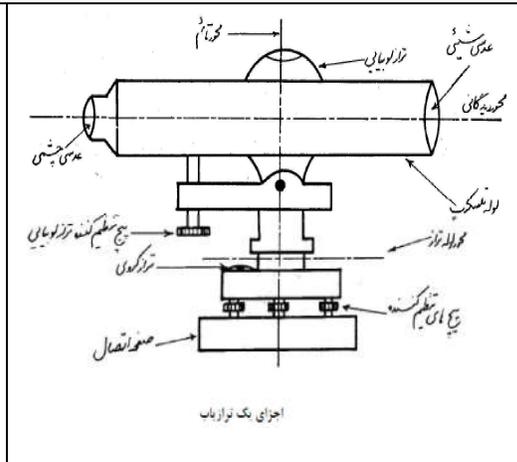
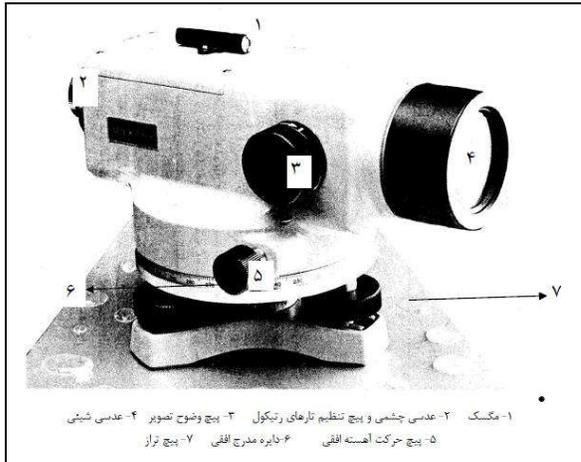
## ترازیاب (نیوو):

### کاربرد ترازیاب:

● اندازه‌گیری اختلاف ارتفاع در سطوح مسطح

● اندازه‌گیری فاصله در سطوح مسطح

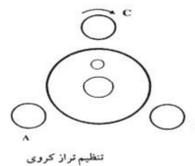
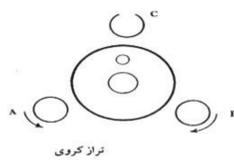
	۱. صفحه زیرپایه	۷. محافظ پیچ
	۲. پیچهای پایه	تنظیم.
	۳. دایره مدرج افقی	۸. پیچ تنظیم دید
	۴. چشمی برای قرائت زاویه	۹. مگسک
	۵. دکمه کنترل کمپنساتور	۱۰. شبئی دوربین
	۶. چشمی دوربینی	۱۱. پیچ جزئی سمتی.



### تراز کردن ترازیاب:

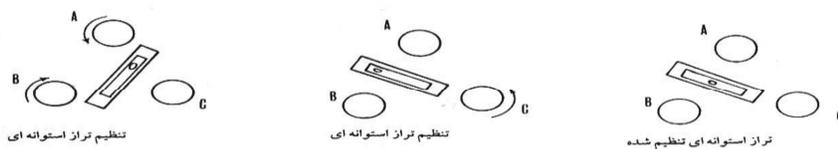
#### الف) دستگاههایی که تراز کروی دارند:

طریقه تراز کردن دستگاه روی شکل توضیح داده می‌شود.

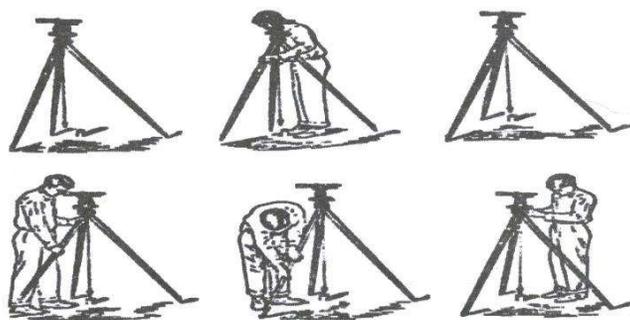


ب) دستگاههایی که تراز استوانه دارند :

طریقه تراز کردن دستگاه روی شکل توضیح داده می شود.



مراحل مستقر کردن تراز یاب :

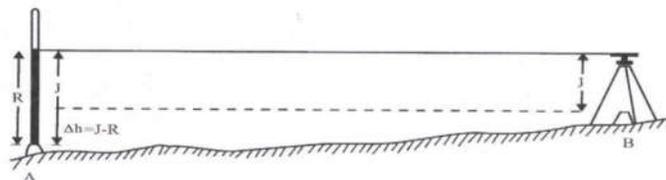


شکل ۱۶-۳ مستقر کردن دستگاه در ایستگاه

طرز اندازه گیری اختلاف ارتفاع با تراز یاب

● روش اول:

$$\Delta H = J - R$$

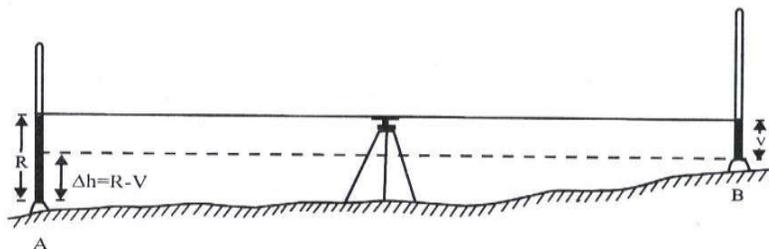


شکل ۱۷-۳ تراز یابی به روش اول

● روش دوم:

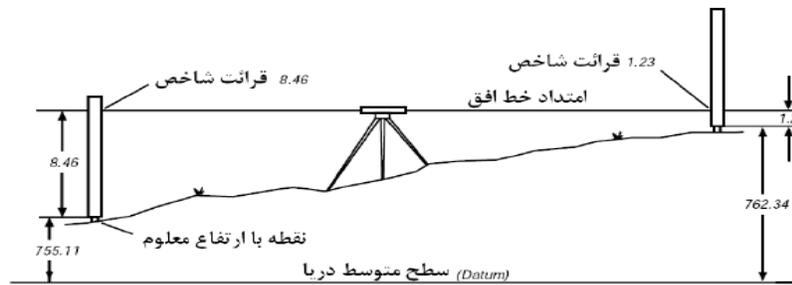
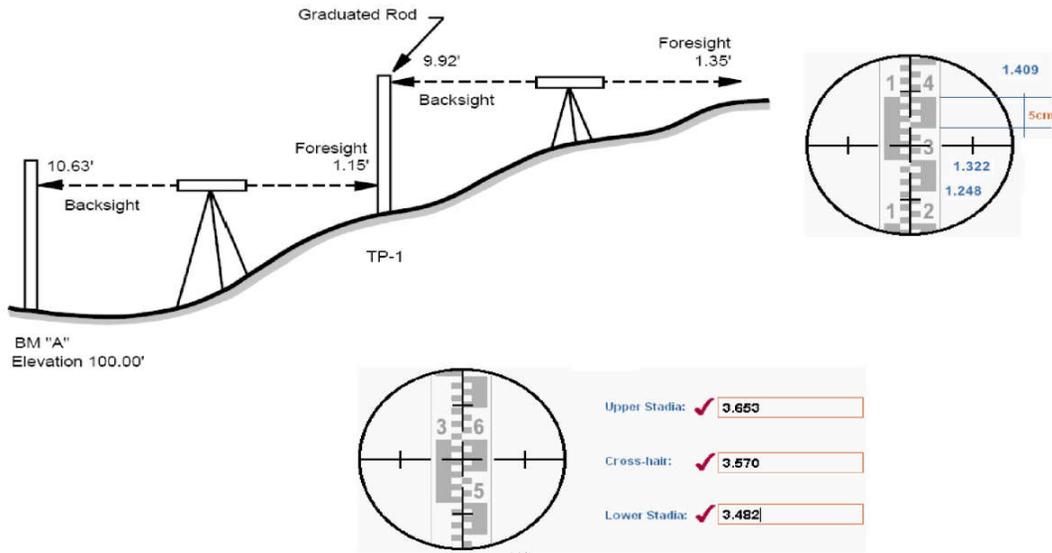
$$\Delta H = R - V$$

دید جلو - دید عقب = اختلاف ارتفاع



شکل ۱۸-۳ تراز یابی به روش دوم

## نحوه انجام تراز یابی و قرائت شاخص

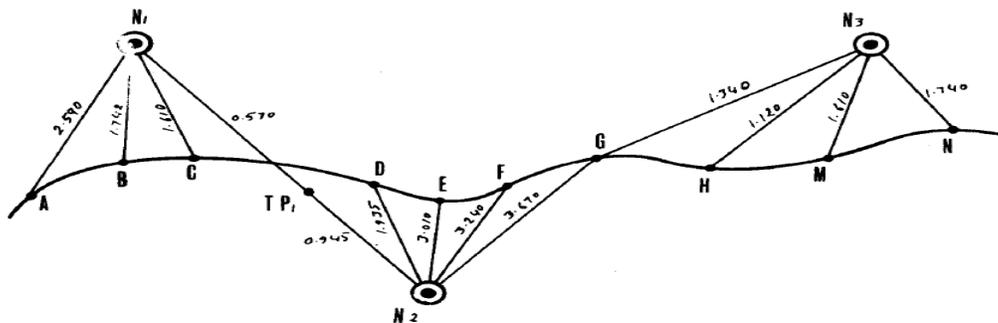


B. S. : قرائت عقب<sup>۱۷</sup> (برگشت) گویند که عبارت از درجه ای است که صفحه افقی دید شاخص عقب را قطع می کند.

F. S. : قرائت جلو<sup>۱۸</sup> (رفت) گویند که عبارت از درجه ای است که صفحه افقی دید شاخص جلو را قطع می کند.

I. S. : قرائت میانی<sup>۱۹</sup> گویند. تراز یابی معمولاً از نقطه ای که ارتفاعش معلوم است با قرائت عقب شروع می شود و اولین قرائت را

قرائت عقب و آخرین قرائت را قرائت جلو و بقیه قرائت های بین این دو را قرائت میانی گویند.



۱۷ - Back Sight : B.S

۱۸ - Front Sight : F.S

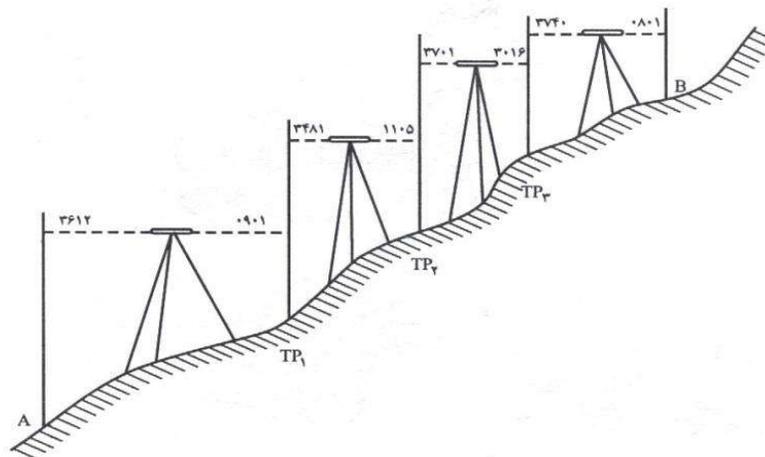
۱۹ - Intermediate Side: I.S.

نقطه استقرار دوربین	No.P	B.S. (mm)	I.S. (mm)	F.S. (mm)	Δh(m)		h(m)	Note
					±			
N <sub>1</sub>	A	2590					۱۰۰/۰۰۰	
	B		1742		+	-۰/۸۴۸	۱۰۰/۸۴۸	=100+2.590-1742
	C		1610		+	-۰/۹۸۰	۱۰۰/۹۸۰	=100+2.590-1.610
N <sub>2</sub>	N <sub>1</sub>	TP1	0945	0570	+	۲/۰۲۰	۱۰۲/۰۲۰	=100+2.590-0.570
N <sub>2</sub>	D		1935		-	-۰/۹۹۰	۱۰۱/۰۳۰	=102.020+0.945-1.935
	E		3010		-	۲/۰۶۵	۹۹/۹۵۵	=102.020+0.945-3.010
	F		3240		-	۲/۲۹۵	۹۹/۷۲۵	=102.020+0.945-3.240
N <sub>3</sub>	N <sub>2</sub>	G	1340	3670	-	۲/۷۲۵	۹۹/۳۹۵	=102.020+0.945-3.670
N <sub>3</sub>	H		1120		+	-۰/۲۲۰	۹۹/۵۱۵	=99.295+1.340-1.120
	M		1610		-	-۰/۲۷۰	۹۹/۰۲۵	=99.295+1.340-1.610
	N			1740	-	-۰/۴۰۰	۹۸/۸۹۵	=99.295+1.340-1.740

ترازیابی چندمرحله‌ای (تدریجی)

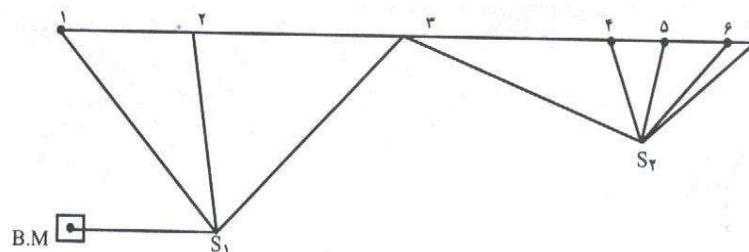
$$H_B - H_A = (BS + BS_1 + BS_2 + BS_3) - (FS_1 + FS_2 + FS_3 + FS) = \sum (BS) - \sum (FS)$$

مجموع قرائتهای جلو - مجموع قرائتهای عقب = اختلاف ارتفاع



شکل ۱۹-۳ ترازیابی چندمرحله‌ای

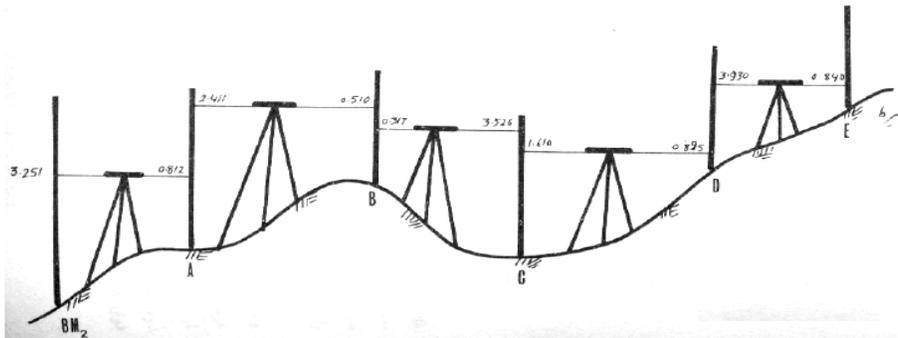
ترازیابی خطی:



شکل ۲۰-۳ ترازیابی خطی به منظور تعیین مسیر جاده‌ها، راه‌آهن، کانالهای آبرسانی و ..

جدول ۳-۴ ارتفاع نقاط ۱ تا ۷

ارتفاع H	اختلاف ارتفاع $\Delta H$		قرائت جلو F.S	قرائت وسط M.S	قرائت عقب B.S	نقطه
	-	+				
۱۰۰۰۰۰					۱۸۵۲	B.M
۹۹۸۲۵	۰۱۷۵			۲۰۲۷		۱
۹۸۹۵۶	۱۰۴۴			۲۸۹۶		۲
۱۰۱۸۱۷		۱۸۱۷	۰۰۳۵		۱۲۵۵	۳
۱۰۰۰۵۴	۱۷۶۳			۳۰۱۸		۴
۱۰۰۱۵۷	۱۶۶۰			۲۹۱۵		۵
۱۰۲۰۲۷		۰۲۱۰		۱۰۴۵		۶
۱۰۱۵۵۷	۰۲۶۰		۱۵۱۵			۷



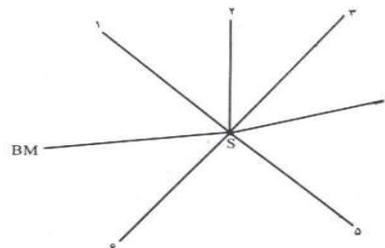
NO: P	B.S	F.S	$H_i$	h
BM <sub>2</sub>	3.251		183.061	179.810
A	2.411	0.812	184.660	182.249
B	0.317	0.510	184.467	184.150
C	1.610	3.526	182.551	180.941
D	3.930	0.895	185.586	181.656
E		0.840		184.746

$$\Sigma(B.S) - \Sigma(F.S) = h_E - h_{BM_2}$$

$$11.519 - 6.583 = 184.746 - 179.81 = +4.936 \quad \text{کنترل محاسبات :}$$

### ترازیابی شعاعی:

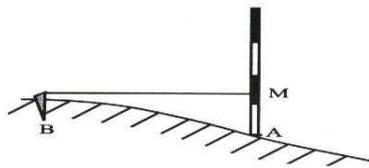
در بیشتر کارهای ترازیبی مانند شبکه بندی یا تهیه پروفیل طولی و عرضی از یک مسیر راه و یا کانال با یک مرتبه استقرار دوربین ممکن است. در این صورت قرائت اول قرائت عقب و آخرین قرائت جلو و قرائتهای دیگر قرائت وسط نامیده می‌شوند. به جدول ترازیبی نیز یک ستون اضافه می‌گردد.



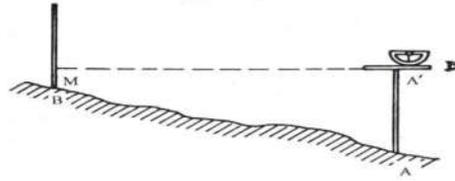
شکل ۳-۲۱ ترازیبی شعاعی به منظور تهیه پروفیل‌های طولی و عرضی

اندازه‌گیری اختلاف ارتفاع دو نقطه به کمک وسایل ساده

$$\Delta H = AA' - BM$$



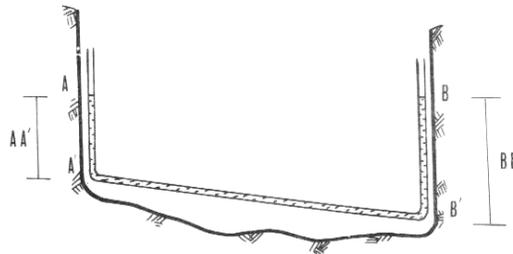
شکل ۲۲-۳ تعیین اختلاف ارتفاع دو نقطه با متر



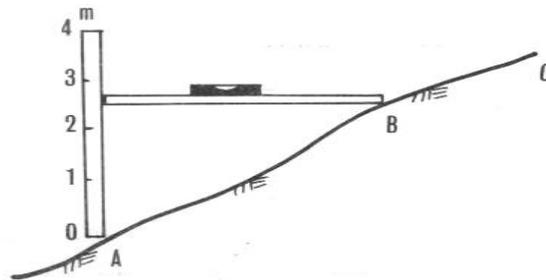
شکل ۲۳-۳ تعیین اختلاف ارتفاع دو نقطه شیب‌سنج

ترازیابی توسط شیلنگ پر از آب (شیلنگ تراز) : در این روش از قانون جریان یافتن آب در فضاهای متصل به هم استفاده

میشود.



تراز یابی با شمشه تراز : از این روش بیشتر در کارهای با دقت کم استفاده میشود.



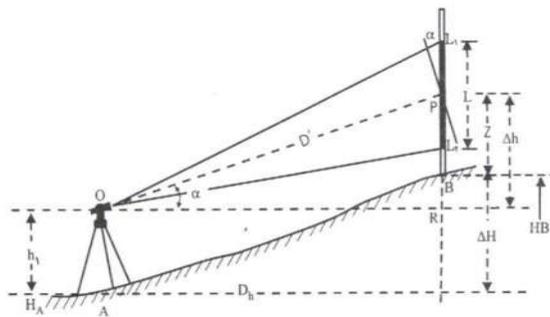
اندازه‌گیری اختلاف ارتفاع دو نقطه به کمک تئودولیت (ترازیابی مثلثاتی)

$$\Delta H = \frac{kl \cos^2 \alpha}{\cos \alpha} \cdot \sin \alpha + h_1 - z$$

$$\Delta H = kl \cos \alpha \cdot \sin \alpha + h_1 - z$$

$$\Delta H = kl \cos \alpha \cdot \sin \alpha$$

$$\Delta H = \frac{1}{2} kl \cdot \sin 2\alpha$$



شکل ۲۴-۳ تعیین اختلاف نقاط به کمک تئودولیت

## خطای مجاز در تراز یابی

### ● فرمول خطای مجاز در تراز یابی:

$$\varepsilon = \pm e\sqrt{l}$$

در این رابطه  $\varepsilon$  خطای مجاز تراز یابی بر حسب میلی متر،  $L$  طول تراز یابی بر حسب کیلومتر و  $e$  مقدار خطای مجاز در هر کیلومتر تراز یابی بر حسب میلی متر است.

چنانچه مقدار خطا از حد مجاز خطای تراز یابی تجاوز نکند باید آن را سرشکن یا تعدیل نمود. در غیر این صورت محاسبات دارای اشتباه تلقی شده و فاقد ارزش است و باید عملیات برداشت تراز یابی تکرار شود.

### ◎ خطای بست مجاز: مقدار خطای بست مجاز به نوع درجه بندی تراز یابی بستگی دارد و مقادیر پیشنهادی آن در مراجع

مختلف متغیر است:

#### □ کتاب دیانت خواه:

$4.2\sqrt{K} (mm)$	ترازیابی درجه یک
$8.4\sqrt{K} (mm)$	ترازیابی درجه دو
$12\sqrt{K} (mm)$	ترازیابی درجه سه
$15\sqrt{K} (mm)$	ترازیابی درجه چهار

#### □ کتاب شمس نوبخت:

$(2-3)\sqrt{K} (mm)$	ترازیابی درجه یک و دو
$12\sqrt{K} (mm)$	ترازیابی درجه سه
$25\sqrt{K} (mm)$	ترازیابی با دقت معمولی
$100\sqrt{K} (mm)$	ترازیابی با دقت تقریبی

در روابط فوق  $K$  مجموع طول تراز یابی بر حسب کیلومتر است.

### ◎ روش تصحیح خطا:

چنانچه خطای بست تراز یابی  $f$  از حد مجاز بیشتر نباشد آنرا به تعداد ایستگاه تقسیم می کنیم. در اینصورت سهم هر ایستگاه از بابت تصحیح معلوم میشود مقدار تصحیح را به یکی از دو روش زیر میتوان وارد کرد:

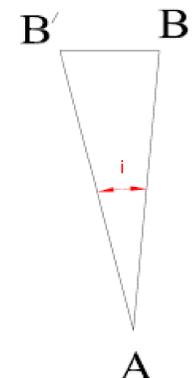
(۱) به هریک از  $\Delta H$  ها مقدار تصحیحی برابر وارد شود ( $N$  تعداد کل ایستگاههاست).

(۲) به ارتفاع کلیه نقاط به غیر نقاطی که ارتفاع آنها معلوم است، تصحیحی برابر وارد شود که در آن  $n$  شماره ایستگاه تراز یاب است.

**مثال :** دقت کار تراز یاب توسط سازنده آن ۰.۱۵ میلیمتر اعلام شده است در صورتیکه شعاع تراز ۲۵ متر باشد زاویه انحراف از افق (حساسیت) تراز چقدر خواهد بود؟

$$\varepsilon = \frac{d}{r} = \frac{0.15}{25000} = 6 \cdot 10^{-6} (rad) = 1.24''$$

**مثال :** در عملیات تراز یابی قرائت تار وسط شاخصی که به میزان یک درجه از حالت قائم منحرف شده برابر ۳۵۲۸ می باشد. میزان خطای قرائت را مشخص کنید؟

$\overline{AB'} = 3528$ $i = 1^\circ$ $dh = \overline{AB'} - \overline{AB}$ $\overline{AB} = \overline{AB'} * \cos(i)$ $dh = \overline{AB'} - \overline{AB'} * \cos(i) = \overline{AB'} * (1 - \cos(i))$ $dh = \overline{AB'} * (2 \sin^2(\frac{i}{2}))$ $dh = \overline{AB'} * (\frac{i^2}{2})$ $i = 1 * \frac{\pi}{180} = 0.017 rad$ $dh = 3528 * \frac{0.017^2}{2} = 0.51 mm$	
--	---

**مثال :**

P	B.S <sub>mm</sub>	F.S <sub>mm</sub>	H.I <sub>m</sub>	H <sub>m</sub> تصحیح نشده	C <sub>mm</sub>	hc <sub>m</sub> تصحیح شده
A	۱۲۳۲	-	۱۰۱.۲۳۲	۱۰۰.۰۰۰	۰	۱۰۰.۰۰۰
TP <sub>1</sub>	-۹۴۱	۲۵۳۱	۹۹.۶۴۲	۹۸.۷۰۱	-۴	۹۸.۶۹۷
TP <sub>2</sub>	۳۲۱۸	۳۸۱۲	۹۹.۰۴۸	۹۵.۸۳۰	-۸	۹۵.۸۲۲
B	۱۵۴۸	۱۰۶۵	۹۹.۵۳۱	۹۷.۹۸۳	-۱۲	۹۷.۹۷۱
TP <sub>3</sub>	۳۴۲۷	۲۴۱۸	۱۰۰.۵۴۰	۹۷.۱۱۳	-۱۶	۹۷.۰۹۷
TP <sub>4</sub>	۳۱۰۲	۱۲۸۵	۱۰۲.۳۵۷	۹۹.۲۵۵	-۲۰	۹۹.۲۳۵
TP <sub>5</sub>	۱۵۳۳	۱۷۴۲	۱۰۲.۱۴۸	۱۰۰.۶۱۵	-۲۴	۱۰۰.۵۹۱
A	-	۲۱۲۰	-	۱۰۰.۰۲۸	-۲۸	۱۰۰.۰۰۰

1)  $e_L = +28_m$

2)  $e_L = h'_A - h_A = 100.028 - 100_m = +28_{mm}$

$e_{max} = \pm k \sqrt{L} = \pm \sqrt{3_{km}} = 35_{mm}$

$e_L (e_{max} OK)$

$C = \frac{-e_L}{N} = \frac{-(+28)}{7} = -4_{mm}$

- تمرین :** عملیات ترازیبی در یک پیمایش بسته بشرح زیر انجام و اعداد داخل جدول در موقع عملیات مشاهده و قرائت شده اند در صورتیکه ارتفاع نقطه A برابر ۱۰۰ متر باشد مطلوبست
- جدول ترازیبی تنظیم ، ارتفاع نقاط تعیین و صحت محاسبات کنترل شود.
  - در صورتیکه خطای مجاز در این عملیات  $\pm 15\sqrt{K}$  میلیمتر باشد تحقیق کنید که آیا عملیات ترازیبی قابل قبول است یا خیر
  - ارتفاع اصلاح شده نقاط را پس از سرشکن کردن خطا بدست آورید.

شماره نقطه	طول	قرائت عقب	قرائت جلو
A		۲۲۱۰	---
۱	۲۴۰	۱۰۱۰	۱۴۵۶
۲	۲۵۶	۳۱۴۵	۱۸۹۵
۳	۱۸۱	۰۹۵۰	۲۷۴۲
۴	۲۴۵	۱۷۵۰	۱۸۱۱
۵	۲۴۳	۲۸۸۲	۲۰۰۵
۵	۱۸۵	---	۲۰۲۰
A		---	۲۰۲۰

**مثال :** در ترازیبی بین دو نقطه A و B قرائت عقب برابر ۰.۲۱۵ و قرائت جلو برابر ۲.۵۱۱ بدست آمده است چنانچه ارتفاع نقطه A برابر ۱۳۵۱.۳۲ باشد ارتفاع نقطه B را بدست آورید؟

$$\Delta H_{AB} = B.S - F.S = 0.215 - 2.511 = -2.296m = -2.296m$$

$$h_B = h_A + \Delta H = 1351.32 - 2.296 = 1349.024m$$

$$HI = h_A + B.S = 1351.32 + 0.215 = 1351.535m$$

$$h_B = HI - F.S = 1351.535 - 2.511 = 1349.024m$$

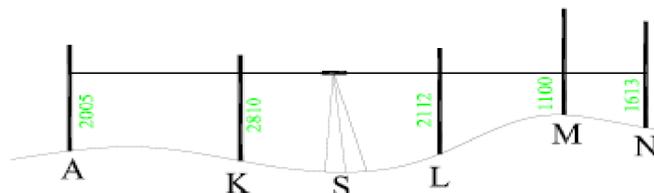
**مثال :** بین دو نقطه اصلی A و B از طریق نقاط کمکی C و D و E ترازیبی انجام شده است ؛ نتیجه قرائتها بشرح جدول زیر است . اگر ارتفاع نقطه A برابر ۱۰۰۰ متر باشد ارتفاع سایر نقاط را تعیین کنید؟

شماره ایستگاه	۱	۲	۳	۴
عقب	۲.۵۹۴	۱.۸۶۸	۳.۶۵۸	۰.۹۱۴
جلو	۱.۸۹۰	۳.۶۴۰	۲.۷۵۳	۱.۸۴۵

$$\Sigma \Delta H = H_B - H_A = \Sigma B.S - \Sigma F.S \Rightarrow \Delta H = 9.034 - 10.128 = -1.094 \Rightarrow H_B = 998.906$$

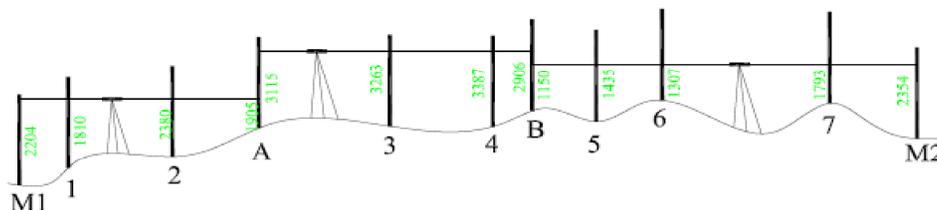
شماره نقطه	قرائت عقب	قرائت جلو	اختلاف ارتفاع		ارتفاع نقاط	توضیحات
			سربالایی	سرازیری		
A	۲.۰۹۴				۱۰۰۰.۰۰۰	
C	۱.۸۶۸	۱.۸۹۰			۱۰۰۰.۷۰۴	
D	۳.۶۵۸	۳.۶۴۰	۰.۷۰۴		۹۹۸.۹۳۲	
E	۰.۹۱۴	۲.۷۵۳	۰.۹۰۵	۱.۷۷۲	۹۹۹.۸۳۸	
B		۱.۸۴۵		۰.۹۳۱	۹۹۸.۹۰۶	
Σ	۹.۰۳۴	۱۰.۱۲۸				

**مثال:** از ایستگاه S به نقطه معلوم A و هر یک از نقاط مجهول K و L و M و N نشانه روی کردیم قرائتهای مربوط به هر یک از نقاط مزبور در شکل مشخص شده است. اگر ارتفاع نقطه A برابر ۱۷۵۰ متر باشد ارتفاع سایر نقاط را بدست آورید؟



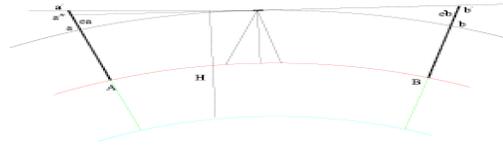
شماره نقطه	قرائت عقب	قرائت میانی	قرائت جلو	اختلاف ارتفاع	ارتفاع نقاط
A	۲۰۰۵			-۰.۸۰۵ +۰.۶۹۸ +۱.۰۱۲ -۰.۵۱۳	۱۷۵۰
K		۲۸۱۰			۱۷۴۹.۱۹۵
L		۲۱۱۲			۱۷۴۹.۸۹۳
M		۱۱۰۰			۱۷۵۰.۹۰۵
N			۱.۶۱۳		۱۷۵۰.۳۹۲
Σ	۲۰۰۵		۱.۶۱۳	+۰.۳۹۲	

**مثال:** ترازیبی مطابق شکل انجام شده است اگر ارتفاع نقطه M<sub>۱</sub> برابر ۱۷۴۹.۵۰ باشد ارتفاع سایر نقاط را محاسبه و محاسبات را کنترل نمایید؟



شماره نقطه	قرائت عقب	قرائت میانی	قرائت جلو	اختلاف ارتفاع	ارتفاع نقاط	
M <sub>۱</sub>	۲۲۰۴			-۰.۳۹۴ -۰.۵۷۰ -۰.۴۷۵ -۰.۱۴۸ -۰.۱۲۴ -۰.۴۸۱ -۰.۲۸۵ -۰.۱۲۸ -۰.۴۸۶ -۰.۵۶۱	۱۷۴۹.۵۰۰	
۱		۱۸۱۰			۱۷۴۹.۸۹۴	
۲		۲۳۸۰			۱۷۴۹.۳۲۴	
A	۳.۱۱۵		۱.۹۰۵		۱۷۴۹.۷۹۹	
۳		۳.۲۶۳			۱۷۴۹.۶۵۱	
۴		۳.۳۸۷			۱۷۴۹.۵۲۷	
B	۱.۱۵۰		۲.۹۰۶		۱۷۵۰.۰۰۸	
۵		۱.۴۳۵			۱۷۴۹.۷۲۳	
۶		۱.۳۰۷			۱۷۴۹.۸۵۱	
۷		۱.۷۹۳			۱۷۴۹.۳۶۵	
M <sub>۲</sub>			۲.۳۵۴		۱۷۴۸.۸۰۴	
Σ	۶.۴۶۹		۷.۱۶۵		-۰.۶۹۶	

خطای طبیعی:



- خطای کرویت : همانطوریکه در قسمت قبل گفته شد اختلاف ارتفاع بین دو نقطه فاصله بین دو سطح تراز است که بر هریک از این دو نقطه میگذرد. بنابراین برای تعیین اختلاف ارتفاع بین دو نقطه لازمست از یک سطح تراز مقایسه استفاده شود و اختلاف فاصله هریک از دو نقطه مفروض را ازین سطح مقایسه تعیین و به عنوان اختلاف ارتفاع معرفی میکنیم.

$(R + H)^2 + D_A^2 = ((R + H) + e_A)^2$ $c = e_A = \frac{D_A^2}{2(H + R)} \cong \frac{D_A^2}{2R}$	<p>(a) Curvature effect</p>
---	-----------------------------

- خطای انکسار: هنگامیکه شعاع نوری از میان طبقات مختلف جو عبور میکند به علت تغییرات چگالی زمین امتدادش مرتباً شکسته میشود و به این ترتیب محور دیدگانی به شکل منحنی در می آید و در نتیجه این تغییر شکل شیئی مورد مشاهده نسبت به موقعیت حقیقیش بالاتر به نظر میرسد.
- در شرایط جوی معمولی مقدار عددی تصحیح انکسار در حدود ۱/۷ تصحیح کرویت و در جهت مخالف آن است.

$e_R = \frac{D^2}{14R}$ $e = e_c - e_R = \frac{D^2}{2R} - \frac{D^2}{14R} = \frac{3D^2}{7R}$	<p>(b) Refraction effect</p>
--	------------------------------

اگر شعاع متوسط زمین را ۶۳۷۰ کیلومتر در نظر بگیریم:

$$e = \frac{3D^2}{7R} = \frac{3D^2}{7 * 6370} = 6.73 * 10^{-2} * D^2 (m)$$

در رابطه فوق D برحسب کیلومتر است.

مقدار تصحیح دوگانه انکسار و کرویت برابر خواهد بود با  $\frac{D^2(1-k)}{2R}$  که مقدار k را به طور معمول برابر با  $K = 0.14$  در نظر

می گیرند.

## فصل چهارم : روشهای مختلف برداشت

### هدف کلی :

- پیمایش
- مراحل کار
- محاسبات و خطاها
- آشنایی با مثلث بندی، درجات مختلف مثلث بندی
- معادلات شرط زاویه‌ای و ضلعی
- تهیه پلان به طرق مختلف

### هدفهای آموزشی

#### کلیات :

- انواع پیمایش
- مراحل مختلف کار در پیمایش
- چگونگی محاسبه خطای بست زاویه‌ای و کنترل پیمایش
- محاسبه خطای بست موضعی پیمایش
- چگونگی ایجاد شبکه‌های مثلث بندی در درجات مختلف
- شکل‌های مختلف مثلث بندی، اصول کار مثلث بندی
- وسایل اندازه گیری مورد نیاز در مثلث بندی
- چگونگی طبقه بندی مثلث بندی
- شکل زنجیره‌ای دابل
- شکل چهارضلعی با دو قطر
- معادلات شرط زاویه‌ای و ضلعی
- چگونگی تهیه پلان مسطحاتی با استفاده از یک یا چند خط هادی
- تهیه پلان با روش تجزیه به مثلث
- دستورالعمل تهیه پلان از منطقه به روش شعاعی
- دستورالعمل تهیه پلان به روش شعاعی

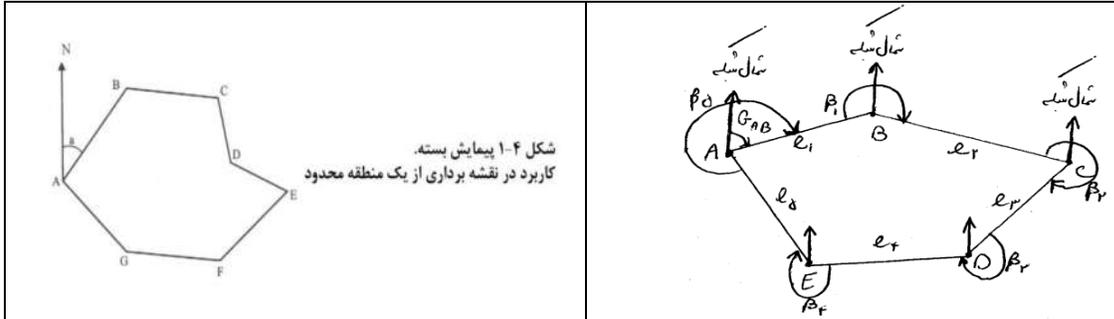
#### انواع پیمایش:

#### الف) پیمایش بسته یا پلیگون

پیمایشی است که از یک نقطه شروع و به همان نقطه ختم میشود. برای کنترل عملیات و تعیین میزان خطا در این پیمایش نیز دو روش وجود دارد:

۱- مجموع زوایای داخلی  $n$  ضلعی برابر است با  $(n - 2) \times 180^\circ$

۲- مختصات محاسباتی نقطه پایان برابر مختصات اولیه آن میباشد. و برای اطمینان از درستی محاسبات می توان استفاده کرد.

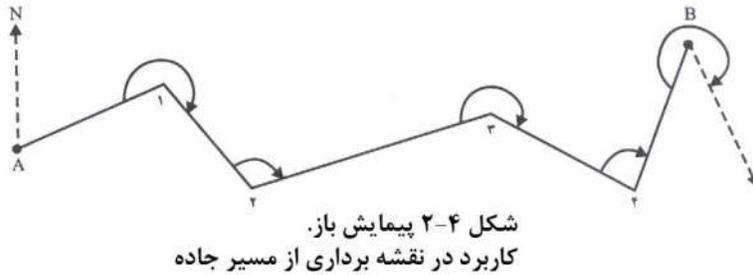


### ب) پیمایش باز

پیمایشی است که از یک نقطه شروع و به نقطه دیگر ختم می شود. و برای کنترل عملیات و تعیین میزان خطا در این پیمایش دو روش وجود دارد:

۱- مختصات نقطه شروع و نقطه پایان معلوم باشد.

۲- مختصات نقطه شروع، ژیزمان امتداد شروع و ژیزمان امتداد پایان معلوم باشد.



### ملاحظات کلی پیمایش

#### کلیات:

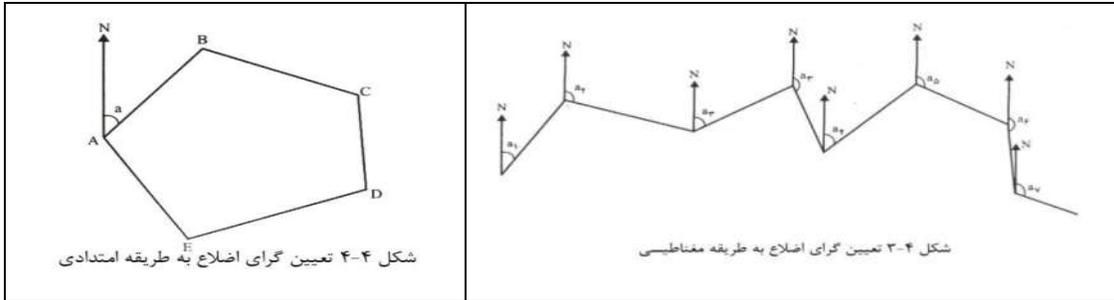
الف) در این روش برداشت، هر رأس با مختصاتش به رأس و ضلع قبلی مربوط می شود.

ب) طول اضلاع معمولاً نزدیک به هم و مقدار زوایا بزرگ اختیار می شود.

ج) خطای کلی محاسبه شده بین زوایا و اضلاع متوالی توزیع می گردد.

د) تعیین گرای اضلاع به روش مغناطیسی و امتدادی انجام می شود.

هـ) محاسبه، کنترل عملیات، مختصات و تصحیح آنها



پیمایش :

■ مراحل مختلف کار پیمایش :

الف) شناسایی و مشخص کردن رئوس پیمایش در روی زمین

ب) اندازه‌گیری اضلاع پیمایش

ج) اندازه‌گیری زوایای پیمایش

■ محاسبه مختصات نقاط در پیمایش:

اگر  $x_1$  و  $y_1$  مختصات نقطه معلوم A و  $x_2$  و  $y_2$  مختصات نقطه مجهول B و  $AB=L$  طول ضلع در شکل ۴-۵ باشند در نتیجه داریم:

$x_2 = x_1 + \Delta x \quad , \quad y_2 = y_1 + \Delta y_0$ $\Delta x = L_1 \sin \alpha_1$ $\Delta y = L_1 \cos \alpha_1$ $y_2 = y_1 + l \cos \alpha_1$ $x_2 = x_1 + L_1 \sin \alpha_1$	<p>شکل ۴-۵ محاسبه مختصات نقاط در پیمایش</p> <p>اگر <math>\alpha_2</math> گرای ضلع دوم (BC) باشد و <math>\hat{ABC} = \gamma</math> ، داریم :</p> $\alpha_2 = \alpha_1 + 180^\circ (\text{یا } 200^\circ) - \gamma_0$
---	---

محاسبه طول ضلع AB و گرای آن در شکل ۶-۴

$l_1 = \sqrt{x^2 + y^2}$ $x = x_B - x_A$ $y = y_B - y_A$ $tg \alpha_1 = \frac{x}{y} = \frac{x_B - x_A}{y_B - y_A}$	<p>شکل ۶-۴ محاسبه زاویه/برای تعیین مختصات نقطه C</p>
--	--

## ■ محاسبه خطای بست زاویه‌ای و کنترل پیمایش:

الف) در پیمایش باز

$F\alpha = 2.5e\sqrt{n-1}$	خطای بست مجاز
n تعداد اضلاع پیمایش و e خطای متوسط هندسی دستگاهی	

ب) در پیمایش بسته

$F\alpha = 2.5e\sqrt{n}$	حد مجاز
--------------------------	---------

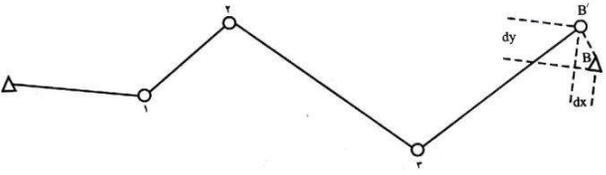
مجموع زوایای داخلی و خارجی یک پلی‌گون:  $(2n \pm 4) \times 90$

مجموع زوایای داخلی n ضلعی  $= (n - 2) \times 180^\circ = (2n - 4) \times 90^\circ$

مجموع زوایای خارجی n ضلعی  $= n \times 360^\circ - ((n - 2) \times 180^\circ) = (n + 2) \times 180^\circ = (2n + 4) \times 90^\circ$

n: تعداد اضلاع پلی‌گون

## ■ محاسبه خطای بست موضعی (طولی) پیمایش:

$BB' = \sqrt{dx^2 + dy^2}$ خطای بست موضعی	 <p>شکل ۷-۴ خطای نقطه انتهایی پیمایش</p>
$f = 2.5 Id\alpha \sqrt{\frac{n}{3}}$ حد مجاز خطا	

## ■ سرشکن کردن خطای بست موضعی

الف) سرشکن کردن ساده

ب) سرشکن کردن متناسب

مثلث‌بندی:

## ■ کلیات:

برای اهداف مختلف علمی و تحقیقاتی و تهیه نقشه‌های مبنایی و مطالعاتی، شبکه مثلث‌بندی‌هایی با توجه به خصوصیات

منطقه از طریق ژئودزی تهیه می‌گردد.

## ایجاد شبکه‌های مثلث‌بندی در درجات مختلف:

اگر مساحت زمین مورد بررسی در حدود ۵۰۰ تا ۱۰۰ هکتار باشد طبق قواعد ژئودزی (حذف کرویت زمین)، به روش مثلث‌بندی،

شبکه‌ای از نقاط کنترل ایجاد می‌کنند. بنام نقاط اولیه، سطح زمین با شبکه‌ای از مثلث‌های بزرگ متصل به رئوس I و II و III

و ... در تهیه نقشه یک کشور و یا یک منطقه به وجود آوردن یک سری نقاط تکیه گاه که آنها را نقاط ژئودزی می‌گویند،

ضروری است. یعنی تعیین مختصات آنها توسط عملیات ژئودزی و نجوم و اندازه‌گیری‌های دقیق انجام می‌گیرد.

## مراحل ایجاد شبکه ژئودزی:

۱- تعیین شبکه ژئودزی درجه I :

۱-۱- انتخاب و تثبیت عده ای نقاط در جاهای مرتفع به فاصله ۳۰ تا ۵۰ کیلومتر به طوری که این نقاط نسبت به هم دید داشته باشند.

۱-۲- سپس مختصات جغرافیایی (طول و عرض جغرافیایی) و جهت شمال جغرافیایی یکی از این نقاط را به عنوان مبنا یا شروع کار تعیین می کنند.

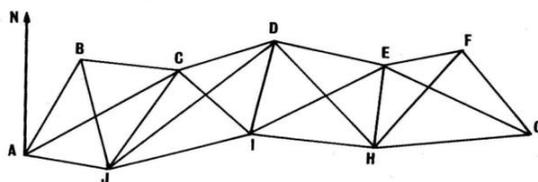
۱-۳- در ادامه آزمون یکی از امتدادها را به دقت اندازه گیری می کنند. می شود.

۱-۴- تمام زوایای تشکیل شده بین امتدادها را با دقت ۱ تا ۲ ثانیه صد قسمتی (ثانیه گرادی) تعیین می کنند.

۱-۵- طول افقی امتدادی مانند AB که آن را طول BASE یا طول مبنا می نامند را با دقت بسیار بالا تعیین می کنند.

۱-۶- به کمک طول مبنا و زوایای اندازه گیری شده بعد از تصحیح های لازم، سایر طول ها را از روابط مثلثاتی تعیین می کنند.

۱-۷- این نقاط مرتفع را با توجه به اندازه گیری ها، روی سطح بیضوی مقایسه انتخابی تصویر نموده و با حل مثلثات کروی مختصات سایر نقاط حساب می شود.



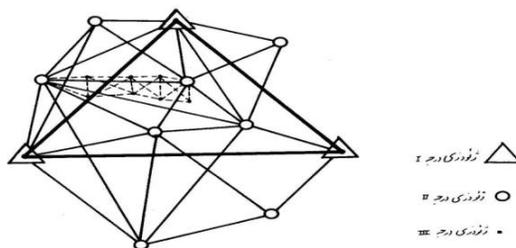
شکل ۴-۸

۲- بعد از تشکیل شبکه ژئودزی درجه یک شبکه ای دیگر با نقاطی به فواصل ۱۵ تا ۲۰ کیلومتر در داخل شبکه اصلی ایجاد و زوایای آن را با دقت ۳ تا ۵ ثانیه صد قسمتی قرائت می کنند. این مرحله تشکیل شبکه ژئودزی درجه II می باشد.

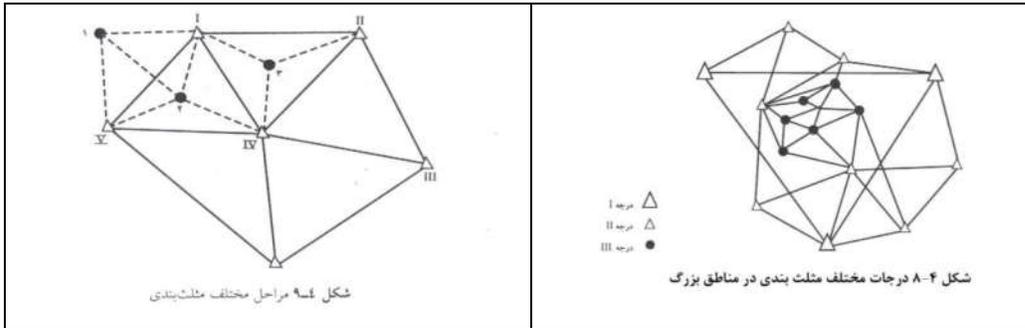
۳- پس از نقاط درجه II ژئودزی، نقاط شبکه درجه III ژئودزی را به فاصله ۸ تا ۱۵ کیلومتر با دقت زاویه ای ۵ تا ۱۰ ثانیه

گرادی در داخل شبکه ژئودزی درجه II ایجاد می کنی. سپس ژئودزی درجه چهار با طول های کمتر از ۸ کیلومتر و دقت

زاویه ای ۱۰ تا ۱۵ ثانیه گرادی انجام می گیرد و پس از آن عملیات نقشه برداری شروع می شود.



شکل ۴-۹- شبکه ژئودزی درجه I و II و III

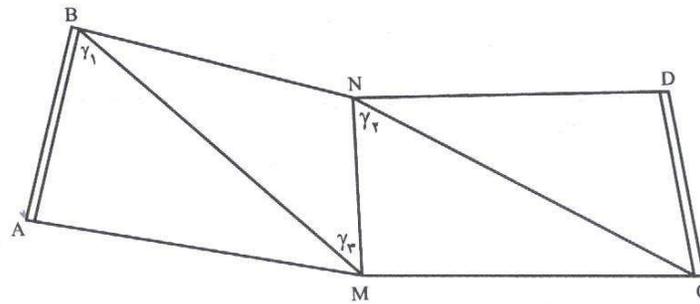


### شکلهای مختلف مثلث بندی:

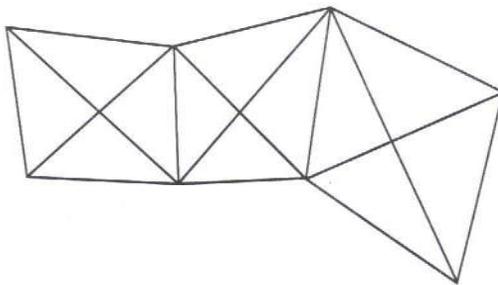
● شبکه مثلث بندی زنجیری ساده (و یا دوبل)

● چهارضلعی با دو قطر

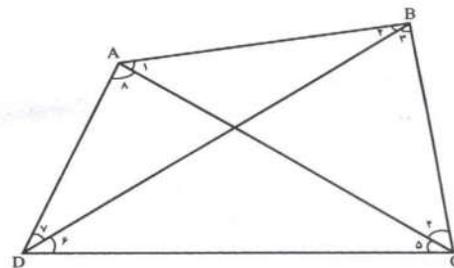
● چندضلعی با نقطه داخلی



شکل ۴-۱۰ مثلث بندی زنجیری ساده



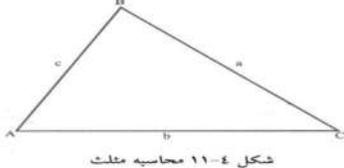
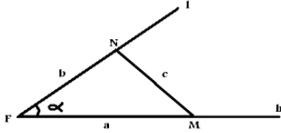
شکل ۴-۱۴ مثلث بندی زنجیری دوگانه



شکل ۴-۱۵ مثلث بندی چهارضلعی با دو قطر

### اصول کار مثلث بندی:

● به علت روابط ساده ای که در مورد مثلث وجود دارد، در مثلث بندی از آن استفاده می شود.

$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$	 <p>شکل ۴-۱۱ محاسبه مثلث</p>
$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos \alpha$	

### علت استقبال از روش مثلث‌بندی یا Triangulation در نقشه‌برداری

- اندازه‌گیری زاویه آسان‌تر از اندازه‌گیری فاصله
- دقت اندازه‌گیری زاویه زیادتر از اندازه‌گیری فاصله

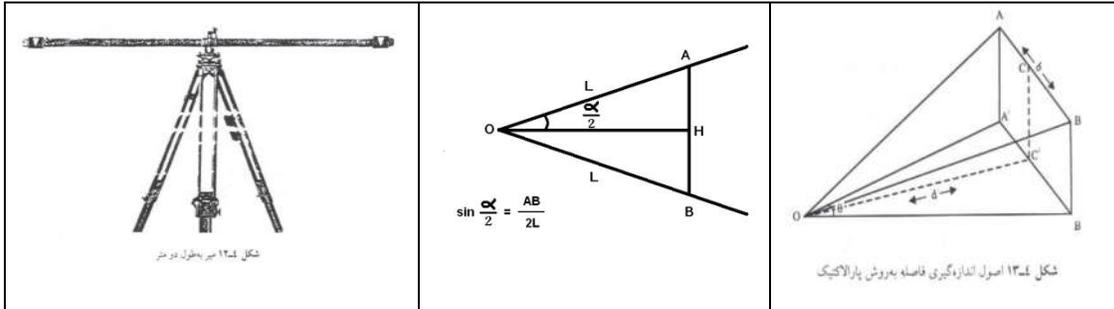
### موارد ضروری در مثلث‌بندی

- الف) طول پایه در زمین صاف و مسطح انتخاب شود
- ب) رؤوس مثلثها نسبت به هم دید داشته و زوایا بدون وجود موانع باشند
- ج) هر یک از زوایای مثلث در حدود ۶۰ درجه و بزرگتر ۱۴۰ درجه نباشد
- د) مجموع سه زاویه مثلث ۱۸۰ درجه باشد
- هـ) طول متوسط هر ضلع از سه برابر طول پایه بیشتر نباشد
- و) رؤوس مثلثها بادوام ساخته شوند.

### وسایل اندازه‌گیری مورد نیاز در مثلث بندی:

- دستگاههای زاویه یاب (نیوو)
- وسایل اندازه‌گیری طول پایه:
- ✓ مترهای دقیق به نام متر انوار
- ✓ وسایل اندازه‌گیری طول به روش پارالاکتیک
- ✓ فاصله یا بهای الکترونیکی، ژئودیمتر و تله‌رومتر
- اندازه‌گیریهای در مثلث‌بندی شامل:
- الف) اندازه‌گیری یک یا دو طول پایه
- ب) تعیین گرای طول یا طولهای پایه
- ج) اندازه‌گیری زوایا

## اندازه‌گیری طول پایه به روش پارالاکتیک

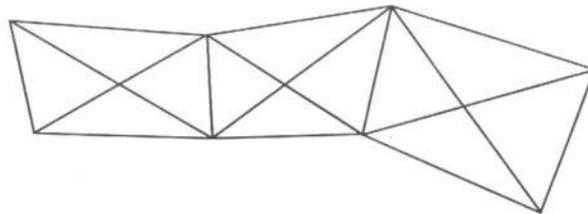


$$b = 2m \Rightarrow d = \cot g \frac{\theta}{2}$$

### رده‌بندی مثلث‌بندی :

بسته به کم و زیاد بودن وسعت مثلث‌ها ، مثلث‌بندی به درجاتی تقسیم می‌شود:

- درجه یک: طول اضلاع ۳۰ تا ۶۰ کیلومتر
- درجه دو: طول اضلاع ۱۵ تا ۲۰ کیلومتر
- درجه سه: ۳ تا ۵ کیلومتر
- درجه چهار: ۱ کیلومتر



شکل ۱۴-۴ مثلث‌بندی زنجیری دوگانه

کاربرد مثلث بندی زنجیری ساده برای مناطق کم وسعت ولی زنجیری دوبل برای مناطق وسیع:

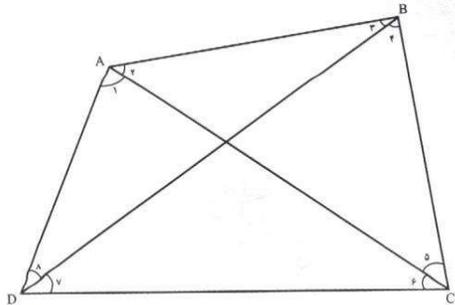
### الف) معادلات شرط زاویه‌ای:

- مجموع زوایای داخلی هر مثلث ۱۸۰ درجه
- مجموع زوایای داخلی چهارضلعی ۳۶۰ درجه

$1 + 2 + 7 + 8 = 180^\circ$ $1 + 2 + 3 + 4 = 180^\circ$ $5 + 6 + 7 + 8 = 180$ $3 + 4 + 5 + 6 = 180$ $1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + 8 = 360^\circ$ $1 + 2 = 5 + 6$ $3 + 4 = 7 + 8$	<p>شکل ۱۵-۴ مثلث‌بندی چهارضلعی با دو قطر</p>
---	--

■ کاربرد مثلث بندی زنجیری ساده برای مناطق کم وسعت ولی زنجیری دوبل برای مناطق وسیع:

(ب) معادله شرطی ضلعی:

$\begin{aligned} \triangle ABD &\rightarrow \frac{AB}{\sin \hat{8}} = \frac{AD}{\sin \hat{3}} & \triangle ACB &\rightarrow \frac{BC}{\sin \hat{2}} = \frac{AB}{\sin \hat{5}} \\ \triangle BCD &\rightarrow \frac{DC}{\sin \hat{4}} = \frac{BC}{\sin \hat{7}} & \triangle ADC &\rightarrow \frac{AD}{\sin \hat{6}} = \frac{DC}{\sin \hat{1}} \end{aligned}$	 <p>شکل ۱۶-۴ بیان رابطه شرط ضلعی</p>
--	--

از ضرب طرفین روابط

$$\sin \hat{1} \sin \hat{3} \sin \hat{5} \sin \hat{7} = \sin \hat{2} \sin \hat{4} \sin \hat{6} \sin \hat{8}$$

از دو طرف این رابطه لگاریتم بگیریم

$$\sum \log \sin (\text{زوایای فرد}) = \sum \log \sin (\text{زوایای زوج})$$

مثلث بندی چندضلعی با نقطه داخلی

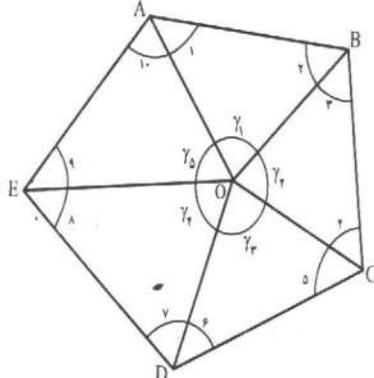
■ کاربرد:

در مناطقی به کار می رود که سطح عملیات وسیع و کم عارضه باشد. این نوع مثلث بندی:

● از نظر دقت رضایت بخش

● پیشرفت کار در این روش کند است.

(الف) معادلات شرطی زاویه ای

<p>باتوجه به شکل ۱۷-۴ داریم:</p> $\begin{aligned} 1+2+\gamma_1 &= 180^\circ \\ 3+4+\gamma_2 &= 180^\circ \\ 5+6+\gamma_3 &= 180^\circ \\ 7+8+\gamma_4 &= 180^\circ \\ 9+10+\gamma_5 &= 180^\circ \\ \gamma_1+\gamma_2+\gamma_3+\gamma_4+\gamma_5 &= 360^\circ \end{aligned}$	 <p>شکل ۱۷-۴ مثلث بندی چندضلعی با نقطه داخلی</p>
--	--

ب) معادلات شرطی ضلعی

با استفاده از رابطه سینوسها می توان روابط زیر را نوشت:

$$\begin{aligned} \triangle OAB &\rightarrow \frac{OA}{\sin \hat{2}} = \frac{OB}{\sin \hat{1}} & \triangle OBC &\rightarrow \frac{OB}{\sin \hat{4}} = \frac{OC}{\sin \hat{3}} \\ \triangle OCD &\rightarrow \frac{OC}{\sin \hat{6}} = \frac{OD}{\sin \hat{5}} & \triangle ODE &\rightarrow \frac{OD}{\sin \hat{8}} = \frac{OE}{\sin \hat{7}} \\ \triangle OEA &\rightarrow \frac{OE}{\sin \hat{10}} = \frac{OA}{\sin \hat{9}} \end{aligned}$$

$$\sin 1 \sin 3 \sin 5 \sin 7 \sin 9 = \sin 2 \sin 4 \sin 6 \sin 8$$

اگر از دوطرف این رابطه لگاریتم بگیریم خواهیم داشت:

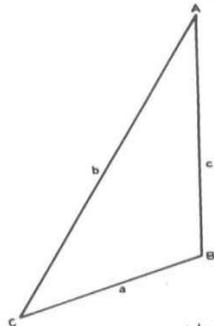
$$\sum \log \sin (\text{زوایای فرد}) = \sum \log \sin (\text{زوایای زوج})$$

استفاده از جداول جهت تعیین سینوس و کسینوس زوایا

/	25°		26°		27°		28°		29°		/
	Sine	Cosine									
0	.42262	.90631	.43837	.89879	.45399	.89101	.46947	.88295	.48481	.87462	60
1	.42288	.90618	.43863	.89867	.45425	.89087	.46973	.88281	.48506	.87448	59
2	.42315	.90606	.43889	.89854	.45451	.89074	.46999	.88267	.48532	.87434	58
3	.42341	.90594	.43916	.89841	.45477	.89061	.47024	.88254	.48557	.87420	57
4	.42367	.90582	.43942	.89828	.45503	.89048	.47050	.88240	.48583	.87406	56
5	.42394	.90569	.43968	.89816	.45529	.89035	.47076	.88226	.48608	.87391	55
6	.42420	.90557	.43994	.89803	.45554	.89021	.47101	.88213	.48634	.87377	54
7	.42446	.90545	.44020	.89790	.45580	.89008	.47127	.88199	.48659	.87363	53
8	.42473	.90532	.44046	.89777	.45606	.88995	.47153	.88185	.48684	.87349	52
9	.42499	.90520	.44072	.89764	.45632	.88981	.47178	.88172	.48710	.87335	51
10	.42525	.90507	.44098	.89752	.45658	.88968	.47204	.88158	.48735	.87321	50
11	.42552	.90495	.44124	.89739	.45684	.88955	.47229	.88144	.48761	.87306	49
12	.42578	.90483	.44151	.89726	.45710	.88942	.47255	.88130	.48786	.87292	48
13	.42604	.90470	.44177	.89713	.45736	.88928	.47281	.88117	.48811	.87278	47
14	.42631	.90458	.44203	.89700	.45762	.88915	.47306	.88103	.48837	.87264	46
15	.42657	.90446	.44229	.89687	.45787	.88902	.47332	.88089	.48862	.87250	45
16	.42683	.90433	.44255	.89674	.45813	.88888	.47358	.88075	.48888	.87235	44
17	.42709	.90421	.44281	.89662	.45839	.88875	.47383	.88062	.48913	.87221	43
18	.42736	.90408	.44307	.89649	.45865	.88862	.47409	.88048	.48938	.87207	42
19	.42762	.90396	.44333	.89636	.45891	.88848	.47434	.88034	.48964	.87193	41
20	.42788	.90383	.44359	.89623	.45917	.88835	.47460	.88020	.48989	.87178	40
21	.42815	.90371	.44385	.89610	.45942	.88822	.47486	.88006	.49014	.87164	39
22	.42841	.90358	.44411	.89597	.45968	.88808	.47511	.87993	.49040	.87150	38
23	.42867	.90346	.44437	.89584	.45994	.88795	.47537	.87979	.49065	.87136	37
24	.42894	.90334	.44464	.89571	.46020	.88782	.47562	.87965	.49090	.87121	36
25	.42920	.90321	.44490	.89558	.46046	.88768	.47588	.87951	.49116	.87107	35
26	.42946	.90309	.44516	.89545	.46072	.88755	.47614	.87937	.49141	.87093	34
27	.42972	.90296	.44542	.89532	.46097	.88741	.47639	.87923	.49166	.87079	33
28	.42999	.90284	.44568	.89519	.46123	.88728	.47665	.87909	.49192	.87064	32
29	.43025	.90271	.44594	.89506	.46149	.88715	.47690	.87896	.49217	.87050	31
30	.43051	.90259	.44620	.89493	.46175	.88701	.47716	.87882	.49242	.87036	30
31	.43077	.90246	.44646	.89480	.46201	.88688	.47741	.87868	.49268	.87021	29
32	.43104	.90233	.44672	.89467	.46226	.88674	.47767	.87854	.49293	.87007	28
33	.43130	.90221	.44698	.89454	.46252	.88661	.47793	.87840	.49318	.86993	27
34	.43156	.90208	.44724	.89441	.46278	.88647	.47818	.87826	.49344	.86978	26
35	.43182	.90196	.44750	.89428	.46304	.88634	.47844	.87812	.49369	.86964	25
36	.43209	.90183	.44776	.89415	.46330	.88620	.47869	.87798	.49394	.86949	24
37	.43235	.90171	.44802	.89402	.46355	.88607	.47895	.87784	.49419	.86935	23
38	.43261	.90158	.44828	.89389	.46381	.88593	.47920	.87770	.49445	.86921	22
39	.43287	.90146	.44854	.89376	.46407	.88580	.47946	.87756	.49470	.86906	21
40	.43313	.90133	.44880	.89363	.46433	.88566	.47971	.87743	.49495	.86892	20
41	.43340	.90120	.44906	.89350	.46458	.88553	.47997	.87729	.49521	.86878	19
42	.43366	.90108	.44932	.89337	.46484	.88539	.48022	.87715	.49546	.86863	18
43	.43392	.90095	.44958	.89324	.46510	.88526	.48048	.87701	.49571	.86849	17
44	.43418	.90083	.44984	.89311	.46536	.88512	.48073	.87687	.49596	.86834	16
45	.43445	.90070	.45010	.89298	.46561	.88499	.48099	.87673	.49622	.86820	15
46	.43471	.90057	.45036	.89285	.46587	.88485	.48124	.87659	.49647	.86805	14
47	.43497	.90045	.45062	.89272	.46613	.88472	.48150	.87645	.49672	.86791	13
48	.43523	.90032	.45088	.89259	.46639	.88458	.48175	.87631	.49697	.86777	12
49	.43549	.90019	.45114	.89245	.46664	.88445	.48201	.87617	.49723	.86762	11
50	.43575	.90007	.45140	.89232	.46690	.88431	.48226	.87603	.49748	.86748	10
51	.43602	.89994	.45166	.89219	.46716	.88417	.48252	.87589	.49773	.86733	9
52	.43628	.89982	.45192	.89206	.46742	.88404	.48277	.87575	.49798	.86719	8
53	.43654	.89968	.45218	.89193	.46767	.88390	.48303	.87561	.49824	.86704	7
54	.43680	.89956	.45244	.89180	.46793	.88377	.48328	.87546	.49849	.86690	6
55	.43706	.89943	.45269	.89167	.46819	.88363	.48354	.87532	.49874	.86675	5
56	.43732	.89930	.45295	.89153	.46844	.88349	.48379	.87518	.49899	.86661	4
57	.43759	.89918	.45321	.89140	.46870	.88336	.48405	.87504	.49924	.86646	3
58	.43785	.89905	.45347	.89127	.46896	.88322	.48430	.87490	.49950	.86632	2
59	.43811	.89893	.45373	.89114	.46921	.88308	.48456	.87476	.49975	.86617	1
60	.43837	.89879	.45399	.89101	.46947	.88295	.48481	.87462	.50000	.86603	0
/	Cosine	Sine	/								
	64°		63°		62°		61°		60°		

## یادآوری مفاهیم و روابط مثلثاتی:

رابطه کسینوسها:



رابطه کسینوسها:

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos A$$

$$b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cdot \cos B$$

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cdot \cos C$$

رابطه سینوسها:

$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$$

اثبات

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1 \rightarrow \left(\frac{a}{b}\right)^2 + \left(\frac{c}{b}\right)^2 = 1$$

رابطه فیثاغورث

$$= \frac{a^2}{b^2} + \frac{c^2}{b^2} = \frac{a^2 + c^2}{b^2} = \frac{b^2}{b^2} = 1$$

نسبت‌های مثلثاتی زوایای مرکب:

$$\sin(a+b) = \sin a \cdot \cos b + \cos a \cdot \sin b$$

$$\sin(a-b) = \sin a \cdot \cos b - \cos a \cdot \sin b$$

$$\cos(a+b) = \cos a \cdot \cos b - \sin a \cdot \sin b$$

$$\cos(a-b) = \cos a \cdot \cos b + \sin a \cdot \sin b$$

$$\operatorname{tg}(a+b) = \frac{\operatorname{tga} + \operatorname{tgb}}{1 - \operatorname{tga} \cdot \operatorname{tgb}}$$

$$\operatorname{tg}(a-b) = \frac{\operatorname{tga} - \operatorname{tgb}}{1 + \operatorname{tga} \cdot \operatorname{tgb}}$$

$$\operatorname{cotg}(a+b) = \frac{\operatorname{cotga} \cdot \operatorname{cotgb} - 1}{\operatorname{cotga} + \operatorname{cotgb}}$$

$$\operatorname{cotg}(a-b) = \frac{\operatorname{cotga} \cdot \operatorname{cotgb} + 1}{\operatorname{cotga} - \operatorname{cotgb}}$$

$$\sin 2a = 2 \sin a \cdot \cos a = \frac{2 \operatorname{tga}}{1 + \operatorname{tga}^2}$$

$$\cos 2a = \cos^2 a - \sin^2 a = \frac{1 - \operatorname{tga}^2}{1 + \operatorname{tga}^2}$$

$$\operatorname{tg} 2a = \frac{2 \operatorname{tga}}{1 - \operatorname{tga}^2} \quad \operatorname{cotg} 2a = \frac{\operatorname{cotg}^2 a - 1}{2 \operatorname{cotg} a}$$

$$\sin 3a = 3 \sin a - 4 \sin^3 a$$

$$\cos 3a = 4 \cos^3 a - 3 \cos a$$

روابط مثلثاتی زوایای قرینه:

$$\sin(-\alpha) = -\sin \alpha, \quad \operatorname{tg}(-\alpha) = -\operatorname{tg} \alpha$$

$$\cos(-\alpha) = \cos \alpha, \quad \operatorname{cotg}(-\alpha) = -\operatorname{cotg} \alpha$$

روابط مثلثاتی زوایای مکمل:

$$\sin(\pi - \alpha) = \sin \alpha, \quad \cos(\pi - \alpha) = -\cos \alpha$$

$$\operatorname{tg}(\pi - \alpha) = -\operatorname{tg} \alpha, \quad \operatorname{cotg}(\pi - \alpha) = -\operatorname{cotg} \alpha$$

روابط مثلثاتی زوایای متمم:

$$\sin\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \cos \alpha, \quad \cos\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \sin \alpha$$

$$\operatorname{tg}\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \operatorname{cotg} \alpha, \quad \operatorname{cotg}\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \operatorname{tg} \alpha$$

روابط مثلثاتی زوایای به تفاضل  $\frac{\pi}{4}$  رادیان:

$$\sin\left(\frac{\pi}{4} + \alpha\right) = \cos \alpha, \quad \cos\left(\frac{\pi}{4} + \alpha\right) = -\sin \alpha$$

$$\operatorname{tg}\left(\frac{\pi}{4} + \alpha\right) = -\operatorname{cotg} \alpha, \quad \operatorname{cotg}\left(\frac{\pi}{4} + \alpha\right) = -\operatorname{tg} \alpha$$

روابط مثلثاتی زوایای به تفاضل  $\pi$  رادیان:

$$\sin(\pi + \alpha) = -\sin \alpha, \quad \cos(\pi + \alpha) = -\cos \alpha$$

$$\operatorname{tg}(\pi + \alpha) = \operatorname{tg} \alpha, \quad \operatorname{cotg}(\pi + \alpha) = \operatorname{cotg} \alpha$$

روابط مثلثاتی زوایای به تفاضل  $2k\pi$  رادیان:

$$\sin(2k\pi + \alpha) = \sin \alpha, \quad \cos(2k\pi + \alpha) = \cos \alpha$$

$$\operatorname{tg}(2k\pi + \alpha) = \operatorname{tg} \alpha, \quad \operatorname{cotg}(2k\pi + \alpha) = \operatorname{cotg} \alpha$$

روابط مثلثاتی در مثلث غیر مشخص:

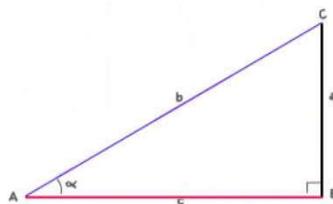
این روابط در همه مثلثها صادق می باشد.

تعریف نسبت‌های مثلثاتی:

نسبت‌های مثلثاتی عبارتند از: نسبت بین اندازه اضلاع

مثلث قائم الزاویه که با توجه به شکل بدین صورت تعریف

می شوند:



$$\sin \alpha = \frac{a}{b} \quad \frac{\text{ضلع مقابل}}{\text{وتر}} = \text{سینوس}$$

$$\cos \alpha = \frac{c}{b} \quad \frac{\text{ضلع مجاور}}{\text{وتر}} = \text{کسینوس}$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{a}{c} \quad \frac{\text{ضلع مقابل}}{\text{ضلع مجاور}} = \text{تانژانت}$$

$$\operatorname{cotg} \alpha = \frac{c}{a} \quad \frac{\text{ضلع مجاور}}{\text{ضلع مقابل}} = \text{کتانژانت}$$

روابط اصلی مثلثات

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} \xrightarrow{\text{اثبات}} \frac{a}{c} = \frac{\frac{a}{b}}{\frac{c}{b}} = \frac{a \cdot b}{c \cdot b} = \frac{a}{c}$$

$$\operatorname{cotg} \alpha = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} \xrightarrow{\text{اثبات}} \frac{c}{a} = \frac{\frac{c}{b}}{\frac{a}{b}} = \frac{cb}{ab} = \frac{c}{a}$$

$$\operatorname{tg} \alpha \cdot \operatorname{cotg} \alpha = 1 \xrightarrow{\text{اثبات}} \frac{a}{c} \times \frac{c}{a} = \frac{ac}{ac} = 1$$

## برداشت سطح زمین:

■ منظور از برداشت یک قطعه زمین:

- تعیین حدود
- مشخص کردن عوارض
- ترسیم روی یک نقشه

## ■ انواع برداشت:

الف) برداشت به منظور تعیین مساحت (مساحی)

ب) برداشت به منظور تهیه پلان (پلانیمتری)

برداشت به منظور تعیین مساحت یا برداشت مساحی:

## ■ مراحل مختلف مساحی:

الف) شناسایی مقدماتی

- بررسی مرزهای جداکننده منطقه
- بررسی ثبات مرزها
- انتخاب طریقه برداشت

ب) رسم کروکی

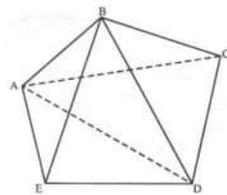
ج) اندازه‌گیری طولها و زوایای مورد لزوم و نوشتن اندازه‌های کروکی

د) ترسیم

ه) محاسبه مساحت از روی شکل ترسیم شده

## روشهای برداشت بر مبنای وسعت زمین

■ برداشت به روش تجزیه زمین به مثلث:

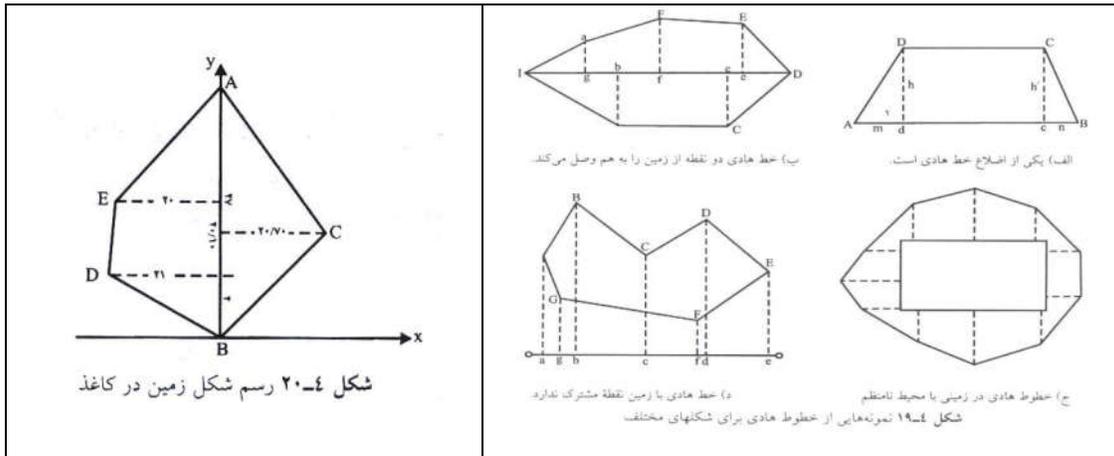


شکل ۱۸-۴ برداشت به روش تجزیه زمین به مثلث

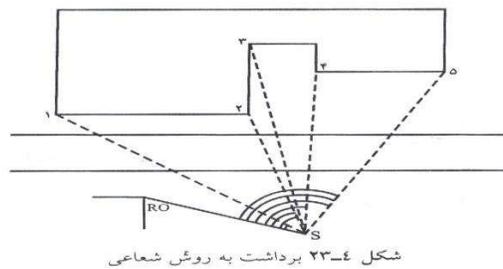
■ کاربرد این روش:

- تعداد اضلاع محیطی زمین کم و یا وسایل اندازه‌گیری منحصر به فرد (نوار فولادی) باشد.
- طول اضلاع هر مثلث با یکدیگر اختلاف زیادی نداشته باشند.

## رسم شکل زمین :



## برداشت به روش شعاعی



## دستورالعمل برداشت منطقه به روش شعاعی

- (الف) شناسائی نقشه
- (ب) ایستگاه‌گذاری (S) و تعیین امتداد میناء
- (ج) صفر کردن دستگاه در امتداد میناء
- (د) شاخص‌گذاری، نامگذاری نقاط، مشخص کردن آنها در کروکی، و ثبت در فرمهای تاکتومتري
- (هـ) محاسبات
- (و) تعیین فاصله نقاطی که از ایستگاه S دیده نمی‌شوند.
- (ز) ترسیم پلان
- (ح) تعیین جهت شمال روی نقشه

## برداشت به منظور تهیه پلان

### تعریف:

نقشه‌ی منطقه کوچکی از سطح زمین با مقیاس بزرگ را پلان گویند.

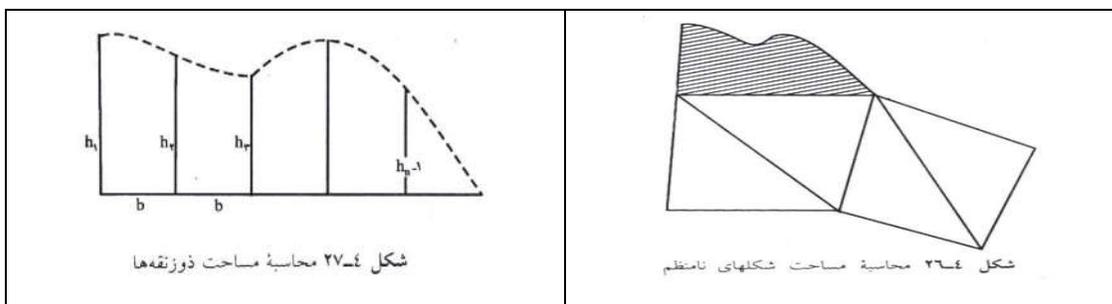
## تفاوت عملیات تهیه پلان یا مساحی:

- الف) در مساحی تنها رئوس محیط زمین برداشت می‌شوند. در تهیه پلان نقاطی که برداشت می‌شوند مربوط به کلیه عوارض منطقه‌اند
- ب) در مساحی هدف به دست آوردن مساحت تصویر افقی قطعه زمین است. در تهیه پلان هدف مشخص ساختن وضعیت افقی زمین با تمام جزئیات آن است.
- ج) در مساحی، بعد از ترسیم، فقط محدوده قطعه زمین مشخص است. در پلان کلیه اجزا و وضعیت نسبی آنها نسبت به یکدیگر مشخص می‌شود.

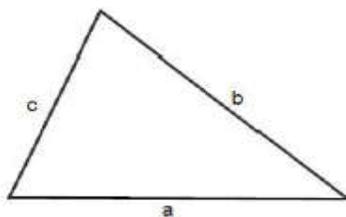
## نکات مهم برای رسم پلان با مقیاس ۱:۱۰۰۰

- رعایت ضخامت ترسیم محدوده
- رعایت ترسیم عرض آبراهه‌ها
- مشخص کردن نقاط چند ضلعی با دوایر
- رعایت زاویه  $45^\circ$  در نسبت به خطوط محدوده واحدهای مسکونی و اداری در ترسیم
- علامت‌گذاری اراضی و عوارض
- تعیین مقیاس پلان

## محاسبه مساحت:



## ۱- با داشتن سه ضلع از رابطه (۱)



$$P = \frac{a+b+c}{2}$$

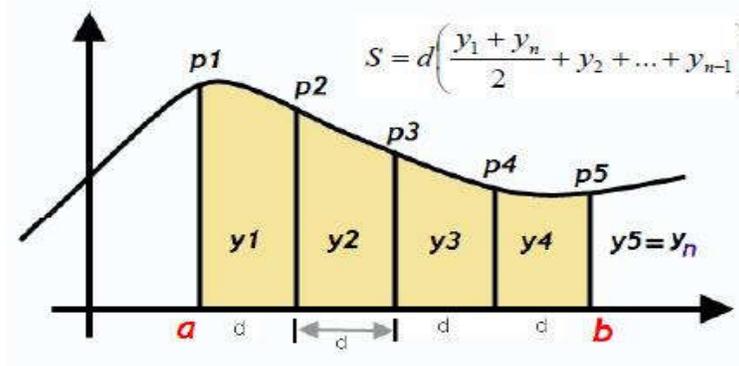
$$S = \sqrt{P(P-a)(P-b)(P-c)}$$

که در آن  $a, b, c$  طول اضلاع و  $p$  نصف طول محیط مثلث و  $S$  مساحت مثلث

۲- با داشتن دو ضلع و یک زاویه از رابطه (۲)

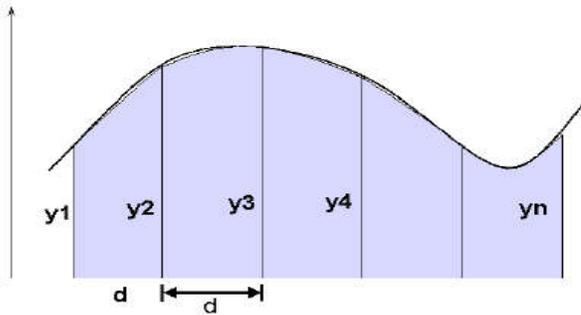
$$S = \frac{1}{2} a \cdot b \sin c$$

۳- در مواردی که شکل پلان نامشخص باشد:



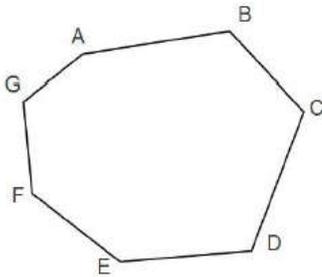
$$S = d \left( \frac{h_1 + h_n}{2} + h_2 + h_3 + \dots + h_{n-1} \right)$$

روش سیمپسون:



$$\begin{aligned} \sum y_i &= y_3 + y_5 + y_7 + y_9 \\ \sum y_p &= y_2 + y_4 + y_6 + y_8 + y_{10} \\ S &= \frac{d}{3} (y_1 + 2\sum y_i + 4\sum y_p + y_n) \end{aligned}$$

۴- در مواردی که مختصات گوشه های یک چندضلعی مشخص باشد:



$$\begin{aligned} S &= \frac{1}{2} \begin{vmatrix} x_A & x_B & x_C & x_D & x_E & x_F & x_G & x_A \\ y_A & y_B & y_C & y_D & y_E & y_F & y_G & y_A \end{vmatrix} = \frac{1}{2} [(x_A \times y_B) + (x_B \times y_C) + (x_C \times y_D) \\ &+ (x_D \times y_E) + (x_E \times y_F) + (x_F \times y_G) + (x_G \times y_A) - (x_A \times y_G) - (x_G \times y_F) - (x_F \times y_E) - (x_E \times y_D) - (x_D \times y_C) - (x_C \times y_B) - (x_B \times y_A)] \end{aligned}$$

## فصل پنجم : زاویه کش ها

هدف کلی :

معرفی زاویه کشها

روش کار

طریقه امتدادی

مغناطیسی

چگونگی سرشکن کردن خطا در پیمایش به روش ترسیمی

### هدفهای آموزشی

کلیات :

زاویه کشها

برداشت ترسیمی به روش شعاعی

روشهای ترسیمی برحسب نوع توجیه

شکل پیمایش امتدادی

عوامل ایجاد خطا و اشتباه در نقشه برداری

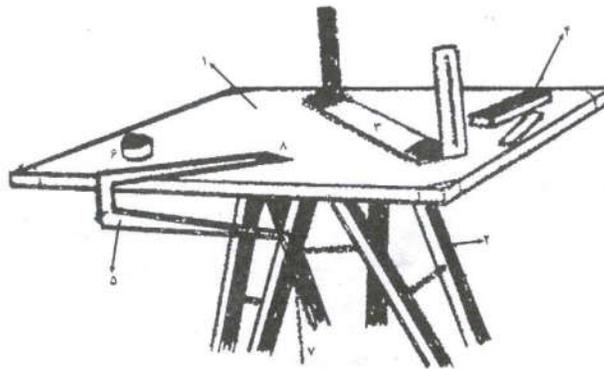
چگونگی سرشکن کردن خطای پیمایش در روش ترسیمی

### تعریف زاویه کش:

زاویه کشها وسایلی هستند که به کمک آنها می توان مستقیما در روی زمین زوایا را رسم کرد.

### اجزای دستگاه زاویه کش:

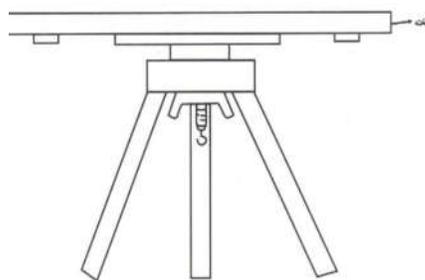
دستگاه تخته و سه پایه :



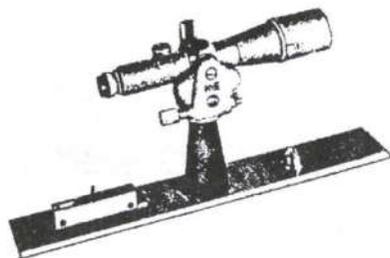
شکل ۱-۵ تخته و سه پایه  
۱. تخته رسم، ۲. سه پایه، ۳. آلیداد ساده (پینولدار) یا آلیداد دوربیندار، ۴. انحراف دهنده (قطب نما)، ۵. پرگار ضخامت (پنس شاقولی)، ۶. تراز کروی یا استوانه ای، ۷. شاقول، ۸. وسایلی از قبیل سوزن، کاغذ، مقیاس و گونیا.



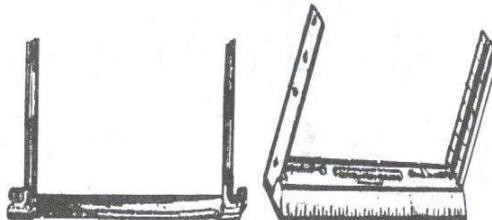
شکل ۳-۵ سه پایه



شکل ۴-۵ تخته رسم



شکل ۵-۵ آلیداد دوربین دار



شکل ۵-۵ آلیداد



شکل ۷-۵ پرگار ضخامت

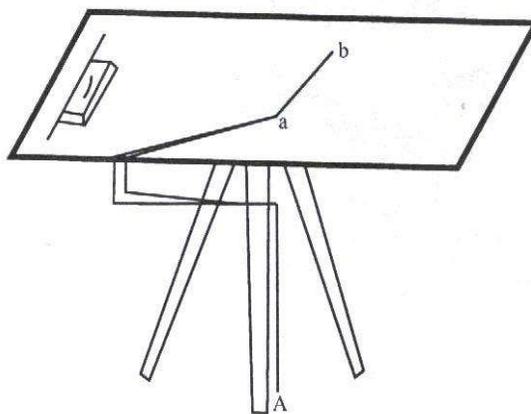


شکل ۶-۵ انحراف دهنده

### طرز ایستگاه گذاری یا استقرار دستگاه

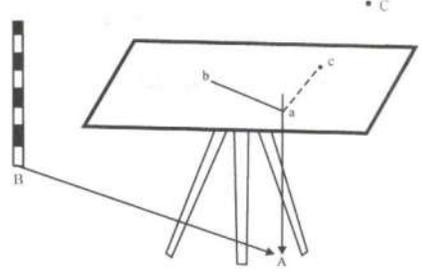
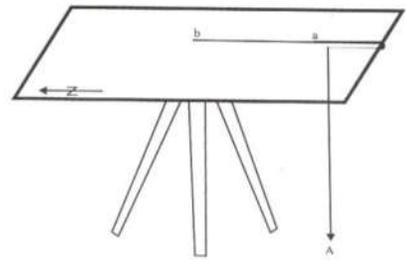
الف) افقی قراردادن تخته رسم

ب) استقرار در نقطه مورد نظر



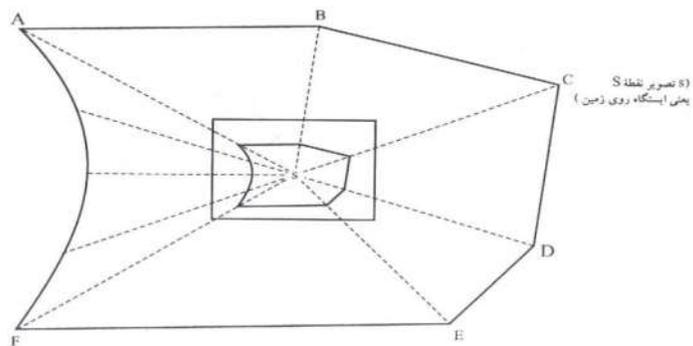
شکل ۸-۵ استقرار در نقطه مورد نظر

انواع توجیه:

 <p>شکل ۹-۵ توجیه امتدادی</p>	<p>● توجیه امتدادی</p>
 <p>شکل ۱۰-۵ توجیه مغناطیسی</p>	<p>● توجیه مغناطیسی</p>

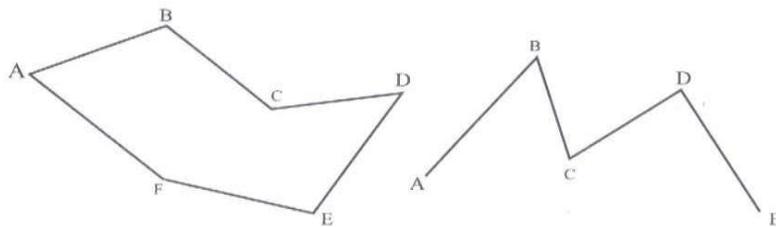
برداشت با تخته و سه پایه

● برداشت ترسیمی به روش شعاعی



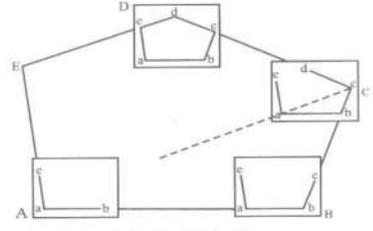
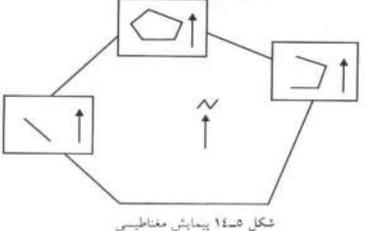
شکل ۱۱-۵ برداشت ترسیمی به روش شعاعی

● برداشت ترسیمی به روش پیمایش

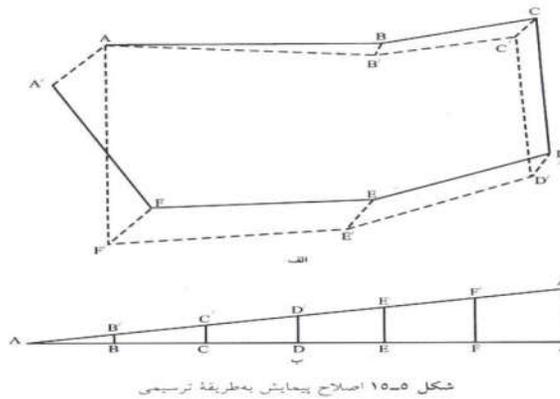


شکل ۱۲-۵ پیمایش باز و بسته

## روشهای پیمایش ترسیمی

 <p>شکل ۱۳-۵ پیمایش امتدادی</p>	<p>● پیمایش امتدادی</p>
 <p>شکل ۱۴-۵ پیمایش مغناطیسی</p>	<p>● پیمایش مغناطیسی</p>

## سرشکن کردن خطای پیمایش در روش ترسیمی



## فصل ششم: نقشه‌های توپوگرافی

هدف کلی:

- تهیه نقشه توپوگرافی و رسم نیمرخ
- اصول کار تهیه پلان توپوگرافی به روش شبکه‌بندی
- روشهای تهیه نیمرخ
- مراحل تهیه نقشه

### هدفهای آموزشی

- تهیه نقشه‌های توپوگرافی و تهیه نیمرخ
- روش کار تهیه پلان توپوگرافی از منطقه به طریق شبکه‌بندی

● شکل نیمرخ زمین

● اختلاف بین روشهای مستقیم و غیرمستقیم در تهیه نیمرخ

● عوارض ارتفاعی

### مقدمه کلی فصل :

● شناخت موقعیت پستی و بلندیها، برداشت توپوگرافی با روش تائومتری

● آگاهی از محل درهها و رودخانهها

● کاربرد بند ۲ و ۱ در تسهیل کار زمین شناس در شناخت رخنمونها

● شناخت نقشههای توپوگرافی و نحوه تهیه نیمرخ

### برداشت منحنیهای تراز به روش تائومتری

● استقرار دستگاه روی ایستگاه I

● اندازه گیری ارتفاع دستگاه نسبت به ایستگاه

● صفر کردن دستگاه در راستای P

● نشانه روی به نقطه II

● قرائت تارهای رتیکول و زاویه قائم وافقی

● استقرار دوربین روی نقطه II

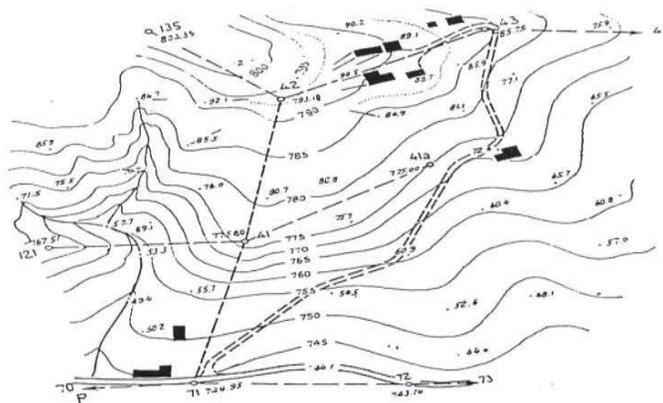
● صفر کردن روی نقطه I

● نشانه روی به نقطه III و اندازه گیری پارامترها

● بقیه نقاط به این صورت ادامه می یابد.

● رسم نقاط هم ارتفاع به هم و در نهایت ترسیم نقشه توپوگرافی

● نمونه ای از نقشه های توپوگرافی:



شکل ۱-۶ نمونه ای از نقشه های توپوگرافی

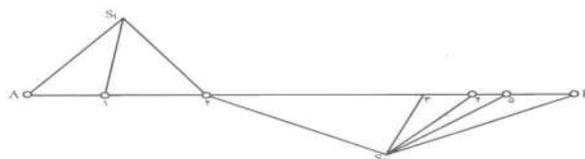
## نیمرخ:

تعریف:

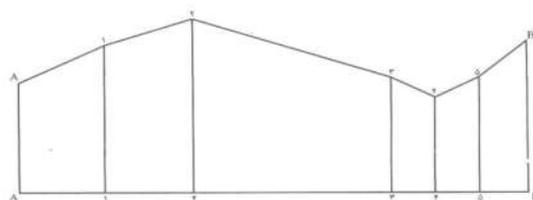
نیمرخ یا پروفیل برشی قائمی از زمین است که در امتداد محور معینی تهیه می‌شود.

تهیه نیمرخ یا پروفیل:

روش مستقیم



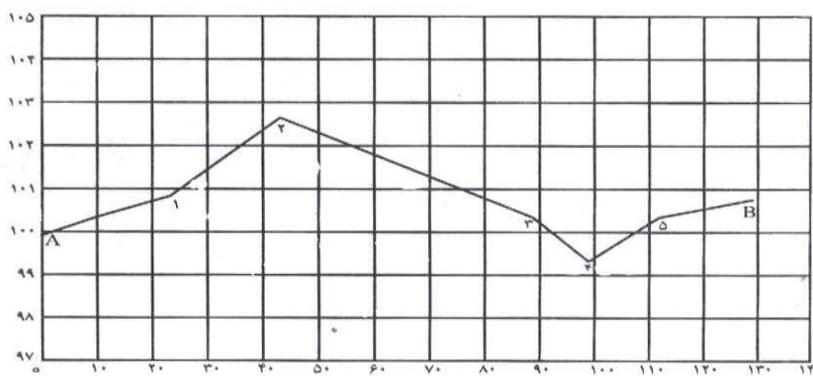
شکل ۲-۶ رسم نیمرخ امتداد AB



شکل ۳-۶ مقطع تقریبی نقاط

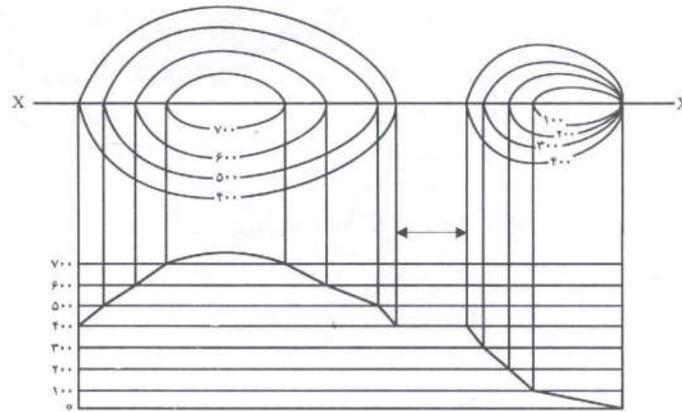
جدول ۱-۶ تنظیم فواصل و اعداد حاصل از ترازبایی نقاط

ارتفاع متر	ارتفاع متر	فاصله متر	اختلاف ارتفاع متر		قرائت جلو	قرائت وسط	قرائت عقب	نقاط
			+	-				
۱۰۰۰۰۰	۱۰۰۰۰۰						۳۶۲۷	A
۱۰۰/۹	۱۰۰/۸۷۶	۲۲/۵۱	۰۸۷۶			۲۷۵۱		۱
۱۰۲/۷	۱۰۲/۷۱۲	۴۴/۵۲	۲۷۱۲		۰۹۱۵		۰۴۸۰	۲
۱/۰۰۶	۱۰۰/۵۹۰	۹/۹۸		۲۱۲۲		۲۶۰۲		۳
۹۹/۳	۹۹/۱۹۹	۱۳/۲۵		۲۳۹۱		۳۸۷۱		۴
۱۰۰/۵	۱۰۰/۵۰۰	۱۸/۰۵		۲۲۱۲		۲۶۹۲		۵
۱۰۰/۹	۱۰۰/۹۱۳			۱۷۹۹	۲۲۷۹			



شکل ۴-۶ رسم نیمرخ دقیق مقطع AB

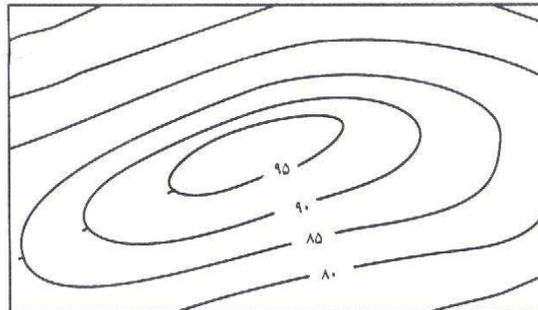
● روش غیر مستقیم



شکل ۵-۶ رسم نیمرخ به روش غیرمستقیم

روشهای نمایش ارتفاع در نقشه

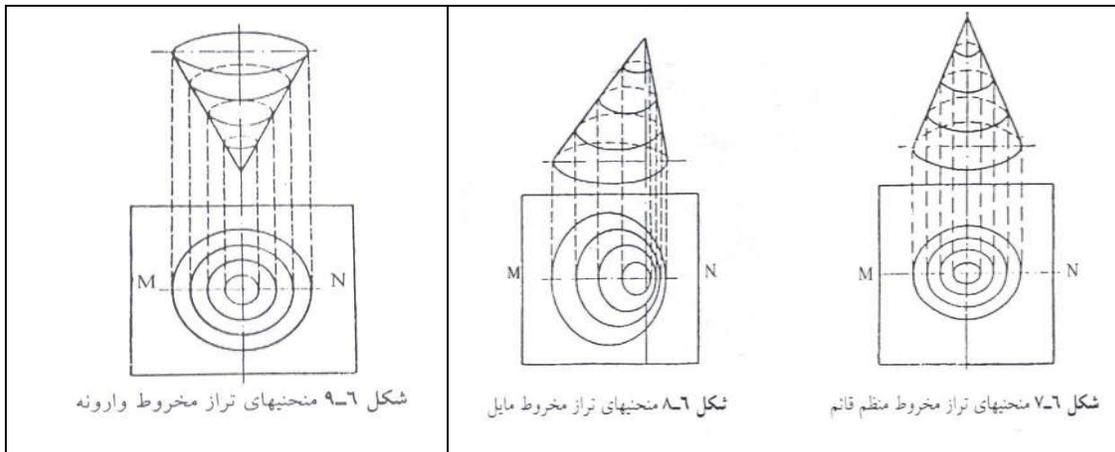
● خطوط تراز یا منحنی‌های میزان : خطوط هم ارتفاع را نسبت به یک سطح مبنا خطوط تراز می‌نامند.



شکل ۶-۶ خطوط تراز تپه

نمایش اشکال هندسی با منحنیهای تراز

عوارض سطح زمین شبیه به شکلهای هندسی را می‌توان با استفاده از منحنیهای تراز در روی نقشه نشان داد.



شکل ۹-۶ منحنیهای تراز مخروط وارونه

شکل ۸-۶ منحنیهای تراز مخروط مایل

شکل ۷-۶ منحنیهای تراز مخروط منظم قائم

## اشکال مختلف ارتفاعی

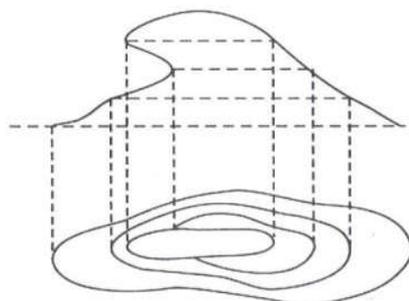
- جلگه
- کوه
- شیار
- دره
- گرده



## مشخصات خطوط تراز

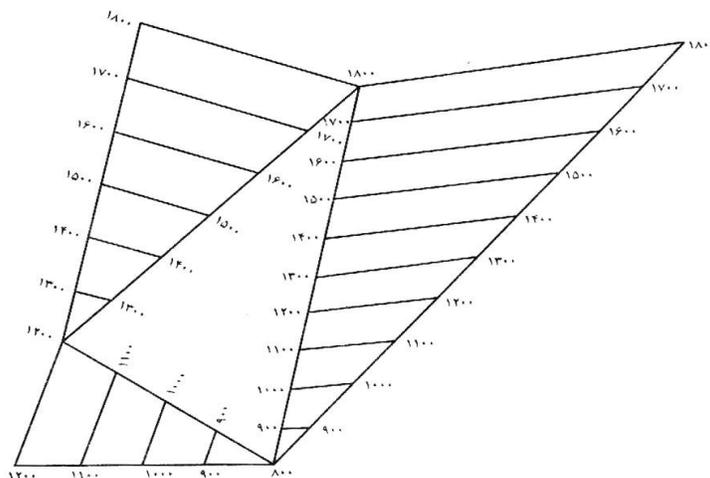
ویژگیهای خطوط تراز:

- (الف) همه نقاط واقع بر یک خط تراز هم ارتفاع اند.
- (ب) هر منحنی بسته، در محدوده نقشه معرف یک بلندی یا گودی است.
- (ج) خطوط تراز چه در محدوده نقشه و چه خارج آن ادامه می‌یابند.
- (د) منحنیهای تراز یکدیگر را قطع نمی‌کنند. استثنایی در حالتی که صخره‌ای مطابق شکل ۱۲-۶ در قسمت بالا به صورت نقابدار پیش آمده باشد.
- (ه) فاصله قائم بین منحنیهای میزان برابر است، فاصله آنها در نقشه به شیب زمین بستگی دارد.
- (و) کوتاه‌ترین فاصله بین خطوط تراز بزرگ‌ترین شیب است.
- (ز) محور آبراهه‌ها و دره‌ها مطابق شکلهای ۱۱-۶ ج و د بر منحنیهای تراز عمودند.
- (ح) خطوط تراز، سطح مستوی به صورت خطوط موازی اند.



شکل ۱۲-۶ پیش آمدگی صخره به صورت نقاب که باعث قطع شدن منحنیهای میزان می شود.

روش واسطه یابی جهت ارتفاعهای حد واسطه اعداد ۸۰۰، ۱۲۰۰ و ۱۸۰۰



## مروری بر مبانی پیاده سازی و کنترل هندسی پروژه های ساختمانی<sup>۲۰</sup>



### چکیده

همانطور که در تعریف نقشه برداری آمده است، پیاده کردن یک بخش مهم از نقشه برداری محسوب می شود. اغلب تصور عمومی از موضوع پیاده سازی، عکس عملیات برداشت و تعیین موقعیت عوارض سطح زمین است. در واقع پیاده سازی به مشخص کردن

۲۰ - مقاله دکتر یحیی جمور (پیام نظام مهندسی نشریه شماره ۲ شهریور و مهر ۱۳۹۲)

عوارض و اجزای اصلی یک طرح (مانند ساختمان یا هر تاسیسات دیگری) که موقعیت آنها در طرح مشخص است، اشاره میکند. بدیهی است در حین پیاده سازی و اجرای طرح نیز باید مجدداً طرح پیاده شده (وضع موجود) مورد نقشه برداری قرار گیرد تا از انحراف زیاد آن از طرح جلوگیری به عمل آید. بنابراین پیاده سازی با نقشه شروع و مجدداً به نقشه نیز ختم می شود. غالب اوقات هنگامی که سخنی از اجرای ساختمان می شود، منظور اجرای مصالح ساختمان و اجرای طرح هندسی ساختمان است. در کشور ما موضوع مصالح (مانند بتن، جوش سیمان، جنس پروفیل ها، نوع نورد، و...) از اهمیت خاصی برخوردار است و همه روزه در مورد آن بحث و گفتگو می شود. اما بحث طرح هندسی که به رشته مهندسی نقشه برداری و پیاده سازی برمی شود، به رغم اهمیت بسیار بالای آن، کمتر مورد توجه قرار گرفته است. اهمیت طرح هندسی را می توان به دو بخش تقسیم کرد: ۱) مقاومت و پایداری ساختمان، ۲) زیبایی ساختمان که هر دو مورد بسیار حایز اهمیت هستند. بنابراین وجود کسی که بتواند اعداد و ارقام را کنترل و اصول مهندسی را در اندازه گیری ها و کنترل ها رعایت کند و بتواند طرح هندسی را از نظر سازه ای، معماری و شهرسازی به طور صحیح پیاده سازی و کنترل کند و ساختمان را از نظر هندسی مطابق طرح طراحان تحویل دهد، بسیار ضروری به نظر می رسد. این موضوع همان حلقه گمشده در ساختمان سازی است که کمتر مورد توجه بوده است. اینجاست که باید رشته مهندسی نقشه برداری را پایه و اساس ساختمان از نظر طرح هندسی دانست و وجود چنین افرادی را در ساختمان سازی بسیار ذی قیمت دانست. بر همین اساس سعی شده است در این نوشتار ضمن بررسی مطالب کلی مربوط به پیاده سازی، به صورت خاص به پیاده سازی و نقشه برداری در پروژه های ساختمانی پرداخته می شود.

#### ۱- مقدمه

پیاده سازی به عنوان مهمترین بخش در هر پروژه عمرانی، بر پایه یک سری علایم و خطوطی که نشاندهنده موقعیت افقی و ارتفاع اجزا و عناصر یک پروژه در سطح زمین هستند، استوار است و بنابراین بدون بکارگیری فنون پیاده سازی، امکان اجرای پروژه ها وجود ندارد. اگرچه، کیفیت پیاده سازی بسته به شرایط منطقه کاری و نوع پروژه متفاوت است، اما به هر میزان که تجهیزات و روش های دقیق تری بکار گرفته شوند، به همان میزان نتیجه پیاده سازی پروژه به طرح اولیه آن نزدیکتر است. بدیهی است بر پایه نظریه خطاها هیچ گریزی از خطاهای اتفاقی و تا حدودی خطاهای سیستماتیک کوچک وجود ندارد به دلیل بروز این نوع خطاها، هیچ گاه امکان اجرای ایده آلی یک پروژه و انطباق کامل آنها با طرح وجود ندارد. بنابراین در عمل با توجه به محدوده خطاهای مجاز، باید به گونه ای به موضوع پیاده سازی توجه شود که هزینه های خیلی زیاد به بار نیاید و اصطلاحاً از نظر اقتصادی بهینه باشد. البته نا گفته نماند، منظور از پیاده سازی بهینه و اقتصادی این نیست که خطاها به گونه ای اتفاق بیفتد که موجب تاخیر یا توقف در کار شود، زیرا در این صورت جبران آن منجر به صرف هزینه های اضافی و پیش بینی نشده می شود.

در پیاده سازی دو هدف عمده دنبال می شود:

۱) ساختمان یا هر تاسیسات موردنظر در طرح باید به صورت نسبی و مطلق در هر سه بعد به صورت صحیح روی سطح زمین ایجاد

شود،

۲) روشها و فنون بکارگرفته شده باید بگونه ای باشد که اجرای پروژه بدون تاخیر و وقفه با سرعت زیاد (و به تبع آن هزینه کم) پیش برود.

با توجه به توضیحات بالا، در پروژه های عمرانی، مهندسان نقشه برداری به منظور پیاده سازی و کنترل پیوسته اجرای طرح باید با مهندس ناظر که معمولا به نمایندگی از مشاور و طراح پروژه حضور دارند، ارتباط مستقیم داشته باشند. لذا همکاری و ارتباط بین مهندس ناظر و مهندس نقشه بردار، می تواند نقش بسزایی در پیشرفت صحیح و سریع پروژه داشته باشد. بدیهی است اعمال هرگونه تغییر در طرح اصلی باید با اطلاع و تایید رسمی مهندس ناظر صورت گیرد و در صورت بروز هرگونه انحراف در اجرای پروژه باید بلافاصله به مهندس ناظر گزارش شود تا ضمن اتخاذ روش اصلاح آن از بروز هزینه های بیشتر جلوگیری شود.



## ۲- برخی نکات اساسی در پیاده سازی

برخی ملاحظات در پیاده سازی وجود دارند که در زیر به آنها اشاره می شود.

- قبل از شروع عملیات پیاده سازی، نقاط مرجع افقی و ارتفاعی به اندازه کافی در داخل یا نزدیک منطقه اجرای طرح گسترش یابد.
- به منظور حفظ دقت و یکنواختی آن در بخش های مختلف پروژه و جلوگیری از بروز خطاهای تجمعی، تمام نقاط طرح بر اساس نقاط مرجع افقی و ارتفاعی پیاده شود.
- قبل از شروع عملیات پیاده سازی، مدارک و فرم های مربوط به پیاده سازی تهیه و ذخیره شود.
- قبل از شروع عملیات پیاده سازی، تمام تجهیزات مورد استفاده مانند تراز یاب ها و زاویه یاب ها و طولیاب ها مورد کنترل قرار گیرند و در طول اجرای طرح نیز ضمن توجه به نگهداری استاندارد آنها، به صورت منظم (مثال ماهی یکبار) این کار تکرار شود تا از عملکرد صحیح آنها اطمینان حاصل شود.
- به منظور کشف نقاط مرجع افقی و ارتفاعی جابجا شده یا تخریب شده، بازرسی دوره ای (مثلا هفتگی) این نقاط انجام و در صورت نیاز اقدام به بازسازی آنها شود.
- رفع آثار خطاها در مراحل بعدی بسیار مشکل تر و پر هزینه تر است، لذا مخفی کردن خطاهای غیرمجاز، هیچ سودی در پی ندارد و باید در همان مراحل ابتدایی ضمن تشخیص و گزارش آن، به تصحیح آن اقدام شود.

- ارتباط تنگاتنگ با سایر عوامل همکار و مهندس ناظر باعث آگاهی بیشتر از نحوه ی انجام کار می شود و بنابراین از بروز بسیاری از خطاها جلوگیری می کند.

### ۳-مقدمات پیاده سازی

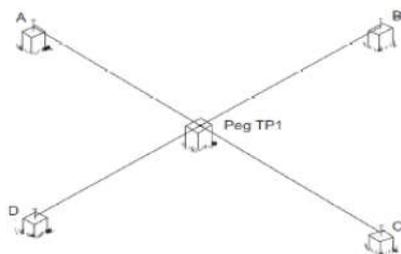
قبل از هرگونه اقدام عملی لازم است موارد زیر با دقت و حوصله انجام گیرد، زیرا ممکن است کوچک ترین بی توجهی در این مرحله موجب تحمیل هزینه های بیشتر در مراحل بعدی شود.

- "نقشه ها -معمولا قبل از پیاده سازی یک نقشه اولیه با مقیاس ۱:۵۰۰ یا ۱:۲۰۰ تهیه می شود و طرح مورد نظر روی آن مشخص می شود. این نقشه به همراه سایر مدارک و اسناد طرح پس از برگزاری مناقصه به پیمانکار تحویل داده می شود. این نقشه پایه نقشه اجرایی را تشکیل می دهد که برای پیاده سازی مورد استفاده قرار می گیرد.
- "کنترل طراح: تمام اجزای طرح باید به دقت مورد بررسی قرار گیرد و در صورت وجود مانع یا موانع در پیاده سازی هر بخش از طرح باید فوراً به مسوولان طرح گزارش شود تا در مورد آن چاره اندیشی شود.
- شناسایی منطقه: به رغم اینکه از قبل نقشه منطقه موردنظر تهیه شده و برای پیاده سازی در دسترس قرار می گیرد، اما مهندس نقشه بردار باید محل اجرای طرح را مورد بازدید قرار دهد و نسبت به رفع اختلافات احتمالی میان نقشه و منطقه اقدام کند. ضمناً توصیه می شود در جریان بازدید، محل های مناسب برای ایجاد نقاط مرجع نیز علامت گذاری شود. البته ممکن است برخی از نقاط کنترل قبلی که در تهیه نقشه استفاده شده اند مناسب تشخیص داده شوند که باید از آنها محافظت شود.
- ایستگاه های مسطحاتی و ارتفاعی نقشه برداری: به منظور پیاده سازی طرح باید ایستگاه های مسطحاتی و ارتفاعی در محل های مناسب و دور از عوامل آسیب رسان ایجاد و محافظت شود. البته در مرحله تهیه نقشه می توان بگونه ای ایستگاه های مسطحاتی و ارتفاعی را ایجاد کرد که بتوان از همان نقاط در پیاده سازی بهره گرفت و تعداد ایستگاه های مورد نیاز را به حداقل ممکن رساند.

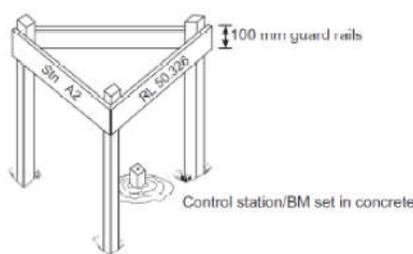
### ۴- نقاط کنترل مسطحاتی و ارتفاعی

موقعیت مسطحاتی نقاط اصلی طرح بر مبنای نقاط کنترل مسطحاتی موجود در محل پروژه پیاده می شود. شیوه ایجاد نقاط کنترل مسطحاتی به صورت از کل به جزء رفتن است و این نقاط به اتکای نقاط درجه بالاتر به دست می آید. نقاط کنترل مسطحاتی معمولا در نزدیکی منطقه طرح و در محل های ایمن قرار می گیرد تا از تخریب آنها جلوگیری شود. به منظور بکارگیری نقاط کنترل مسطحاتی در طول پروژه، این نقاط باید به شیوه مناسب نگهداری شود (نگاره ۱).

چنانچه به هردلیلی برخی نقاط کنترل مسطحاتی از بین برود، لازم است مجدداً مورد بازسازی قرار گیرد. لذا علاوه بر نقاط کنترل، برای هر کدام از آنها تعدادی نقاط مرجع در اطرافشان ایجاد می شود تا در صورت لزوم به کمک آنها بتوان نقاط کنترل اصلی را بازسازی کرد (نگاره ۲).



نگاره ۲- نقاط مرجع برای بازسازی نقاط کنترل



نگاره ۱- نگهداری از نقاط کنترل

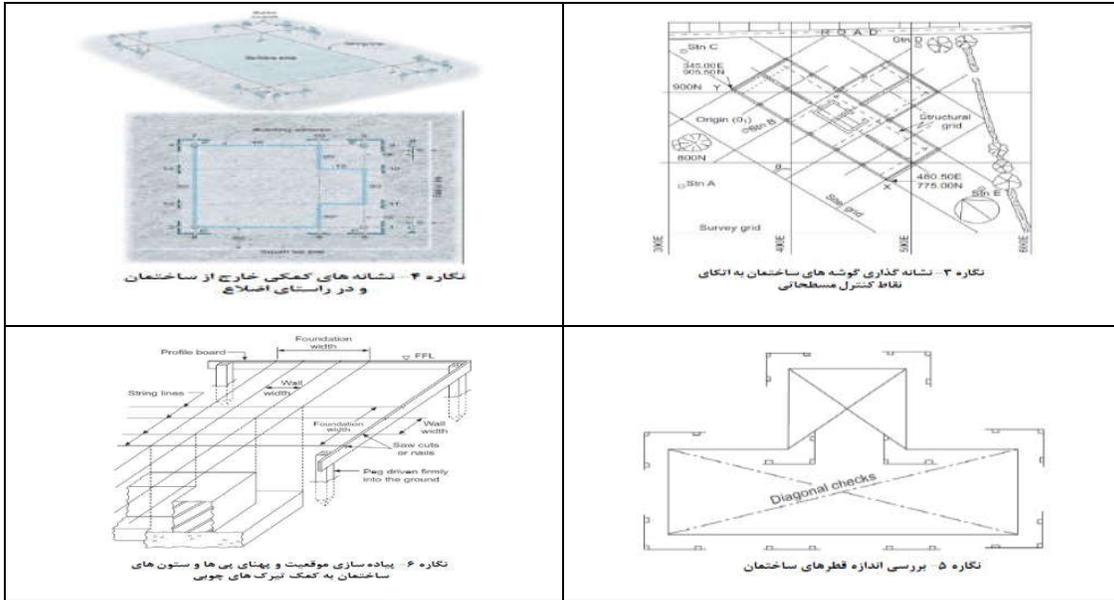
ارتفاع نقاط اصلی طرح بر مبنای نقاط کنترل ارتفاعی موجود در محل پروژه پیاده می شود. شیوه ایجاد نقاط کنترل ارتفاعی مانند نقاط کنترل مسطحاتی به صورت از کل به جزء رفتن است و این نقاط نیز به اتکای نقاط درجه بالاتر به دست می آید. در بسیاری از مواقع نقاط کنترل مسطحاتی و نقاط کنترل ارتفاعی یکسانند و در واقع نقاط کنترل دو منظوره هستند. نکات مربوط به محافظت و بازسازی نقاط کنترل ارتفاعی نیز مشابه نقاط کنترل اصلی است. البته مبنای ارتفاعی کاملا متفاوت از مبنای مسطحاتی است و معمولا نقطه مبنای ارتفاعی در خارج از محدوده کارگاه و با توافق مشاور و کارفرما انتخاب می شود.

## ۵- پیاده سازی و کنترل ساختمان

### ۵-۱- پیاده سازی موقعیت مسطحاتی یک ساختمان

روش پیاده سازی بسته به وسعت منطقه و دقت مورد نیاز و نوع وسایل در اختیار متفاوت است. با این حال مراحل پیاده سازی موقعیت یک ساختمان به صورت اجمالی به شرح زیر است:

- حداقل دو گوشه ساختمان (معمولا گوشه های مربوط به بر ساختمان که در نقشه های شهرسازی مشخص شده است) به اتکای نقاط کنترل مسطحاتی و بکارگیری روشهای مناسب مانند تقاطع طولی و زاویه ای روی سطح زمین مشخص و علامت گذاری می شود (نگاره ۳).
  - بر پایه دو گوشه مزبور و استقرار روی آنها، سایر گوشه ها با طول و زاویه ذیربط روی سطح زمین مشخص و علامت گذاری می شود (نگاره ۳).
  - به دلیل از بین رفتن نقاط گوشه ای در حین خاک برداری و پی کنی، نشانه های کمکی خارج از ساختمان و در راستای اضلاع آن ایجاد می شود. این نشانه ها معمولا بوسیله میخ روی تیرک های چوبی مخصوص ایجاد می شود (نگاره ۴).
  - اندازه قطرهای ساختمان بررسی و در صورت مغایرت ریشه یابی و سپس برطرف می شود (نگاره ۵).
- یادآوری می شود تمام طول های مربوط به پیاده سازی باید به صورت افقی در نظر گرفته شود بویژه اگر سطح منطقه شیب دار است، این موضوع جدی تر است.

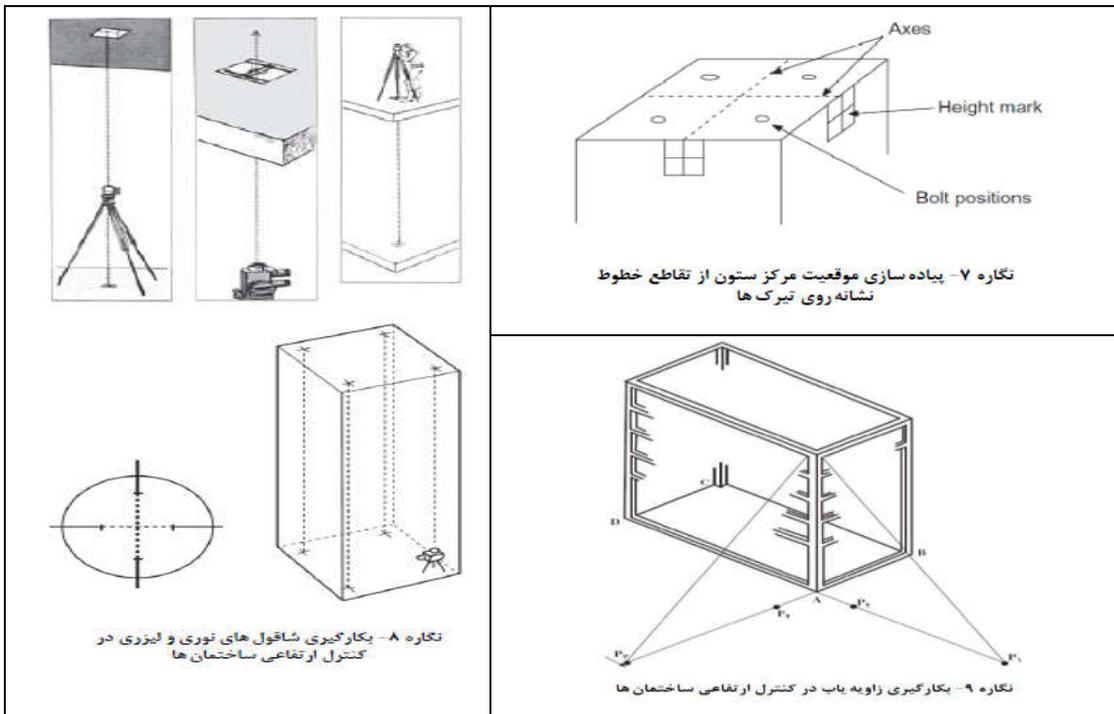


### ۲-۵- پیاده سازی پی ها و ستون های ساختمان

بر اساس موقعیت و پهنای پی ها و ستون های ساختمان در طرح، علامت های هریک روی تیرک های چوبی در گوشه ها و کناره های ساختمان مشخص و سپس به کمک دستگاه های زاویه یاب، موقعیت و امتداد پی ها و ستون ها روی سطح زمین معین می شود (نگاره ۶).

بدیهی است محل تقاطع امتداد علایم مربوط به مرکز ستون ها، بیانگر موقعیت مرکز ستون روی زمین است (نگاره ۷).

البته ناگفته نماند برای پی ها و ستون های ساختمان، باید موقعیت ارتفاعی آنها نیز مورد توجه قرار گیرد.



### ۵-۳- کنترل ارتفاعی و شاقولی ساختمان ها

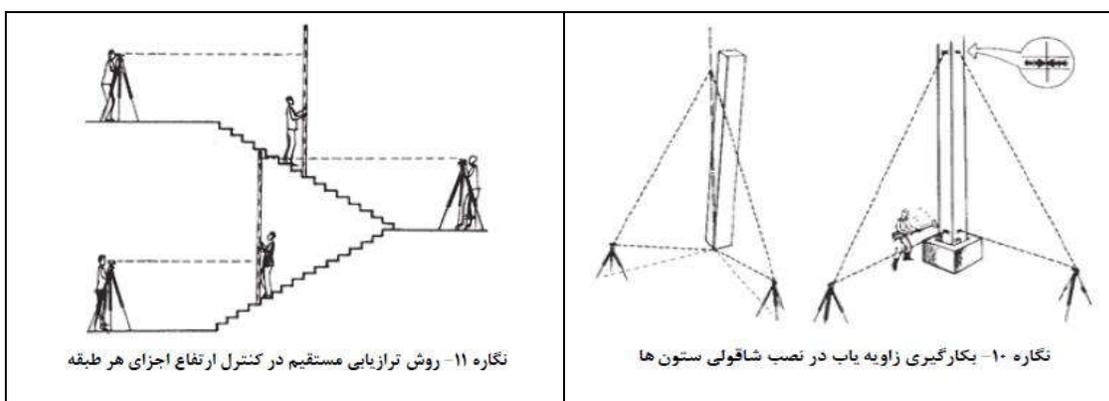
از آنجا که ستون های ساختمان چارچوب اصلی ساختمان را تشکیل می دهند، لذا چنانچه موقعیت هر ستون در هر طبقه دقیق و مطابق طبقه زیرین پیاده شود، ساختمان بدون انحراف و به صورت عمودی در ترازهای از قبل مشخص شده رشد کرده و ساخته می شود. برای نیل به این منظور در حال حاضر اجرای آن با استفاده از شاقول نخی است. در این روش شاقول از طبقات بالاتر آویزان و هر موقع روی علامت مرکز ستون در طبقات پایین تر قرار گیرد، موقعیت مرکز ستون به صورت عمودی و با ارتفاع مشخص به طبقات بالاتر منتقل می شود. بدیهی است به دلیل جریان های باد و نوسانات شاقول این روش از دقت لازم برخوردار نیست و ممکن است وقت زیادی برای آن صرف شود.

روش های مناسب استفاده از شاقول نوری و لیزری یا استفاده از زاویه یاب است. روش نوری و لیزری فقط در محدوده ساختمان قالب استفاده است. در این روش شاقول لیزری در طبقات بالا یا پایین مستقر شده و با قرار گرفتن علامت لیزر روی مرکز ستون اطمینان لازم از تراز بودن ستون ها حاصل می شود (نگاره ۸).

روش دیگر بکارگیری زاویه یاب است که معمولا در خارج از محدوده ساختمان و برای ساختمان های بزرگ قابل استفاده است. چنانچه زاویه یاب کاملا تنظیم باشد، امتداد تار عمودی آن نیز کاملا شاقولی است و بنابراین مشابه طبقه همکف موقعیت مرکز ستون ها از تقاطع خطوط نشانه روی تیرک ها در تمام طبقات بالاتر با ترازهای ارتفاعی مشخص امکان پذیر می شود (نگاره ۹).

همچنین از زاویه یاب در استقرار عمودی ستون ها و رفع انحراف آنها استفاده می شود (نگاره ۱۰).

با اطمینان از شاقولی بودن ساختمان اجرای ترازبایی مستقیم همواره یکی از راه های بسیار دقیق به منظور اجرا و کنترل تراز ارتفاعی بخش های مختلف هر طبقه مانند راه پله ها است (نگاره ۱۱).



### ۳- نتیجه گیری و پیشنهادات

مطابق آنچه در این نوشتار بیان شد، یکی از مهم ترین وجوه اجرای طرح های ساختمانی، اجرای دقیق طرح هندسی آنهاست. همانطور که مهندسی نقشه برداری در پیاده سازی و اجرای طرح هندسی انواع راه ها و مسیرها نقشی بی بدیل دارد، در اجرا و کنترل طرح هندسی ساختمان ها نیز همین نقش وجود دارد. البته ناگفته نماند که بنابر نظریه خطاها، هیچگاه نمی توان ادعای اجرای ایده آل

طرح هندسی را داشت، ولی مهندس نقشه بردار می تواند با لحاظ کردن خطاهای مجاز و تسلط بر محاسبات انتشار و سرشکنی خطاها، کنترل مناسبی بر اجرای هندسی پروژه های ساختمانی داشته باشد و از بروز انحرافات غیر مجاز جلوگیری کند. در واقع مهندس نقشه بردار باید بتواند طرح هندسی را از نظر سازه ای، معماری و شهرسازی به طور صحیح پیاده سازی و کنترل کند و ساختمان را از نظر هندسی مطابق طرح تحویل دهد. این موضوع همان حلقه گمشده در صنعت ساختمان سازی است که کمتر مورد توجه بوده است.

اینجاست که باید رشته مهندسی نقشه برداری را پایه و اساس ساختمان از نظر طرح هندسی دانست و حضور مهندسان نقشه بردار در کنار سایر متخصصان ذریبط مانند سازه و معماری را بسیار ذی قیمت دانست. لذا فرصت را غنیمت شمرده و از همین جا به تمام مسوولان و تصمیم گیران و دلسوزان صنعت ساختمان سازی و مدیریت شهری و بویژه اعضای محترم هیات مدیره نظام مهندسی استان تهران صمیمانه پیشنهاد می شود نسبت به بهره گیری از این توانایی مهندسان نقشه بردار اقدام کنند تا شاهد افزایش چشمگیر در مقاومت، پایداری و زیبایی ساختمان ها در سطح کشور باشیم.